日本磁気学会論文特集号 6巻1号

ONLINE ISSN: 2432-0471

Electronic Journal URL: https://www.jstage.jst.go.jp/browse/msjtmsj/-char/ja/

CONTENTS

Hard and Soft Magnetic Materials

が再刊 Landon 白巾エラルギーエデルを用いた VIC の伊磁力 ノカニブル 敏振				
仏派室 Lanuau 日田エネルギーモノルを用いた IIG の床園リノバー人公理別				
」「」」「「」」」「」」「」」「」」」「」」」「」」	1			
Fe 系微細結晶材料の磁場中熱処理による磁気特性及び信頼性				
佐久間穂崇・矢澤翔大・渡邊 洋・新妻清純	10			
強磁性超弾性合金を用いた振動発電の基礎検討				
	15			
固相反応法で作製した CoFe2.xMnxO4 の結晶構造と磁気特性に及ぼすヤーン・テラー効果の影響				
	~~~			

# Measurement Technique, High-Frequency Devices

逆磁歪効果型歪センサの高周波振動特性の評価

# **Power Magnetics**

34
39
44
49
53
58
63
69
74

湾曲させた柔軟鋼板の磁気浮上搬送システムの開発(電磁力の印加位置に対する基礎的考察)

小川和輝・遠藤文人・成田正敬・加藤英晃 81

水平方向からの磁場を用いた柔軟鋼板の磁気浮上(浮上中の振動特性に関する基礎的検討) ………… 遠藤文人・嘉山周汰・椎名敦紀・ムハマドヌルハキミビンモハマドカマ・

小川和輝・池田圭吾・加藤太朗・成田正敬・加藤英晃 87

永久磁石と電磁石を併用した薄鋼板の磁気浮上装置の開発(遺伝的アルゴリズムを用いた永久 磁石の最適配置に張力印加位置が与える影響に関する基礎的考察)

小川和輝・遠藤文人・成田正敬・加藤英晃 93

## **Biomagnetism / Medical Applications**

磁気温熱療法の定温加熱制御システムを用いた動物実験

……… 鹿野晃弘・トンタット・ロイ・桑波田晃弘・アリウンブヤン・スフバートル・

小玉哲也・薮上 信 100

# Board of Directors of The Magnetics Society of Japan

President:	S. Sugimoto
Vice Presidents:	Y. Takemura, J. Hayakawa
Directors, General Affairs:	H. Saito, H. Yuasa
Directors, Treasurer:	H. Takahashi, A. Yamaguchi
Directors, Planning:	T. Kondo, M. Mizuguchi
Directors, Editorial:	T. Kato, S. Yabukami
Directors, Public Relations:	S. Sakurada, K. Kakizaki
<b>Directors, International Affairs:</b>	H. Yanagihara, H. Kikuchi
Specially Appointed Director, Gender Equality:	F. Akagi
Specially Appointed Director, Societies Collaborations:	K. Fujisaki
Specially Appointed Director, International Conferences:	Y. Miyamoto
Auditors:	Y. Takano, K. Kobayashi

<Paper>

拡張型 Landau 自由エネルギーモデルを用いた YIG の保磁力メカニズム解析

# Analysis of the coercivity mechanism of YIG based on the extended Landau free energy model

増澤賢 a)・國井創大郎 a)・A.L.Foggiatto a)・三俣千春 a),b)・小嗣真人 a)†
 a)東京理科大学先進工学部,東京都葛飾区新宿 6 - 3 - 1 (〒125-8585)
 b)物質・材料研究機構 (NIMS),茨城県つくば市千現1-2-1(〒305-0047)

K.Masuzawa ^{a)}, S.Kunii ^{a)}, A.L.Foggiatto ^{b)}, C.Mitsumata ^{a),b)}, and M.Kotsugi ^{a)} † ^{a)} Tokyo University of Science, 6-3-1, Niijuku, Katsushika, Tokyo, 125-8585, Japan

 $^{\rm b)}$ National Institute of Science (NIMS), Sengen, Tsukuba, Ibaraki, 305-0047, Japan

We propose an "extended Landau free energy model", which can deal with the complex microstructure of magnetic domain structure and explain the magnetization reversal process using modern data science. The energy landscape is newly drawn in the information space by persistent homology (PH), principal component analysis (PCA), and Ising model for the magnetic domain structure big data of YIG. The PH and PCA analyses yielded high-quality features that explain the microstructure of the magnetic domain structure and magnetization. The energy landscape shows that the mode of domain formation changes sequentially with the energy gradient: nucleation, elongation, branching and widening of magnetic domain. In addition, small energy barriers were visualized, suggesting the extraction of hidden features difficult to recognize by human eyes. This model allows us to establish a relationship between the microstructure of the magnetic domain and the magnetization reversal process based on the energy.

Key words : magnetic domain structure, machine learning, energy landscape, Ginzburg-Landau model, persistent homology

# 1. はじめに

電気自動車の急速な普及を背景に、エネルギー変換効率の高い 省電力モーターの開発が求められている.エネルギー変換効率の 向上には、モーター内部のステータ鉄心に用いられる軟磁性材料 のヒステリシス損を低減することが有効である.これを背景に、ヒ ステリシス損の大きさを決定付ける保磁力のメカニズム理解が求 められている^{い3}.しかし、微細な領域の磁化反転現象である磁区 構造変化と、巨視的な磁化反転現象である磁気ヒステリシスの関 係性は未だ完全に明らかになっていない.このことから、保磁力メ カニズムは磁性材料科学における未解決問題の一つとして長らく 議論が続けられてきた¹⁰⁻¹⁰.保磁力や磁化過程を理解するための 理論として、Ginzburg Landau 理論 ³⁰⁻⁴⁾が知られている.本理論 は、磁場 Hと磁化 Mを説明変数として磁気的エネルギーF を表 現する理論的枠組であり、長らく利用されてきた.保磁力  $H_c$ は 磁化反転に必要なエネルギー障壁の高さによって決定づけられ、

エネルギー地形の鞍点が保磁力に対応している³. その一方で、従 来の Ginzburg Landau 理論では平均場近似に基づいた一様な内 部構造を前提としているため、金属組織や粒界を含む現実的な磁 性材料の保磁力を説明することが困難であった. 特に、磁化 Mを 秩序変数として統計力学的に利用しているため、空間的に不均一 な実材料の解析で問題を抱えていた.

そこで我々は、磁化の空間的な不均一性を取り扱え、実材料の磁 化反転過程を説明可能な「拡張型Landau自由エネルギーモデル」 の設計を試みる.開発では、磁区構造における磁化分布の不均一 性をパーシステントホモロジー(PH)と呼ばれる位相幾何学の概念 を用いて定量化する^{11)~15)}と共に、教師無し学習の代表例である 主成分分析(PCA)を用いて、データの変化の傾向を低次元空間で可 視化することを試みる. さらに磁気内部エネルギーの推定にはイ ジング模型を元に¹⁶⁾ 画像情報から直接的にエネルギーを算出す る. これによって情報空間上に新しいエネルギー地形を描くこと ができ,データの変化の傾向から材料内部の磁区構造と材料機能 となる保磁力の関係性が構築できるものと期待される. またエネ ルギー地形における傾斜や凹凸を詳細解析することで,保磁力の メカニズム理解や人間が気づかなかった知見の抽出も期待される. 本稿ではモデルの設計や標準試料における解析例について報告す る.

#### 2. 解析手法

2.1 パーシステントホモロジーを用いた磁区構造の定量化 磁区構造のデータを機械学習に持ち込むため、磁区構造における 磁化の空間的な不均一性を定量評価して記述子として取り出す必 要がある.本研究では位相幾何学の新規概念「パーシステントホモ ロジー(PH)」を利用した¹¹⁾⁻¹³⁾. PH は構造の連結性や穴の形状 など、幾何学的な特徴を定量化できるトポロジーの概念であり、機 械学習との組合わせによって構造と諸物性の対応関係を構築でき る強力な解析手段である¹³⁾.磁区構造のみならず、高分子や構造 材料など幅広い材料解析で利用が急速に進展している¹²⁾⁻¹⁴.

本節では、PH 解析の基本的概念を説明したのち、磁区構造デー タからの情報抽出の手順について説明する. なお本研究ではバイ ナリデータの磁区構造を対象としている. 画像の各 pixel に 1(白) か0(黒)のデータが格納されており、磁化方向の上下にそれぞれ対 応している. PH 解析では、白 pixel と黒 pixel の境界面を基準に マンハッタン距離を pixel 毎に算出する (Fig. 1 (a)). 次にマンハ ッタン距離における白黒の閾値を連続的に変化させることで境界 面を膨張・収縮させる (Fig. 1(b)). この過程において「穴」が生 成 (birth) する閾値 b と、消滅 (death) したときの閾値 d を記

Corresponding author: M. Kotsugi (e-mail: kotsugi@rs.tus.ac.jp).

録することで構造の特徴を抽出する. (b, d) のペアは generator と 呼ばれ、穴の形状を特徴付ける情報となる. 閾値を画像全体につい て処理することで、パーシステンス図 (PD) と呼ばれる図形を作 成する (Fig. 1(c)). また birth と death の差は lifetime と呼ば れ,発生した穴の持続時間(寿命)を表している.例としてストラ イプ状の構造は b, d が同程度の値となることから PD の対角線上 に generator が生成され, バブル状の構造は第二象限に generator が生成される. また境界の移動方向は正負両方について処理を行 うことができ、正の場合は構造を太らせ、負の場合は構造を細らせ る処理を行う. この処理によって穴のみならず構造の連結性も記 述できる. このように PD はデータの構造情報を記述しており, 微細組織の形状情報を定量化することが可能である(Fig. 1 (d)). 磁化反転過程における磁区構造解析では、白黒両方の磁区構造の 特徴を抽出することが有用であり、白黒両方の PH 解析を実施し た. PD 上に現れる(b, d)の分布を利用することで、微細組織の分 類に利用することができる. さらには磁区形状に応じて磁気内部 エネルギーが変化するため、PD には系の安定性の情報も内包され ている. また PD の generator は、対応する元の空間座標を逆算 でき、元の磁区構造の座標情報に遡ることも可能である.

さらにPH解析と機械学習を組み合わせることで、微細組織と様々 な特性パラメータとの関係性を構築することができる.磁化反転 過程は複雑な磁区構造変化を伴い、生成された PD も高次元デー タであることから、データの変化を低次元空間に縮約して可視化 することは有用である.機械学習では多種多様な次元削減手法を 利用可能であるが、本研究ではメカニズムの理解を最終的な目的 としているため、解釈性の高い次元削減手法として主成分分析 (PCA)を利用した¹⁵. PCA は教師無し機械学習の代表例であり、 高次元のベクトル  $\{x_i | x_1^i, ..., x_p^i\}$ を, 低次元のベクトル  $\{y_i | (y_1^i, ..., y_m^i), m < p\}$ に次元削減する手法である.射影行列  $W = \{w_1, ..., w_i | w_i = (w_1, ..., w_p)\}$ を作成し,高次元の分散情 報を出来る限り保持して低次元に縮約する手法である(式(1)).なお  $x = \{x_1, ..., x_n\}, y = \{y_1, ..., y_n\}$ とする.

(

$$y = Wx$$
(1)  
$$w_1^2 + w_2^2 + \dots + w_i^2 = 1$$

このときの射影行列を構成するベクトルwiを基底ベクトル (PCA ローディング),射影後のベクトルを主成分 $y_i = (y_1^i, ..., y_m^i)$ と呼 ぶ. 主成分は第一主成分から順にPC1, PC2, ..., PCm が作成さ れ、番号が小さいほど説明性能が高い. PCAの利点は、データ間 の距離や変化の傾向を低次元空間で可視化できることに加えて、 データに内在する本質的な特徴を基底ベクトルとして抽出できる 点である. 基底ベクトルは互いに直交していることからデータ間 の Euclid 距離が保存されているため、部分空間を歪めずに距離と 物理パラメータの相関解析を直接実施できる. 本解析を磁区構造 に適用すると、磁区構造の複雑性や連結性を定量化して、複雑な磁 区構造変化を可視化することが期待される. 具体的には PD を正 定値カーネルに従ってベクトルに変換し、磁化反転過程の一連の データをスタックして一枚の巨大な行列を作成する. その後 PCA を用いて2つの主成分に次元削減する. これにより PD の変化を 少ない基底ベクトルで表現することができ、磁化反転過程を低次 元空間上で可視化することができる. そして各データ点の内部エ ネルギーを解析することで、情報空間上で新たなエネルギー地形 を描画することができる. 次節では「拡張型 Landau 自由エネル



Fig. 1 Schematic sequence of Persistent Homology (PH) analysis.

(a) Analyze the Manhattan distance from the boundary in the binarized black-white image, and index them to each pixel.(b) Fatting/thinning process in PH. Increase/decrease the threshold and record the birth and death of holes.(c) Plot the recorded birth-death pairs as a two-dimensional map and create a persistent diagram (PD).(d) Typical correspondence between PD and the original image, where information of PD can be a useful feature of the microstructure.

ギーモデル」の作成手順を説明し、物理パラメータと特徴量との相関解析や、磁化反転過程のメカニズム解析に繋げる.

# 2.2 拡張型 Landau 自由エネルギーモデルの設計

本節では、Ginzburg-Landau 理論を情報空間上に拡張した 「拡張型 Landau 自由エネルギーモデル」の基本的な概念を 説明する.本モデルは不均一な磁化の分布を取り扱うことが 可能であり、実材料の磁化反転過程の解析に有用と考えられ る.磁化分布の不均一性は PH 解析を用いて特徴抽出されて いるため、PD の固有値(つまり磁区構造の形の特徴)を説明 変数として活用するのが基本的な考え方である.抽出された 説明変数を $v_i^{PH}$ (i = 1,2,3,..)とすると、秩序変数の磁化*M*を 特徴量 $v_i^{PH}$ に変数変換することで、数理的な齟齬なく従来の Ginzburg-Landau 理論を拡張でき、保磁力の議論が可能とな る.

従来型 Ginzburg Landau 理論における保磁力は、エネルギー障壁を乗り越えるための外部磁場の大きさに対応し、自由エネルギー地形 F(M)の導関数、つまり局所的な傾斜に相当する⁴. このとき、保磁力は導関数の極値として数理的に求めることができる(式(2)). なお、式(2)における $M_c$ は、保磁力における磁化である. また保磁力における磁化はエネルギー曲線の変曲点を指定する秩序変数となることにも注目されたい.

$$H_c = -\left(\frac{\partial F(M)}{\partial M}\right)_{M=M_c} \tag{2}$$

次に拡張型 Landau 理論への展開を試みる.本理論は説明変数を 特徴量としているため自由エネルギーは *F*( $v_1^{PH}, v_2^{PH}, ...$ )と表され るが、変数変換を行うことで従来理論からの展開を試みる.従来型 Ginzburg-Landau 理論では磁化 *M* が説明変数であることから、 磁化 *M* の記述子として式(3)のように説明変数  $v_1^{PH}, v_2^{PH}, ...$ を関 係づけることができれば、式(4)のように拡張型 Landau 自由エネ ルギーモデルでも保磁力を定義できる.

$$M = D(v_1^{PH}, v_2^{PH}, ...)$$
(3)

なお本研究では PH を用いた記述子でモデルを表現する.  $v_1^{PH}, v_2^{PH}, ...は磁化 M の説明変数でもあるから,式(2)を変形して$ 以下のように保磁力を再定義することができる.

$$H_c = -\frac{\partial F(v_1^{PH}, v_2^{PH}, \dots)}{\partial v_1^{PH}} \frac{\partial v_1^{PH}}{\partial D(v_1^{PH})}$$
(4)

第一項は自由エネルギー地形の記述子に対する局所的な傾斜であ り、第二項は記述子と物性パラメータとの変数変換の項であり、数 理的な整合性が保証されている.以上が拡張型 Landau 自由エネ ルギーモデルの基本概念である.本モデルでは、次元解析や相関解 析などの検証が必要であるが、適切な記述子選択が行えれば、不均 一系の保磁力解析を情報空間上で行えることを意味する.

また目的変数である磁気的エネルギーは加算性が保証されている ので、各々の磁気的相互作用毎に線形分解することが可能である. このことから交換エネルギーのみならず静磁エネルギーや磁気弾 性エネルギーなど多様な磁気的相互作用に対して個別に解析でき, 保磁力に寄与する因子を相互作用毎に議論できるため,メカニズ ムの支配因子の解析が期待できる.

本研究では解析手法の基本原理を構築するため、磁壁に寄与する 擬交換エネルギーに注目して議論を行った.以下に示す手順で、 磁区構造画像における磁壁部分の輪郭を抽出し、擬交換エネルギ ーを算出した.擬交換エネルギーは、画像データの隣接 pixel から、交換スティフネス係数、磁壁幅、ピクセルの幅を用 いて算出した定性値となる.二値化された磁区画像において白 を1、黒を-1 と置き、イジング模型(式(5))に基づいて擬交換エ ネルギーを計算した.なお本研究では第二近接(8pixel)までを 取り入れて交換相互作用を算出することとした.またマクロな磁 化と膜厚より、擬交換エネルギーの定量値を算出した(式(6)).な お、A は交換スティフネス定数、m_{pixel}は 1pixel 当たりの磁化の 大きさ、L は膜厚、u は 1pixel の幅である.なお分解能以下の擬 交換エネルギーの算出には課題があり、推定の精度については議 論の余地が残されている.

$$m(i,j) = \begin{cases} +1 & (\text{White pixel}) \\ -1 & (\text{Black pixel}) \end{cases}$$
(5)

$$E_{exch} = -\frac{1}{2}A \cdot m_{pixel} \cdot \frac{L}{u} \sum_{i}^{n} \sum_{j}^{n} \sum_{j} m_{(i,j)} \cdot m_{8th \ eighbors} \ (6)$$

本式を実験的な磁区構造データに適用し、拡張型 Landau 自由エネルギーモデルの作成を行い、磁化反転過程における保磁力解析 をおこなった結果を次節で述べる.

#### 3.実験

実験では、単結晶の軟磁性実材料の磁化反転を対象に、拡張型 Landau 自由エネルギーモデルの作成と実証を行った. 測定試料 は、LPE 法で作製された YIG 単結晶薄膜を用いた. また膜厚が 240,320,475 µm (基板サイズ:11 mm×11 mm)の三種類の試 料を使用し、実験を行った. YIG は保磁力付近で明瞭な迷路状磁 区構造を形成することが知られているため、磁区構造データの取 得が容易であり、磁区構造の複雑性の定量化やエネルギー模型の モデリングなど、原理検証を行う上で適切な試料である 5-70,170. 磁区構造測定では、極 Kerr 顕微鏡を用いて磁化の空間分布の垂直 成分を測定した. 偏光板の角度をクロスニコル配置から数度回転 させ、磁気コントラストが最大となる角度で磁区画像を取得した. 測定における 45 度回転子の波長係数は 0.065 deg / nm であり, 十分な Kerr 回転角を有することから、明瞭な磁気コントラスト を得ることができる. カメラは CCD カメラを使用した. 視野は 1699 µm×1699 µm (画像サイズ 1024 pixel×1024 pixel) で情 報を 16 bit で記録した. 露光時間は 16 bit の階調を最大限活用 するため十分長くとった. また光の照射ムラを消去するために, バ ックグラウンド処理を行った.外部磁場は試料面直方向に印加し, 約 200 Oe から-200 Oe の範囲で約 3 Oe 刻みで準静的に変化

させ、ヒステリシス一周分となる 244 枚の磁区画像を連続的に取得した (Fig. 2). 磁区構造の磁気コントラストの総和を用いて磁気モーメントを算出し、マクロな磁気ヒステリシス曲線を作成した. なお飽和磁界は 150 Oe,キュリー温度は 250 ℃,飽和磁化は 3.2×10³ emu/cc であった. 再現性を確認するため、ヒステリシス 2 周分の磁区構造データ 488 枚を取得した. なお得られた磁区 画像は前処理として大津法で二値化処理をしている.

エネルギー地形の描画には、PH による特徴抽出とPCA による 次元削減を実施した.まず PH 解析により磁化反転における各磁 区構造画像を PD へと変換した. 次に PD を正定値カーネルによ って特徴量ベクトルに変換し、スタックすることで特徴量行列と した. PD による特徴量行列は1.99×106次元以上の高次元データ となるため、PCA を用いて二次元平面上でデータの変化の振る舞 いを可視化した.得られた PC1, PC2 はデータの変化を説明する 基底ベクトルであるため、これを説明変数としてエネルギー地形 のモデリングで活用した. なお基底ベクトルの寄与率を評価し, 元 データの情報をどれだけ保持しているかを検証している. 磁区構 造の変化を特徴量空間でうまく表現できていれば、磁区構造と諸 物性の対応付けが可能となり、説明能力と解釈性の高いエネルギ ーモデルが期待できる.また膜厚依存性についても同様の解析を 行い、PCAの散布図上でのデータの変化の傾向を解析した.一連 の解析を通じて、基底ベクトルの頑健性や解析手法の有用性を検 証した.

また,磁区構造の画像情報を用いて擬交換エネルギーの推定を行った.擬交換エネルギーは,磁化が垂直磁化だと仮定して算出している¹⁶.交換スティフネス定数は1.72×10⁻¹⁵ erg/cc,磁気モーメントは5.69×10⁷ emu/pixelとした.以上の手順で得られた説明 変数と擬交換エネルギーを用いて拡張型 Landau 自由エネルギー 地形をモデリングした.



Fig. 2 Schematic diagram of the Kerr microscope measurement system.

The magnetic domain structure was acquired with linearly polarized LED light in a polar Kerr configuration. The magnetic field was applied perpendicular to the sample surface. The CCD camera and the electromagnet were linked by PC control. Image acquisition and magnetic field scanning were carried out automatically to obtain big data of the magnetic domain structures.

#### 4.実験結果および考察

# 4.1 磁区構造,特徴量,エネルギーの解析

Fig. 3 ( (a)-(j) )は, 極 Kerr 顕微鏡で解析した YIG 試料 (膜厚 475 µm)の外部磁場依存のヒステリシス一周分の磁区構造である. なお図は、測定視野1699µm×1699µmのうち833µm×833µm の領域を抜粋表示しているが、データ解析には測定視野全域を利 用している. 測定の結果, 明瞭な磁気コントラストと連続的な磁区 構造変化を確認できた.画像における白(黒)領域が上(下)向きの磁 化に対応しており、外部磁場に依存して磁区構造が連続的に変化 する振る舞いを確認できた. 磁区構造変化を目視で確認したとこ ろ、白色に飽和した状態から黒色のドット上の逆磁区が核生成に よって生成される(Fig.3(a)). 次に核を起点として細線状の逆磁 区が伸張し、核同士の連結や細線の分岐を生じながら微細組織が 形成される(Fig. 3(b)). 細線の伸張が終わると、磁壁の移動によ り磁区幅が増大しながら逆磁区が拡大する(Fig. 3(c)-(d)). その 後は磁区構造の複雑性が徐々に増加しながら迷路状磁区構造が形 成され保磁力領域に至る(Fig.3(e)). 保磁力を経てさらに磁区幅が 増大して逆磁区が拡大し,白色の磁区幅が減少する(Fig.3(f)-(h)). 逆磁区の拡大により白色の磁区幅が細線化すると、細線が千切れ ながら縮小していく(Fig. 3 (i)). 最終的には白色の磁区がドット 状の核となり(Fig.3(j)),のちに完全に黒色に飽和する.一連の磁 区構造変化は先行研究をよく再現しており, 適切なデータセット を得ることができた 5~7.

Fig.3(k)-(t) は一連の磁区構造から作成した PD である. 磁区構 造の連続変化に伴って PD の generator の分布も右上に連続変化 する様子が定性的に確認できる. PD は白ベースの パーシステン トホモロジーであり、白色の磁区のつながり方の特徴を表す. Fig. 3 (k)の PD は殆ど generator が生成されず, 白色磁区が大きく広 がっていることと対応している. Fig. 3(1) - (n) の PD は対角から 離れた場所に generator がまばらに分布していることから、逆磁 区の生成によって白の磁区が浸食され、幅の広い微細組織が形成 されていることと対応している. また Fig. 3(o) - (q) の PD は, 尖 った山状の generator の分布が確認できる. これは白色磁区の磁 区幅が徐々に細くなりつつ、入り組んだ逆磁区が生成されること と対応している. なお本図が保磁力領域に対応しており, 迷路状磁 区構造の特徴を抽出している. 最終的に Fig. 3 (r) - (t) では generator の分布が右上に移動しながら収束して消失する振る舞 いを示す.これは白色磁区の幅がさらに細くなり、周囲の黒色磁区 に飲み込まれながら最終的に逆方向に飽和する振る舞いに対応し ている. なお黒ベースの PD では逆の振る舞いを示すことも確認 済みであり、白ベースと黒ベースの PD では表裏一体の振る舞い を示す. よって PH 解析により, 磁区構造の特徴を抽出できてい ることを確認できた.

Fig. 4 (a) に YIG におけるヒステリシスループを示す. 縦軸は磁気モーメント,横軸は印加した外部磁場を示す. なお Fig. 4 (a) 図中の(a) - (j) は Fig. 3の(a) - (j) の磁区構造に対応している. (a) で核生成が生じ,(b) で曲線の折れ曲がりが生じ,逆磁区成長領域(c) - (i) は直線的に変化することが確認できる. Fig. 4 (b)は、ヒス

テリシスループ1周分の磁区画像情報を元データとして直接的に 擬交換エネルギーを算出した古典的なエネルギー地形である.視 野範囲は833 µm×833 µmに対応し、縦軸は擬交換エネルギー、 横軸は印加した外部磁場を示す.逆磁区成長領域でエネルギーの 分布に幅があり,保磁力付近でおおむね極大値を取る様子が観察 された.よって古典的な磁気ヒステリシスループとエネルギー地 形を生成できていることが確認できた.



Fig. 3 Magnetic domains (a) - (j) and PDs (k) - (t) with a variation of external magnetic field. (a) - (j): Magnetic domain structures continuously changes according to the external magnetic field. (k) - (t): PDs also continuously change according to the change of the magnetic domain structure, and quantifying microstructure of magnetic domain. PDs were used as input for machine learning.



Fig. 4 (a) Magnetic hysteresis curve of a YIG thin film (t = 475  $\mu$ m). (b) Classical energy landscape of pseudo-exchange energy. The coercivity region is located almost at the top of the energy landscape.



Fig. 5 Extended Landau free energy landscape drawn by PH and PCA.

Extended Landau free energy model is the energy landscape drawn in the information space, with the features generated by PH and PCA as explanatory variables. The relationship between the magnetic domain structure and the magnetization reversal process is connected through energy. PC1 and PC2 are the eigenvectors obtained by PCA, and the colour is the pseudo-exchange energies. Red arrow shows the magnetization reversal path from saturation to coercivity to saturation.

## 4.2 拡張型 Landau 自由エネルギー地形の作成

本節では、磁区構造の特徴量と擬交換エネルギーを用い て描画した拡張型 Landau 自由エネルギー地形について述 べる(Fig. 5). PC1 および PC2 は、PCA によって定められ た基底ベクトルであり、散布図の座標は PC1、PC2 の固有 値に対応している.本図のデータ点は磁区画像に対応して おり、磁区構造の形状の変化を二次元平面上で可視化した こととなる.なお PC1, PC2 の累積寄与率は 82.4%であり、

PCA の結果は磁区構造変化をよく表現できていると言える. 各データ点のカラーマップは擬交換エネルギーに対応 している. なおエネルギー項は機械学習に用いていない点 も留意されたい.

次にデータの変化の傾向,つまり磁化反転過程に着目する と、PC1 および PC2 は図中赤い矢印のように連続的に変 化している.実際の磁区構造と比較すると、形状の連続変 化と良く対応していることが確認できる.なおデータ間の 距離は PD のベクトル間の距離に対応しており、押し並べ て言えば磁区構造の差異に対応している.保磁力領域は PC1 が最大で PC2 が概ねゼロの位置をとった.これより 保磁力解析では PC1 が有用であることが推察される.また



Fig. 6 Thickness variation of the extended Landau free energy landscape. A continuous and common energy landscape is drawn.

保磁力近傍ではエネルギー地形は平坦であることが確認で きる.これは磁区形状の変化に対して擬交換エネルギーの コストが少ないことを意味しており,保磁力の小さな軟磁 性材料の特性と良く合致する結果である.このようにして, 本モデルではエネルギーを基盤に形状と磁化過程の関係性 を解析することができる.

次に YIG 薄膜の各試料について解析した結果を示す(Fig. 6). 赤色の矢印で示すように,磁化反転経路は各試料で共 通した経路を示すことが確認できる.またエネルギー地形 も連続するエネルギー曲面が描けている.これにより PC1,



Fig.7. Correlation between PC1 and magnetization. Eigenvalue of PC1 can be regressed by a simple second-order curve of magnetization (red curve)



Fig. 8 Energy landscape respect to PC1. (a) Energy landscape drawn from the two - loop dataset. (b) Selected quarter – loop data. The pseudo-exchange energy increases with magnetization reversal from saturation to coercivity, where the coercivity region corresponds to the maximum (saddle point) of the energy landscape. (c) Magnetic domains (a) - (e), they are same pictures as Fig.3 (a) - (e).



Fig. 9 Detailed analysis of the extended energy landscape. The gradient of the pseudo-exchange energy for PC1 is used to analyze the energy barrier. Clear maxima are observed in regions (I) and (II) where the mode of domain formation changes. It suggests that the change of the domain formation requires the consumption of exchange energy. We could also visualize the small energy barriers (III) and (IV). It is suggesting as a hidden feature that was not recognized by human eye.

PC2 は磁区構造変化を表現する頑健なベクトルであり,エ ネルギー地形を説明する有用なベクトルであることが示唆 される.さらに保磁力点に注目すると Fig.5 と同様に,PC1 は極大で PC2 はゼロの位置を取ることが確認できる.これ により PC1 は試料の膜厚に依らず,保磁力解析に有用な特 徴量であることが改めて確認できた.以降は PC1 に着目し て,諸物性との相関解析やエネルギー地形の解析を進める.

次に従来型 Ginzburg-Landau 理論の拡張を目的に,秩 序変数である磁化 Mと PC1 の相関解析をおこなう. Fig. 7 は, Fig. 5 の結果を基に PC1 と磁化の相関関係を示したも のである. その結果, PC1 は磁化 Mの単純な二次関数で回帰することができ,以下の式(7)が得られた.

$$PC1 = -1.12M^2 + 3.74M + 125.98 \tag{7}$$

これにより,磁化と特徴量の関係性を構築することでき, 物理パラメータと情報空間の双方向接続が可能となった. また多項式の利用によって微分の処理が容易となるため, 次節で議論するエネルギー勾配の計算や保磁力解析の見通 しが良くなる点にも注目したい.

#### 4.3 拡張型 Landau 自由エネルギーモデルの解析

本節では拡張型 Landau 自由エネルギー地形における PC1 と擬交換エネルギーの相関関係に着目して保磁力メカ ニズムの解析をおこなう. Fig. 8 は PC1 を横軸に, 擬交換 エネルギーを縦軸にとった擬交換エネルギーの地形である. なお Fig. 8 (a)では統計性を向上させるため 2 ループ分の データを用いている.また簡単のため白色の飽和状態から 保磁力領域に至る減磁過程のデータを抜粋したものを Fig. 8(b)に示す.エネルギーは磁化反転に伴って飽和から保磁 力まで単調に増加しており, 保磁力付近が極大(鞍点)に

対応していることが確認できる.外部磁場の変化に伴って 磁区構造の複雑性が増すことから、磁壁エネルギーの起源 である擬交換エネルギーの増加を反映していると示唆され る. また前節の結果を踏まえると、保磁力近傍では擬交換 エネルギーのコストが小さく、速やかに磁化がゼロに近づ くこともわかる.特に,エネルギー地形の勾配に着目する と, Fig. 8 の(I)および(II)付近で勾配が明確に変化している ことが目視で確認できる.これを磁区構造と対応付けると, 変化点(I)は, Fig. 8(c) - (a)の逆磁区の核生成から Fig. 8 (c) - (b)の細線状の磁区が伸張する過程の境界に対応して いる. また変化点(II)は Fig. 8 (c) - (c)の磁区構造の分岐か ら, Fig. 8 (c) - (d)の磁区幅が増大する過程の境界に対応し ている. すなわちエネルギー地形の傾きの変化点は、ドメ イン成長のモードの変化に対応すること明らかとなった. これにより,磁壁移動の複雑な挙動と保磁力の関係性を擬 交換エネルギーを介して双方向で接続することができた. 次にエネルギー地形の勾配を詳細に解析する.式(3)に基づ くと磁化は特徴量の関数として表現可能であり、実際に式 (7)によって PC1 と磁化の対応関係は構築されている.ま た古典的な保磁力の式(2)は、変数変換によって式(4)のよう に特徴量を用いた形式で表現される.これを PC1 に着目し て整理すると,

$$H = -\frac{\partial F}{\partial M} = -\frac{\partial F(PC1)}{\partial PC1} \frac{\partial PC1}{\partial M}$$
(8)

となる.第一項は特徴量空間におけるエネルギー勾配で, 磁壁移動におけるエネルギー障壁を定量化したものであり, Fig. 8 の微分によって簡便に得られる.なお第二項は Fig. 7 と式(3)によって既に得られている.

上記の手順で解析したエネルギー勾配の振る舞いを Fig. 9 に示す.また説明のため、白色の飽和状態から保磁力領域に至る減磁過程のデータを抜粋して表示している.Fig.8 で議論した成長モードの変化点(I)と(II)は、Fig.9 でそれぞれ極大を示していることが確認でき、また途中にも小さな凹凸があることが確認できる. H が 0.2~2.0×10⁻⁷ erg 程度のエネルギー障壁を乗り越えることで、磁区構造の成長モードが変化していることを示している. つまり逆磁区の

核生成から線状構造の延伸するモード、そして磁区幅が 徐々に増加するモードに移るには、それぞれ交換相互作用 エネルギーを消費する必要があることを示唆している.な お黒色の飽和状態から保磁力に至るエネルギー勾配の振る 舞いは、正負が正確に反転していた.磁気ヒステリシスの 往路と復路を考慮すると、微分値の符号は反転するためリ ーズナブルな結果である.なお、ループ毎でエネルギー障 壁の位置が再現することも確認している.

また、小さなエネルギー障壁まで注目すると(III)、(IV)に 小さな凹凸があることが確認できる. Fig. 3 の元の磁区構 造と対応付けて比較すると、目視では磁区構造の明確な差 異を確認することができなかった.ただし領域(III)、(IV)の エネルギー障壁は再現しており、本解析で得られた微小な エネルギー障壁は、これまで人間が認識できなかった新し い特徴である可能性が示唆される.最後に保磁力近傍にお けるエネルギー勾配に着目すると、*H*はほぼゼロであり平 坦なエネルギー地形であることが改めて確認できる.

本研究では擬交換エネルギーに着目して保磁力メカニズ ムを議論したが、静磁エネルギーや磁気異方性エネルギー でも同様の議論を行うことができる.磁気的エネルギーに は加算性が保証されているため、各項の詳細解析によって 保磁力現象の理解が進むことが十分期待される.さらには、 磁気弾性エネルギーや応力のエネルギー項も追加可能なた め、磁歪材料等の様々な系に展開可能なモデルとなること が期待される.本研究では拡張型 Landau 自由エネルギー モデルを導入することで、微細な領域の磁区構造と巨視的 な磁化反転過程を関係構築することができた.本解析にお ける数理モデルからは、保磁力におけるエネルギーの寄与 や磁区構造変化の関係性を議論することができるため、 様々な応用が期待できる.

#### 5. まとめ

本研究では実材料の保磁力メカニズムを解析することを 目標に、磁化の空間的な不均一性を取り扱え、磁化反転過 程を説明可能な「拡張型 Landau 自由エネルギーモデル」 の作成と実証を行った.極 Kerr 顕微鏡で YIG の大規模磁 区構造データを取得し、PH による特徴抽出・PCA による 次元削減・イジング模型に基づく擬交換エネルギーの算出 をそれぞれ行い、情報空間上で新たなエネルギー地形を描 画した. PH 解析からは微細組織の特徴を捉えるだけでな く、磁化を単純な二次関数で回帰可能なことが分かり、磁 化反転過程を記述する良質な記述子を抽出することができ た. また擬交換エネルギーと PC1 の相関解析の結果, エネ ルギーの勾配に応じて逆磁区生成、伸張、分岐、磁区幅の 増大など磁区構造変化のモードが順次変化することがわか った. さらに擬交換エネルギーを特徴量で微分して詳細解 析した結果, エネルギー障壁を乗り越えることでモードの 変化が起こっていることが分かった.特に微小なエネルギ 一障壁では,目視で形状変化を認識することは困難であり,

人間が気づかなかった特徴を捉えている可能性がある.このように、本モデルでは微細領域の磁区構造と巨視的な磁化反転過程をエネルギーを介して関係接続することに成功した.本モデルでは、磁気的エネルギーの加算性を利用することで、様々な相互作用を取り込むことができ、保磁力のみならず磁歪効果や結晶成長など様々な応用展開が期待される.

**謝辞** 本研究は JSPS 科研費基盤研究 A (21H04656)の助成 を受けたものである.

#### References

- 1) E. P. Wohlfarth : *Handbook of Magnetic Materials Volume 2*, 155, (Elsevier, North Holland, 1986).
- Tsukahara, H., Iwano, K., Mitsumata, C., Ishikawa, T. and Ono, K. : *AIPAdv*, 7, 056224, (2017).
- 3) Toga, Y., Miyashita, S., Sakuma, A. and Miyake : *npj Comput. Mater.*, 6, 67, (2020).
- Iwano, K., Mitsumata C. and Ono, K. : J. Appl. Phys., 115, 17D134, 1-3, (2014).
- 5) Seul, M. & Andelman D. : Science, 267, 476, (1995).
- 6) Kronseder, M., Meier, T. N. G., Zimmermann, M., Buchner, M.,

Vogel, M. and Back, C. H.: Nat. Commun., 6, 6832, (2015).

- Bathany, C., Le Romancer, M., Armstrong, J. N. and Chopra, H. D. : *Phys. Rev. B*, **82**, 184411, (2010).
- Hubert, A. & Shafer, R. Magnetic domains : *The Analysis of Magnetic Microstructures*, (Springer-Verlag, Berlin Heidelberg, 2008).
- 9) Kotsugi, M., et al. : Appl. Phys. Express, 3, 013001, (2010).
- 10) Stöhr, J., Wu, Y., Hermsmeier, B. D., Samant, M. G., and Harp, G. R. : *Science*, **259**, 658, (1993).
- 11) Edelsbrunner, H., Letscher, D. and Zomorodian : *Discrete Comput. Geom.*, **28**, 511, (2001).
- 12) Hiraoka, Y., et al. : PNAS, 113, 7035, (2016).
- 13) Obayashi, I., Hiraoka, Y. and Kimura, M. : J. Appl. Comp. Topo., 1, 421, (2018).
- 14) T. Yamada, Y. Suzuki, C. Mitsumata, K. Ono, T. Ueno, I. Obayashi, Y. Hiraoka, and M. Kotsugi : J. Vac. Sci. Technol. 62, 153, (2019)
- 15) Pedregosa, F., et al. Scikit-learn: J. Mach. Learn. Res., 12, 2825, (2011).
- 16) H. Ohtori, K. Iwano, C. Mitsumata, Y. Takeichi, M. Yano, A. Kato, N. Miyamoto, T. Shoji, A. Manabe and K. Ono: *J. Phys. Conf. Ser.*, **502**, 012010, (2014)
- 17) Ibrahim, N. B., Edwards, C. and Palmer, S. B. : J. Magn. Magn. Mat. 220, 183, (2000).

2021年10月8日受理, 2021年12月24日採録

<Paper>

# Fe 系微細結晶材料の磁場中熱処理による磁気特性及び信頼性

# Magnetic Properties and Reliability of Fe-Based Nano-crystalline Materials by Heat Treatment in Magnetic Field

佐久間穂崇^{a)†}・矢澤翔大^{a)}・渡邊洋^{b)}・新妻清純^{a)} ^{a)}日本大学生産工学部電気電子工学科,千葉県習志野市泉町1-2-1(〒275-8575) ^{b)}東静工業株式会社,埼玉県新座市東北 2-31-14(〒352-0001)

H. Sakuma ^{a) †}, S. Yazawa ^{a)}, H. Watanabe ^{b)}, K. Niizuma ^{a)}

^{a)} College of Industrial Technology, Nihon University, 1-2-1 Izumi-cho, Narashino, Chiba 275-8575, Japan
 ^{b)} TOHSEI INDUSTRIAL CO.,LTD., 2-31-14, Touhoku, Niiza, Saitama-Pref., 352-0001, Japan

Nanocrystalline Fe-Si-B-Nb-Cu alloy ribbons were annealed in the magnetic field of 400 kA/m applied in the width direction of the ribbon to investigate the magnetic properties and structure. Induced magnetic anisotropy was obtained at all temperatures in the heat treatment range from 460 °C to 660 °C. The best magnetic properties were obtained in the high frequency region above 100 kHz in the magnetic field heat treatment at 550 °C. The relative permeability  $\mu_r$  at 500 kHz was 9000. Magnetic core loss was very low value of 180 kW/m³ at 100 kHz after magnetic field annealing. The generated crystals had the structure of  $\alpha$ Fe (Si) and the grain size was 13 nm. It was also found that the induced magnetic anisotropy imparted to the core by the magnetic field heat treatment at 550 °C was maintained in an environmental test.

Key words: nanocrystalline, soft magnetic material, induced magnetic anisotropy, iron-silicon-boron-niobium-copper alloy, high permeability

# 1. はじめに

近年,電動自動車,ドローン,モバイル機器などに搭載される磁性部品にはこれまで以上に小型化,高効率化,高信頼性が 求められている.磁性部品の小型化は駆動周波数を高周波化する ことにより行われている.一方で,高周波化により軟磁性材料にお ける透磁率の低下,磁心損失の増大およびこれによる部品の温度 上昇,等の問題が生じてくる.このような背景から,高周波でも優 れた軟磁気特性を有し,多様な磁性部品への適用が進められてい るナノクリスタル材料 ^{1,2}に着目した.

代表的なナノクリスタル材料は Fe-Si-B 系アモルファス合金に Nb と Cu を複合添加した材料である.優れた軟磁気特性の発現は 初期のアモルファス状態を熱処理によりナノ結晶化することで生 成結晶が持つ結晶磁気異方性が極めて小さくなることが主因であ ると報告されている^{3,4}.

ところでナノクリスタル材料は磁場中熱処理により薄帯の幅方 向にわずかに誘導磁気異方性を付与することで低角型比の B-H ル ープが得られ、高周波特性が改善されることが報告されている^{5)の}. しかし、ナノクリスタル材料の薄材において、アモルファス状態か ら磁気特性が劣化するまでの広範囲温度域での磁場中熱処理の効 果についての報告や誘導磁気異方性の付与を行った後の磁心の挙 動について、時間経過、外部環境によって磁気特性が劣化するかな どの実用上重要な信頼性についての報告は非常に少ない.

本報告では、Fe-Si-B-Nb-Cu 非晶質合金に磁場中熱処理を行い 非晶質状態からナノ結晶が生成した状態およびナノ結晶と Fe-B 系・化合物の混在する幅広い熱処理温度範囲で磁場中熱処理を行っ た. その結果得られた最良な磁気特性を示す磁心にて、高温高湿試 験,高温保持試験の二つの信頼性試験を検討したので報告する.

# 2. 実験方法

厚さ約14 µm,幅5 mmのFe₇₄Si₁₅B₇Nb₃Cu₁(at%)のナノク リスタル材料の薄帯から外径8.9 mm,内径6.5 mmのトロイダル 状の巻磁心を作製した.無磁場熱処理および磁場中熱処理とも大 気中雰囲気で行った.磁場中熱処理は,昇温から熱処理温度および 室温への冷却の間で薄帯の幅方向に400 kA/mの磁場を印加した. 本報告では,磁場印加の有無を区別するため,図中に磁場中熱処理 は400 kA/m,無磁場熱処理は便宜上0 kA/mと表記した.熱処理 温度は460 °C から660 °C の範囲で行い保持時間は30 分とした.

各熱処理後の組織構造は、X線回折により格子定数 a, および生成結晶粒径 D, 生成相を同定した.尚, a は bcc Fe の基本格子反射 (110) のピーク, D はそのピークの半値幅から Sherrer の式を 用いて測定した.

比透磁率 μtはインピーダンスアナライザによりインダクタンス Lの実数部より算出し、磁心損失 Rv は B-H アナライザーから求 めた.磁場中熱処理における誘導磁気異方性の付与の判別は直流 B-H ループの角型比 (*B*・*B*00⁻¹)を無磁場熱処理と比較した.

磁場中熱処理で誘導磁気異方性を付与した磁心の信頼性を評価 した. 信頼性の評価項目として車載搭載を想定して温度 85°C 湿 度 85%の高温高湿試験,温度 200°Cの高温保持試験で,1000時 間までの磁気特性の経時変化を測定した.

# 3. 実験結果及び考察

## 3.1 磁場中熱処理後の構造の変化

Fig. 1 に磁場中熱処理温度 460°C から 700°C までの X



Fig. 1 XRD spectra of nanocrystalline  $Fe_{74} Si_{15} B_7 Nb_3$ Cu₁ alloy annealed at 460-660 °C.



Fig. 2 XRD spectra of nanocrystalline  $Fe_{74}Si_{15}B_7Nb_3$ Cu₁ alloy annealed at 550 °C with magnetic field.

線回折パターンを示す.図より,460°Cの熱処理では結晶 化は認められず非晶質状態であることが確認できる.熱処 理温度の上昇とともに非晶質構造から結晶化が認められ熱 処理温度 550°C では bcc Fe 結晶の基本格子反射ピークが 認められる.熱処理温度 660°C では僅かではあるが,  $2 \theta = 40°$ 付近にある Fe-B 系化合物(Fe₂₃B₆, Fe₃B) など の反射ピークが確認される.Fe-B 系化合物の結晶磁気異方 性定数ⁿは Fe-Si 系結晶⁸⁾よりも1桁大きい値を示すため 660°C 付近での軟磁気特性は劣化すると考えられる.

Fig. 2 に 550°C での無磁場熱処理後と磁場中熱処理後の 構造比較を示す. 生成結晶は共に bcc Fe 結晶であり基本反 射ピーク位置および強度の差は認められないことから磁場 中熱処理による配向性など構造的変化は観察されなかった. 熱処理により生成した bcc-Fe 結晶の結晶構造について



**Fig. 3** Change in the lattice parameter of nanocrystalline Fe₇₄ Si₁₅ B₇ Nb₃ Cu₁ phase with annealing temperature with magnetic field.



Fig. 4 Crystal grain size of nanocrystalline  $Fe_{74} Si_{15} B_7$ Nb₃ Cu₁ phase with annealing temperature with magnetic field.

検討した. Fig. 3 に生成結晶の格子定数 a の熱処理温度依 存性について示す. 結晶化が起こる 500 °C から 620 °C に おいて a は 0.2842 nm から 0.2848 nm と僅かに大きくな り,660°Cでは0.2856 nmと大きな値を示した.全ての熱 処理温度において生成した bcc Fe 結晶は図中波線で示した α-Fe(純鉄)の a, 0.28664 nm より小さい値を示すことか ら生成した bcc Fe 結晶は熱処理によって Fe に Si が固溶 された α-Fe (Si)であると推察される.本合金の組成におい て, Si が全て α-Fe に固溶した bcc 構造と仮定すると図中 に示す Si 濃度約 17at%の a は 0.2844 nm⁹となるが実測値 はやや大きくなった. 一方, 宝野らの Fer3.5Si13.5B9Nb3Cu1 (FINEMET)の APFIM 法による定量的な測定によれば, α-Fe (Si)に含有する Si の濃度は概ね 20 at%であると報告 されている^{10),11)}.本報告のSi含有量よりも多い.この差 異については、本合金組成においても APFIM 法のような 定量的な測定が必要であると考えられる.

生成した a Fe (Si)の結晶粒径について検討した. Fig. 4 に結晶粒径 D の熱処理温度依存性を示す. 500 °C では, a-Fe(Si)の粒径は約 7 nm と小さい. 一方, 550 °C 以上の 熱処理温度では熱処理温度に限らず D は約 13 nm を示し 結晶粒の成長は飽和することが確認できる. 以上のことか ら, 550 °C で最も優れた軟磁気特性が得られ,構造は生成 結晶が a Fe よりも軟磁気特性がよい a-Fe(Si)の結晶がナノ



**Fig. 5** Field annealing temperature dependence of  $B_{\rm r} \cdot B_{800}^{-1}$  for a nanocrystalline Fe₇₄ Si₁₅ B₇ Nb₃ Cu₁ alloy.



Fig. 6 DC B-H curves of nanocrystalline  $Fe_{74}Si_{15}B_7$  Nb₃ Cu₁ alloy with magnetic field.

サイズで生成され非晶質は α-Fe(Si)の結晶粒界に残存して いるもの考えられる.

# 3.2 磁場中熱処理温度依存性

本組成において,誘導磁気異方性を付与できる熱処理温 度を明らかにする目的で検討を行った.印加磁場 400 kA/m 熱処温度を 460 °C から 660 °C と変化させ熱処理を行った. Fig. 5 に磁場中熱処理後の角型比,の熱処理温度依存性を 示す.角型比 ( $B \cdot B_{00}$ ¹)は熱処理温度上昇に伴い低下し, 550 °C 付近では 9 %の値を示す.660 °C の高温度では,  $B \cdot B_{00}$ ⁻¹が 2 %と極めて低い値を示した.これは Fig. 1 で みられる Fe-B 化合物の影響により  $B_{800}$  で飽和が見られず, 磁化曲線がマイナーループを描いたことによるものである. しかしながら,磁場中熱処理により,460 °C から 660 °C の 全ての温度において無磁場熱処理よりも  $B \cdot B_{800}$ ⁻¹が低下し た結果,誘導磁気異方性が付与されたと言える⁹.

Fig. 6 に熱処理温度 550 °C で, 印加磁場 0 kA/m, 5 kA/m のヒステリシスループを示す. 磁場印加によって B-H ループの形が変化し, 9 %程度の低角型比が得られている.

図中に低磁界の拡大した B·H カーブを示す. これからも 幅方向に誘導異方性が付与されていることがわかる. 図よ り, 簡易的に求めた異方性磁界  $H_k$ は 3.2 kA/m,  $B_{800}$ ⁻¹が 1.1 T であることから, 誘導異方性エネルギー $K_u$ は,約 20 J・m⁻³が得られた. この値は従来報告されているナノク リスタル材料の値のよりもやや大きい.

Fig. 7 に周波数 100 kHz, 500 kHz における磁場中熱処



**Fig. 7** Field annealing temperature dependence of  $\mu_{\rm r}$  for a nanocrystalline Fe₇₄Si₁₅B₇Nb₃Cu₁ alloy.



**Fig. 8** Field annealing temperature dependence of *P*cv for a nanocrystalline Fe₇₄Si₁₅B₇Nb₃Cu₁ alloy.

理後の比透磁率  $\mu$ の熱処理温度依存性を示す.熱処理温度 上昇とともに比透磁率が増加し Fig. 5 で低角型比であった 550 °C で最大となった.550 °C 以上の熱処理温度では比透 磁率が減少していき,同じく低角型比であった 660 °C で比 透磁率が最も低い値となった.100 kHz では磁場印加によ る改善効果は少ない.100 kHz より高周波である 500 kHz では,460 °C から 660 °C の全ての温度範囲において磁場 中熱処理による比透磁率の改善効果が認められる.

次に磁心損失 Pev の磁場中熱処理の効果について調べた. Fig. 8 に磁場中熱処理後の磁心損失の熱処理温度依存性を 示す.熱処理温度上昇とともに損失が低くなり 550°C で最 も低い損失になることが確認できる.また,磁場印加によ って 460°C から 660°C までの全ての温度領域において磁 心損失 Pev が低下する改善効果が明らかになった.これま での結果より,550°C で磁場中熱処理を行い誘導磁気異方 性の付与をすることで最も低角型比,高周波比透磁率およ び低磁心損失が得られることがわかった.

#### 3.3 磁場中熱処理による高周波磁気特性の向上

本合金において磁場中熱処理後の高周波磁気特性について 460°C, 550°C, 660°C の周波数特性を検討した.



**Fig. 9** Frequency dependence of  $\mu_r$  for a nanocrystalline Fe₇₄Si₁₅B₇Nb₃Cu₁alloy.



**Fig. 10** Frequency dependence of *P*cv for a nanocrystalline Fe₇₄Si₁₅B₇Nb₃Cu₁ alloy.

Fig. 9 に磁場中熱処理後の比透磁率  $\mu$ の周波数特性を示 す. 熱処理温度 550 °C では 100 kHz 以上の高周波領域で は無磁場熱処理よりも磁場を印加することで  $\mu$ が大きく向 上していることが確認できる. 500 kHz での  $\mu$ は 9000 が 得られ無磁場熱処理の 1.5 倍ほど向上している. 熱処理温 度が 460 °C では磁場熱処理により 500 kHz での高周波で  $\mu$ は 3000 の値が得られ無磁場熱処理の 2000 より改善され ている. Fig. 1 の X線回折よりまだ微細結晶の生成が認め られず非晶質構造であるが磁場印加により誘導異方性は付 与される.  $\mu$ は 3000 となり 550 °C の熱処理に比べると小 さい. 660 °C の高温熱処理後は磁場印加後も 200 程度と小 さな値を示した. これは, Fig. 1 でみられる Fe- B 系化合 物の影響が強いと考えられる.

Fig. 10 に磁場中熱処理後の最大磁束密度 0.2 T における 460 °C, 550 °C, 660 °C の磁心損失の周波数特性を示す. 熱処理温度 550 °C において,磁心損失が最も低くなってお り,周波数 100 kHz の値を見ると,磁場印加によって磁心 損失が 230 kW/m³から 180 kW/m³まで低下しており従来 報告されている同一の厚みを有する Fe_{73.5} Cu₁ Nb₃ Si_{13.5} (at%)のファインメット材 ⁶⁾の 200 kW/m³よりも低い磁心 損失を示した.一方,幅方向に磁場中熱処理を行い誘導異 方性の付与をした磁心損失は,550 °C の熱処理では磁心損 失の周波数 f の 1.7 乗に比例している.これは従来報告さ



Fig. 11 Reliability test (85  $^{\circ}$ C, 85 %) of nanocrystalline Fe₇₄ Si₁₅ B₇ Nb₃ Cu₁ annealed at 550  $^{\circ}$ C with magnetic field.



**Fig. 12** Reliability test (200 °C) of nanocrystalline Fe₇₄ Si₁₅ B₇ Nb₃ Cu₁ annealed at 550 °C with magnetic field.

れている幅方向の磁場熱処理後のファインメットの結果と ほぼ一致 ⁽⁶⁾する.一方,660 °C の熱処理における磁心損失 は周波数 f の約 1 乗に比例しているがこの傾向については 現時点では不明である.以上のことから,磁場中熱処理に よる誘導磁気異方性の付与により.周波数 100 kHz 以降の 高周波領域において,特に比透磁率 μや磁心損失 Pcv の高 周波磁気特性が大きく向上することが明らかとなった.

#### 3.4 磁場中熱処理後の磁心信頼性試験

磁場中熱処理により最良の軟磁気特性を示した 550°C で熱処理した磁心の信頼性試験を行い実用性について検討した.信頼性試験は車載環境を想定し,温度 85°C 湿度 85% と温度 200°C の二つの環境にて 1000 時間行い磁気特性の経時変化を測定した.

Fig. 11 に温度 85 °C 湿度 85 %の結果, Fig. 12 に温度 200 °C の結果を示す. 二つの試験において, 角型比, 比透



 $\label{eq:Fig.13} \begin{array}{ll} \mbox{Surface photo after reliability test (1000 hours)} \\ \mbox{of nanocrystalline } Fe_{74} Si_{15} B_7 \ Nb_3 \ Cu_1. \end{array}$ 

磁率,磁心損失において 1000 時間後も磁気特性の劣化は 認められない.

Fig. 13 に 1000 時間後の磁心表面写真を示す.表面に錆 などの変化も見られず,信頼性試験として非常に良好な結 果が得られた.

このことから,一度付与された誘導磁気異方性は高温高湿, 高温保持の環境試験において大きな経時変化はみられず良好な 軟磁気特性を保つことを明らかにした.

# 4. まとめ

Fer4 Sin5 Br Nb3 Cu1 (at%)のナノクリスタル材料において,薄 帯幅方向に 400 kA/m の磁場を印加し磁場中熱処理を行い 磁心の軟磁気特性を検討した. 結果,熱処理温度 550 °C,熱処理時間 30 分の磁場中熱処 理を行うことで角型比 9 %と低角型比を示し,500 kHz で の比透磁率  $\mu$  は 9000, 100 kHz 0.2 T での磁心損失, Pcv が 180 kW/m³ と優れた軟磁気特性が得られた.本合金では 磁場中熱処理温度 460 °C の非晶質構造から 660 °C の  $\alpha$  Fe (Si)と Fe-B化合物の混在するすべての温度域で誘導磁気異 方性を付与することができることを明らかにした.

高温高湿(85°C 85%),高温保持(200°C)の二つの環境 試験において 1000 時間後も磁気特性の劣化は認められず 一度付与された誘導磁気異方性は高温高湿,高温保持の環 境試験において維持することが明らかになった.

#### References

- Y. Yoshizawa, S. Oguma and K. Yamauchi: *J. Appl. Phys.* 64, 6044 (1988).
- Y. Yoshizawa, and K. Yamauchi: J. Jpn. I. Met. 53, 241 (1989).
- 3) G. Herzer: *IEEE Trans. Magn.* **26**, 1397 (1990).
- 4) G. Herzer: *Mater. Sci. Eng.* **33**, 1 (1991).
- Y. Yoshizawa, H. Mori, S. Arakawa, and K. Yamauchi: J. Magn. Soc. Jpn. 19, 457 (1995).
- Y. Yoshizawa, K. Yamauchi: J. Magn. Soc. Jpn. 14, 193 (1990).
- 7) M. Takahashi, et al: J. Appl. Phys. 16, 2061 (1977).
- 8) M. Goto, et al: J. Phys. Soc. Jpn. 52, 3710 (1983).
- T. Ichiryu, I. Ohnaka, H. Tateoka and I. Yamauchi: J. Jpn. I. Met. 50, 927 (1986).
- 10) K. Hono et al: Acta Mater. 40, 2137 (1992).
- 11) K. Hono: Acta Mater. 47, 3127 (1999).

2021年10月27日受理, 2022年1月15日採録

<Paper>

# 強磁性超弾性合金を用いた振動発電の基礎検討

# Study on vibration power generation using ferromagnetic superelastic alloy

小澤海斗^{a)}・枦修一郎^{b)}・石山和志^{a)†} ^{a)}東北大学電気通信研究所,仙台市青葉区片平2丁目1-1(〒980-8577) ^{b)}東北学院大学工学部,多賀城市中央1丁目13-1(〒985-8537)

# K. Ozawa $^{\rm a)},$ S. Hashi $^{\rm b)}$ , and K. Ishiyama $^{\rm a)\,\dagger}$

^{a)} Research Institute of Electrical Communication, Tohoku Univ., *Katahira 2-1-1, Aoba-Ku, Sendai 980-8577, Japan* ^{b)} Faculty of Engineering, Tohoku Gakuin Univ., *Chuo 1-13-1, Tagajo 985-8537, Japan*

As a novel method of vibration power generation, we propose a mechanism that utilizes the stress-induced phase transformation of ferromagnetic superelastic alloys. Since the parent phase of Fe-Mn-Al-Ni alloy is ferromagnetic and the martensite phase is antiferromagnetic, there is a possibility that the magnetic changes associated with phase transformation can be converted into electric power by electromagnetic induction. Therefore, the characteristics of Fe-Mn-Al-Ni alloy were measured with and without stress. It was confirmed that the magnetic flux density decreased when a compressive stress of about 450 MPa was applied to the sample but returned to the original state by unloading. In the observed microstructure, martensite appeared when a compressive stress of about 450 MPa was applied to the parent phase, but disappeared when unloaded, and a reversible change confirmed that the phase returned to the parent phase again. An analysis of the martensite phase fraction revealed that a magnetization change was obtained in accordance with the phase fraction. EBSD measurements also identified the crystal structure as bcc in the parent phase and fcc for the surface undulations caused by strain. From these results, it was clarified that the phase transformation occurs due to stress.

Key words: energy harvesting, stress-induced phase transformation, superelastic, electromagnetic induction martensite phase, parent phase

# 1. はじめに

近年, IoT デバイスの普及に伴い、インターネットにつながるモ ノの数が年々拡大している.しかし、これらのデバイスは電源が 必要であり、電池交換の手間や人間が介入できない場所などでど のように電力供給を行うかが課題となっている. そこで、環境に 存在する希薄なエネルギーを収穫して電力に変換する、環境発電 技術 りを利用した発電デバイスが開発されている. そのエネルギー 源は太陽光、熱、電磁波など様々あるが、特に振動エネルギーを 利用した発電は低消費電力機器への電力供給源として注目されて いる²⁾. 中でも電磁誘導方式の振動発電は、磁歪素子の逆磁歪効果 を利用する方法などがある. そこで我々は、新たな振動発電の方 式として,超弾性合金の応力誘起相変態を利用した手法3)を提案す る. これは超弾性材料がもつ、応力の変化による結晶変態を利用 する. 超弾性とは、まず合金の母相の状態で外部から応力を印加 すると、マルテンサイト相が誘起されるとともに大きく形状が変 化する. この状態で除荷することで形状が回復して再び母相に戻 るため、応力により自在に形状変化できるという性質である. Table 14~7)に超弾性を有し、かつ磁場によって駆動する代表的な合 金の特性をまとめた.まず、数%もの磁気誘起歪を示すNi-Mn-Ga 系合金⁴⁾は非常に脆く加工性に乏しい. Co-Ni-Al 系合金は,結晶 構造制御により延性に優れる 8が、磁場誘起による磁性変化が小さ い.これらより大きな磁化を持つ合金としてNi-Co-Mn-In 系もある が、加工性に乏しい⁹.一方でNi-Co-Mn-In 系合金ほど磁化は高く ないが、Fe-Mn-Al-Ni 系合金は切削加工が容易で冷間加工にも優 れる 10という特徴を持つ. さらに, 強磁性の母相に対してマルテ

Corresponding author : Kazushi Ishiyama E-mail : ishiyama@riec.tohoku.ac.jp ンサイト相が反強磁性¹¹⁾であるため相変態により磁性が変化する. この磁性変化をコイルで検出して電力を取り出せれば,発電に応 用できる可能性がある.超弾性材料の大きな回復応力に加え, 理論上,磁性材料が持つ磁化を全て電力に変換できるため, 本手法は非常に有望であると考えられる.

そこで本稿では、応力誘起相変態を利用した振動発電システムの構築に向けて、Fe-Mn-Al-Ni系合金の応力印加時における磁気特性と材料特性の測定結果を述べる.また、磁気特性と表面組織の 関連性を検討した内容について報告する.

# 2. 実験方法

# 2.1 BH 曲線の測定原理

短冊形状の Fe-35Mn-16Al-7.5Ni 単結晶合金(40 mm × 1 mm × 0.83 mm)の磁気特性を測定するため、圧縮応力を印加しながら BH 曲線を測定できる BH ループトレーサを構築した. Fig. 1 に BH ループトレーサの装置構成を示す. 検出コイル (3000 ターン)



Fig. 1 System for measuring B-H curves.

Transaction of the Magnetics Society of Japan (Special Issues) Vol.6, No.1, 2022

Alloy	Processability	Magnetization of parent phase (emu/g)	Magnetization of martensite phase (emu/g)	Strain mechanism
Ni-Mn-Ga ⁴⁾	×	47	58	Twin deformation
Co-Ni-Al ⁵⁾	$\bigtriangleup$	~34	$35 \sim 40$	Twin deformation
Ni-Co-Mn-In ⁶⁾	×	~100	~0	Magnetic field-invited transformation (metamagnetic)
Fe-Mn-Al-Ni ⁷⁾	0	~70	~0	Magnetic field-invited transformation (metamagnetic)

 Table 1
 Characteristics of each ferromagnetic superelastic alloy.



Fig. 2 Jig for applying compressive stress.

内の短冊状試料に対して、応力無印加の状態と任意の応力を試料 のおおよそ (97-28) 方向(長手方向)に印加した状態で磁界励磁 用のソレノイドコイル内に挿入した.0.1 Hz の正弦波交流磁界を 長手方向に印加すると、検出コイルには試料内部の磁束の時間変 化に伴い電圧が発生する.この電圧を DAQ デバイスで取り込み、 PC上で LabVIEW により制御することで試料内部の磁束密度を 算出し、BH 曲線の測定を行った.Fig.2にはソレノイドコイル内 に挿入する圧縮応力印加用治具を示す.検出コイル内の短冊状試 料の一端を固定し、他端をばねがついたブロックと接触させ、ね じを使ってばねを押し出し、圧縮応力を印加した.ばね定数とブ ロックの変位、試料断面積から試料にかかる応力値を算出し、任 意の応力を印加しながら BH 曲線を測定した.

# 2.2 合金表面の組織観察方法

Fe-35Mn-16Al-7.5Ni 単結晶合金 (40 mm × 1 mm × 0.9 mm)の表面状態を観察しやすくするため,研磨紙 (#1500 ~#3000)で粗研磨をしてから研磨機でバフ (~1  $\mu$ m)研磨を行い,仕上げにコロイダルシリカ溶液で 30 分程度擦って合金表面を鏡面にした.その後,十分に超音波洗浄を行ってから光学顕微鏡で観察した.さらに,応力の有無による合金の相変化を観察するために治具を設計した. 圧縮応力を印加した状態で組織観察できる治具を Fig. 3 に示す. 試料の一端を固定し他端をブロックに接触させて,ねじに



Fig. 3 Stress application jig for surface observation.

よって押し出されたばねで長手方向に応力を印加する.このとき,試料が座屈して治具から外れることを防止するための試料カバーを取り付け,カバー中央に設けた直径 5 mm の穴の部分に位置した表面組織を光学顕微鏡で観察した.

# 2.3 Fe-Mn-Al-Ni 合金の結晶方位の測定

Fe-35Mn-16Al-7.5Ni 単結晶合金の母相とマルテンサイト相の結晶学的性質を確かめるため,SEM-EBSD 法による測定を行った.しかし,合金に対して応力を印加したまま測定することは不可能であるため,鏡面研磨済みの合金試料に対してあらかじめ,550~600 MPa 程度の圧縮応力を合金の長手方向(X方向)に印加して座屈させ,残留応力下での測定を行った.これによりマルテンサイトが残留し,母相と残留マルテンサイトが混在したと考えられる箇所の微細組織を走査型電子顕微鏡(SEM)により観察した.さらに,観察箇所について電子線後方散乱回折(EBSD)法で,合金表面に現れた菊池パターン¹²⁾¹³⁾に指数付けすることにより,母相と座屈による歪みの入った箇所の結晶方位を測定し,構造を特定した.

#### 3. 実験結果及び考察

#### 3.1 応力印加時の磁気特性変化

Fig. 4 に Fe-35Mn-16Al-7.5Ni 単結晶合金の BH 曲線を示す.



**Fig. 4** Changes of B-H curve under applied compressive stress.

**Fig. 5** State of Fe-35Mn-16Al-7.5Ni alloy surface with and without compressive stress.



Fig. 6 Reversible change in stress-induced phase transformation of Fe-35Mn-16Al-7.5Ni alloys.

応力無印加時(母相)の最大磁束密度は約0.36 T 程度となった. この値は、試料片をVSM で測定したところ約0.56 T の磁束密度 が得られたため、飽和磁束密度の約64%となる.室温での Fe-Mn-Al-Ni 系合金のマルテンサイト変態臨界応力は約400~ 450 MPa 程度とされている¹¹⁰.そこで、母相の状態で試料に約450 MPa を印加したところ磁束密度は約0.18 T 程度となり、磁束密度 の減少を確認したが完全な非磁性相にはならなかった.さらに600 MPa まで圧縮応力を印加したが、試料が座屈変形したため一軸に 応力を印加できず、磁束密度は大きく変化しなかった.しかし、 応力が印加された状態から除荷(0 MPa)すると座屈変形した試 料は完全に元の形状に戻り、磁束密度もほとんど母相の値まで戻 ることを確認した.

# 3.2 応力印加時の相変化

Fig. 5 に合金表面の光学顕微鏡写真を示す.(a)は Fe-35Mn-16Al-7.5Ni 合金の母相である.この状態から約 450 MPaの圧縮応力を印加すると,(b)のように局所的に表面起伏が生 じて幅を持つプレートが出現し,応力誘起マルテンサイトを確認 した.さらに,(b)の状態から除荷すると(c)のようにマルテンサイ トが消失し,再び母相に戻る.その後,複数回応力の印加と除荷 を繰り返すことで(d),(e),(f)のように相が変化し,応力印加によ るマルテンサイトの出現と,除荷によるマルテンサイトの消失を 確認した.

# 3.3 応力誘起相変態の可逆的な相変化

Fig.6に応力の有無による相変態の可逆的変化を示す.母相(0



Fig. 7Image analysis with optical microscope.(a) original image(b) analysis image

MPa)の状態から圧縮応力を100 MPa ずつ最大500 MPa まで印 加していくと約200~300 MPa 程度の印加でマルテンサイトが出 現し始めた. さらに圧縮応力を印加すると、出現したマルテンサ イトが成長し、500 MPa 印加時にマルテンサイトの相分率は最大 となった. 除荷していくとマルテンサイトは減少し、再び母相に 戻るとマルテンサイトは完全に消失した. さらに観察結果より、 応力を印加する過程と除荷する過程とでは、合金に同等の応力が 印加されていてもマルテンサイトの発生量が異なっていることか ら、応力誘起相変態の変態ヒステリシスを確認した.

## 3.4 応力誘起マルテンサイト相分率の導出

圧縮応力による磁束密度の減少と相変態の関係性を検討 するため,BH曲線と光学顕微鏡写真からマルテンサイトの 相分率を見積もった.

Fig. 4 の BH 曲線から,約 450 MPa の印加により磁束



Fig. 8 SEM image of Fe-35Mn-16Al-7.5Ni alloy surface.

密度は約50%減少している.したがって,測定箇所の合金 中には半分程度のマルテンサイトが存在していると推測で きる.Fig.7に合金表面の光学顕微鏡写真と,画像解析ソ フトImageJで母相とマルテンサイトを区別させた図を示 す.Fig.7(b)の,白のエリアが母相で黒のエリアがマルテ ンサイト相である.圧縮応力を複数回印加して誘起された マルテンサイトは局所的ではあるが,面積割合で約49.9% となった.この面積割合のまま合金の厚み方向にもマルテ ンサイトが発生していると仮定し,面積割合と体積割合が 等しいとみなせば,局所的な領域で半分程度のマルテンサ イトが存在すると考えられる.したがって,同等の応力を 印加した際,同程度のマルテンサイトが誘起されたと推測 でき,応力誘起マルテンサイトの相分率に応じた磁束密度 の変化が得られたと言える.

#### 3.5 Fe-Mn-AI-Ni 合金の結晶方位と各相の結晶構造

Fig. 8 に Fe-35Mn-16Al-7.5Ni 合金の SEM 写真(200 倍)を 示す. 大部分が母相であるが, 図中, 白い矢印で示す箇所に線状 の起伏が存在し、歪みが入っている. Fig.9に、Fig.8の観察領域 における合金長手方向(X方向)の結晶方位を示した IPF マップ を示す. Fig. 9 (a)が合金表面に現れた菊池パターンを指数付けし た結果,体心立方 (bcc)構造と特定された箇所であり,領域の大 部分を占めているため明らかに母相である. Fig. 9 (b)には菊池パ ターンを解析した結果, 面心立方 (fcc) 構造と特定された箇所で, 線状の歪みに沿うように分布している. Fe-Mn-Al-Ni 系合金の マルテンサイト相は fcc 構造とされている¹¹⁾ため,この箇 所には局所的にマルテンサイト相が存在していると推測で きる. Fig. 10 (a)には合金長手方向のbcc 相の逆極点図を, (b)に はfcc 相の逆極点図をそれぞれ示す. bcc 相の場合, 単結晶である ため結晶方位は一定方向を向くが、fcc 相の結晶方位は若干のばら つきがあり、超弾性を示す範囲を超える応力の印加による歪みの 影響で方位が崩れてしまったと考えられる.

# 4. まとめ

振動発電の新機構として超弾性合金の応力誘起相変態に 伴う磁性変化を利用した手法を提案した.そこで,強磁性 超弾性合金に対して応力の有無による磁気特性変化と相変

Fig. 9 IPF map. (a)bcc X (b)fcc X



化を関連付けて評価した. 合金へ圧縮応力を印加すると磁 束密度は減少するが,除荷によって形状,磁束密度ともに 母相の状態に戻ることを確認した. さらに,圧縮応力の印 加・除荷の繰り返しにより母相とマルテンサイト相の相変 化も確認した. 磁気特性測定と組織観察では合金に同等の 応力を印加しており,応力誘起マルテンサイトの相分率に 応じた磁化変化を得ることができた. SEM-EBSD 法による 微細構造の観察では,歪みのない箇所は bcc 構造の母相と 特定でき,圧縮応力の印加によって歪みが入った箇所は局 所的に fcc 構造のマルテンサイト相と特定できた. 明らか にマルテンサイト相が誘起され,応力によって相変態を起 こすことができた.

Fe-Ga 合金を用いた逆磁歪効果型の振動発電デバイス (コイル 3500 回巻き)で、振動周波数 28.5 Hz,加速度 0.075G で最大電力 1.1mW という報告¹⁴⁾がある.そこで、 本研究の合金に 3000 ターンのコイルを取り付けて 28 Hz で振動させたと仮定し、実験結果の磁性変化から理論的な 発電電力を算出したところ、現状では計算上、約 0.54  $\mu$ W の発電を見込むことができるが発電能力は大きく劣る.し かし、単位体積 (cm³) あたりの発電電力に換算して計算す ると約 61  $\mu$ W となり、さらにこの条件のまま 100%の相変 態が起こったと仮定すると、約 242  $\mu$ W の発電電力が見込 める.報告されている振動発電には劣るものの、小型セン サを動作させるためには十分な発電能力を見込むことがで きたと言える.現状、合金全体を完全に相変態させるため の課題は残るが、本手法に有効な合金や結晶方位の選定、 デバイスの構造も含めて最適な設計を行えば、形状回復が 可能な超弾性領域において少なくとも50%以上の磁性変化 が見込まれ,新たな振動発電手法の可能性は大いに期待で きる.今後は,超弾性合金に振動を印加した際の各種特性 評価を行い,応力誘起相変態を利用した振動発電システム の構築を目指す.

**謝辞** 試料提供ならびにご助言を頂きました東北大学大学 院工学研究科金属フロンティア工学専攻,貝沼亮介教授, 大森俊洋准教授,許皛助教に感謝致します.また,本研究 の一部は東北大学電気通信研究所研究基盤技術センターで 行われました.

#### References

- 1) K. Takeuchi: J. Surf. Finish. Soc. Jpn., 67, 334 (2016).
- 2) I. Kanno: J. Surf. Finish. Soc. Jpn., 67, 348 (2016).
- K. Ozawa, S. Hashi and K. Ishiyama: "Study of vibration power generation using ferromagnetic shape memory alloy," *Annual Meeting Record I.E.E. Japan.*, (2021.3), p.107.

- 4) K. Ullakko, J. K. Huang, C. Kantner, and R. C. O'Handley: *Appl. Phys. Lett.*, **69**, 1966 (1996).
- 5) H. Morito, K. Oikawa, A. Fujita, K.Fukamichi, R. Kainuma and K. Ishida: *Scripta Materialia.*, **63**, 379 (2010).
- R. Kainuma, Y. Imano, W. Ito, Y. Sutou, H. Morito, S.Okamoto, O. Kitakami, K. Oikawa, A. Fujita, T. Kanomata, and K. Ishida: *Nature.*, 439, 957 (2006).
- 7) T. Omori, M. Nagasako, M. Okano, K. Endo and R. Kainuma: *Appl. Phys. Lett.*, **101**, 231907 (2012).
- Y. Tanaka, T. Omori, K. Oikawa, R. Kainuma and K. Ishida: Materials Transactions., 45, 427 (2004).
- 9) R. Kainuma, T. Omori, Y. Tanaka and K. Ishida: *Ferrum.*, 16, 613 (2011).
- 10) T. Omori, K. Araki, K. Ishida and R. Kainuma: *Kinzoku.*, **82**, 458 (2012).
- 11) T. Omori and R. Kainuma: Materia Japan., 54, 398 (2015).
- 12) B. L. Adams, S.I. Wright, and K. Kunze: *Metall. Trans. A.*, 24A, 819 (1993).
- 13) Y. Maekawa: Denki-Seiko., 89, 59 (2018).
- 14) T. Ueno: Materia Japan., 59, 7 (2020).

#### 2021年10月8日受理, 2021年12月3日採録

<Paper>

# 固相反応法で作製した CoFe_{2-x}Mn_xO₄の 結晶構造と磁気特性に及ぼすヤーン・テラー効果の影響

# Influence of Jahn-Teller effect on crystal structure and magnetic properties of CoFe_{2-x}Mn_xO₄ synthesized by solid-phase method

柏木 春穂・藤枝 俊[†]・清野 智史・中川 貴 大阪大学大学院 工学研究科,大阪府吹田市山田丘 2-1 (〒565-0871)

H. Kashiwagi, S. Fujieda[†], S. Seino, and T. Nakagawa

Graduate School of Engineering, Osaka University, 2-1 Yamadaoka, Suita-shi, Osaka 565-0871, Japan

Bulk CoFe_{2-x}Mn_xO₄ samples were synthesized by using a solid-phase method at 900 °C. Though a CoFe₂O₄ sample (x = 0.0) exhibited a cubic structure, a tetragonal structure was observed in the samples with  $x \ge 1.2$  due to the Jahn-Teller effect of Mn³⁺ ions. The lattice constants at the *a* and *c* axes of the tetragonal structure increased and decreased, respectively, as *x* increased. Thus, the degree of tetragonal distortion (*c/a*) became larger as *x* increased. Although the saturation magnetization decreased as *x* increased, the Mn concentration dependence of coercivity exhibited a maximum of approximately 600 Oe at x = 1.6. This value was larger than that of the x = 0.0 sample. It is clear that the partial substitution of Mn³⁺ for Fe³⁺ in CoFe₂O₄ is effective for improving the coercivity of bulk samples due to the Jahn-Teller effect.

Keywords: spinel ferrite, Jahn-Teller effect, lattice distortion, coercivity, magnetic anisotropy

# 1. はじめに

コバルトフェライトと呼ばれる立方晶スピネル構造の CoFe2O4 系酸化物は、比較的大きな異方性定数および磁歪定数を示す. 例え ば、CollFe22O4の磁気異方性定数は0.38 MJ/m³であり、Fe3O4の 値より約3000倍も大きい¹⁾. また, CoosFe22O4の<100>方向の磁歪 定数は-590 ppm であり, Fe3O4 の値より約 30 倍も大きい¹⁾. 比較的 大きな磁気異方性定数および磁歪定数を示す CoFe2O4 系酸化物薄 膜を高密度磁気記録媒体に応用する研究が行われている. 基板と の格子不整合により生じるエピタキシャル歪みを利用した、磁気 異方性の制御が報告されている²⁴⁾. 例えば, MgO (001) 基板上に 成長した CoFe2O4 薄膜では、0.5%の面内引張りのエピタキシャル 歪みが生じ,約1.47 MJ/m³の垂直磁気異方性定数が得られる⁴. ま た, MgAl2O4(001) 基板上では約4%の面内圧縮のエピタキシャル 歪みが生じ, -5.9 MJ/m³の磁気異方性定数が得られる³⁾. この値は, 希土類磁石である NdyFe14B の磁気異方性定数と同程度であり 5, BaFe12O19やSrFe12O19の値よりも大きい. また, CoFe2O4のキュリ 一温度は 793 K であり, Nd2Fe14B, BaFe12O19 および SrFe12O19 の値 よりも高い.しかし、基板上に誘起されたエピタキシャル歪みは、 膜厚の増加とともに緩和される. エピタキシャル歪み以外の手法 で CoFe2O4 に歪みを導入できれば、希土類フリーの永久磁石とし て応用が期待できる.

立方晶スピネル構造において、酸素は四面体および八面体を構成する.6つの酸素で囲まれた八面体の中心、すなわち八面体サイトを Cu²⁺が占有するとヤーン・テラー効果により八面体が歪む. そのため、CoFe2O4の Co²⁺を Cu²⁺で部分置換すると、結晶構造は立方晶から正方晶に変化する⁶⁷.このヤーン・テラー効果に起因した正方歪みの誘起により結晶磁気異方性が増大し、それに伴い保磁力も向上することが報告された⁶⁷.CoFe2O4の比較的大きな磁気異方性は八面体サイトを占有した Co²⁺に起因する⁸.したがっ

Corresponding author : Shun Fujieda (e-mail: fujieda@see.eng.osaka-u.ac.jp) て、Co²⁺の部分置換ではなく、Fe³⁺の部分置換により、ヤーン・テ ラー効果による正方歪みを誘起することができれば、さらに優れ た磁気特性が期待される.

最近,八面体サイトにおいてヤーン・テラー効果を示す Mn³⁺で Fe³⁺を部分置換した CoFe_{2-x}Mn_xO₄の微粒子が正方歪みを示し,そ れに伴う磁気異方性の増大に起因して保磁力も向上することが報 告された⁹.本研究では、CoFe_{2-x}Mn_xO₄のバシレク試料の結晶構造 および磁気特性を調べる.バシレク試料において、ヤーン・テラー効 果に起因した正方歪みと保磁力の関係を明らかにする.

## 2. 実験方法

α-Fe₂O₃, Mn₂O₃ および CoO 粉末を出発原料として, CoFe₂₋ xMn_xO₄ (0.0  $\leq x \leq 2.0$ ) のバルク試料を作製した. 具体的な手順 を以下に述べる. まず, 原料粉末を蒸留水に分散させ, ボールミル で 2 時間混合した. ろ過して得た残渣を乾燥させた後, ペレット 状に圧粉成型した. ペレットを大気雰囲気下において 180 °Ch で 900 °Cまで昇温し, 50 時間保持した後, 炉冷して試料を得た.

結晶構造の評価は X 線回折装置(リガク社製 Smart Lab SE)を 用いて、Cu-Ka 線で行った.磁化測定は振動試料型磁力計(TOEI VSM-C7-10)を用いて、室温において $\pm 10$  kOe まで磁場を印加して 行った.

# 3. 結果と考察

CoFe2-xMnxO4のバルク試料のX線回折測定の結果をFig.1に示 す. 青字で示した 220 および 311 の回折ピークは立方晶相,赤字 で示した 112, 200, 103,および 211 の回折ピークは正方晶相を表 す. いずれの試料においても,立方晶と正方晶以外の異相は観測さ れなかった. 0.0  $\leq x \leq 1.0$ では立方晶相の単相であるが, 1.2  $\leq x \leq 1.8$ では立方晶と正方晶の2相を示す.また,2相共存状態の



Fig. 1 X-ray diffraction patterns of CoFe_{2-x}Mn_xO₄ samples with  $0.0 \le x \le 2.0$ .



Fig. 3 Magnetization curves at room temperature of CoFe_{2-x}Mn_xO₄ samples with  $0.0 \le x \le 2.0$ .

1.2  $\leq x \leq 1.8$  では、xの増加に伴って立方晶の回折ピークの強度 は小さくなり、正方晶の回折ピークの強度は大きくなる. つまり、 xの増加に伴い、試料中の正方晶相の割合は増加する. x=2.0 で正 方晶相の単相を示した.

X線回折パターンから求めた(a)格子定数および(b)a軸とc軸の



**Fig. 2** Mn concentration *x* dependence on (a) lattice constants *a*, *b*, and *c*, and (b) degree of tetragonal distortion (*c/a*) in bulk CoFe_{2-x}Mn_xO₄ samples with  $0.0 \le x \le 2.0$ . Values of *c/a* for fine particles are also indicated in Fig. 2(b) for comparison⁹.



**Fig. 4** Mn concentration x dependence on (a) saturation magnetization  $M_s$  and (b) coercivity  $H_c$  of bulk CoFe_{2-x}Mn_xO₄ samples with 0.0  $\leq x \leq 2.0$ . Data of fine particles are also indicated for comparison⁹.

比 c/a ox 依存性を Fig.2 に示す. 比較のために, 先行研究である CoFe_{2-x}Mn_xO₄ の微粒子の c/a の値も示す⁹. x の増加に伴う立方晶 相の格子定数の変化はほとんどないが, 正方晶相の a 軸および b軸の格子定数は減少し, c 軸の格子定数は増加する. そのため, x $\geq 1.2$  において x の増加に伴い c/a は徐々に大きくなる. つまり, 正方歪みが生じる Mn 部分置換量は異なるが、微粒子の c/a と同様の傾向を示す.また、バルク試料のx=2.0 における c/a は 1.15 に達し、微粒子とほぼ同程度の値を示す.バルク試料でも、先行研究の微粒子と同程度の、ヤーン・テラー効果に起因する大きな正方歪みが誘起されることが明らかになった.

 $CoFe_{2-x}Mn_xO_4$  (0.0  $\leq x \leq 2.0$ )の室温における磁化曲線を Fig. 3 に示す. 0.0  $\leq x \leq 1.8$  でヒステリシスループが観察された. 一 方, x=2.0 の磁化曲線はヒステリシスループを示さず、常磁性的な 挙動を示した. CoMn₂O₄ は室温で常磁性と報告されており¹⁰,対 応する結果が得られた.

Frölich の式¹¹より印加磁場が無限大の際の磁化の値として求め た飽和磁化のx 依存性を Fig.4 (a)に示す. 飽和磁化はx = 0.0 で最 大値を示し, x の増加に伴い減少する. x = 0.0 において, スピネル 構造の八面体サイトは主に Fe³⁺ (5  $\mu$ B)および Co²⁺ (3  $\mu$ B)が占有し, 四面体サイトは主に Fe³⁺ (5  $\mu$ B)および Co²⁺ (3  $\mu$ B)が占有し, 四面体サイトは主に Fe³⁺ (5  $\mu$ B)および Co²⁺ (3  $\mu$ B)が占有し, 四面体サイトは主に Fe³⁺ (5  $\mu$ B)および Co²⁺ (3  $\mu$ B)が占有し, 四面体サイトは主に Fe³⁺ (5  $\mu$ B)および Co²⁺ (3  $\mu$ B)が占有し, 四面体サイトは主に Fe³⁺ (5  $\mu$ B)および Co²⁺ (3  $\mu$ B)が占有し, 四面体サイトは主に Fe³⁺ (5  $\mu$ B)および Co²⁺ (3  $\mu$ B)が占有し, の磁気モーメントをもつ¹⁰. ヤーン・テラー効果に起因した正方歪 みが生じることより, Mn³⁺ (4  $\mu$ B)は四面体サイトよりも八面体サイ トを優先的に占有すると推察される. そのため, Fe³⁺を Mn³⁺で部分 置換すると飽和磁化は減少する. また, CoFe₂O₄および CoMn₂O₄の キュリー温度は約 793 K および約 185 K¹²⁾ であることから, x の増 加に伴いキュリー温度も低下する. つまり, x の増加に伴う飽和磁 化の減少にはキュリー温度の低下も寄与していると推察される.

保磁力の x 依存性を Fig. 4 (b)に示す.保磁力は x の増加に伴い 0.0  $\leq$  x  $\leq$  1.0 では減少するが,正方歪みが生じる x = 1.2 から増 加し始め, x = 1.6 では x = 0.0 における値よりも大きな約 600 Oe の 極大値を示す.つまり, Mn³⁺のヤーン・テラー効果に起因した正方 歪みの誘起はバルク試料の保磁力を向上させることが明らかにな った.一方,微粒子の保磁力は x = 1.3 から増加し始め, x = 1.4 で 極大を示す 9. つまり,保磁力が極大を示す Mn 部分置換量は異な るが,バルク試料でも微粒子と同様の振る舞いが確認された.微粒 子の異方性磁界は x = 1.3 から増加し始め, x = 1.4 で極大を示し, 保磁力と同様の傾向を示すことが報告されている 9. Fe³⁺を Mn³⁺で 部分置換すると,ヤーン・テラー効果により Mn³⁺に配位した酸素 で構成された八面体が歪むことで,その周囲に存在する Co²⁺に配 位した酸素で構成された八面体も歪むために磁気異方性が向上し たと考えられる.さらに x が増加すると,キュリー温度の低下の影 響により磁気異方性も減少するため、異方性磁界は極大を示した と推察される.したがって、バルク試料の保磁力の向上は、ヤーン・ テラー効果に起因した正方歪みの誘起による磁気異方性の増大と 密接に関連することが示唆される.

# 4. 結論

固相反応法を用いて CoFe2-xMnxO4 ( $0.0 \leq x \leq 2.0$ ) のバルク 試料を作製した.結晶構造はx = 0.0 で立方晶であるが, Mn³⁺のヤ ーン・テラー効果に起因して  $x \geq 1.2$  では正方晶が生じた.保磁 力はx = 1.2 から増加し始め, x = 1.6 で極大を示した.このような 振る舞いは微粒子の先行研究と同様であることより,保磁力の向 上は,ヤーン・テラー効果に起因した正方歪みの誘起による磁気異 方性の増大と密接に関連することが示唆される.一方,飽和磁化は xの増加とともに減少する,CoFe2O4の永久磁石への応用には,飽 和磁化やキュリー温度の改善など,さらなる研究開発が必要とな る.

#### References

- 1) R. M. Bozorth, E. F. Tilden, and A. J. Williams: *Phys. Rev.*, **99**, 1788 (1955).
- S. A. Chambers, R. F. C. Farrow, S. Maat, M. F. Toney, L. Folks, J. G. Catalano, T. P. Trainor, G. E. Brown Jr, : *J. Magn. Magn. Mater.*, 246, 124 (2002).
- 3) T. Tainosho, J. Inoue, S. Sharmin, M. Takeguchi, E. Kita, and H. Yanagihara: *Appl. Phys. Lett.*, **114**, 092408 (2019).
- 4) T. Niizeki, Y. Utsumi, R. Aoyama, H. Yanagihara, J. Inoue, Y. Yamasaki, H. Nakao, K. Koike, and E. Kita: *Appl. Phys. Lett.*, 103, 162407 (2013).
- S. Hirosawa, Y. Matsuura, H. Yamamoto, S. Fujimura, M. Sagawa, and H. Yamauchi: J. Appl. Phys., 59, 873 (1986).
- M. Hisamatsu, S. Fujieda, S. Seino, T. Nakagawa, and T. A. Yamamoto: *IEEE Trans. Magn.*, 57, 2100804 (2021).
- H. Latiff, M. Kishimoto, J. Inoue, E. Kita, H. Yanagihara, and T. Devillers: J. Magn. Magn. Mater., 489, 165380 (2019).
- 8) J. C. Slonczewski: Phys. Rev., 110, 1341 (1958).
- 9) S. Yamada, R. Shigesawa, H. Latiff, M. Kishimoto, E. Kita, and H. Yanagihara: *IEEE Trans. Magn.*, **56**, 6702618 (2020).
- 10) C. D. Spencer and D. Schroeer: Phys. Rev. B., 9, 3658 (1974).
- 11) R. M. Bozorth: FERROMAGNETISM, p.484 (IEEE PRESS, 1993).
- 12) S. Tamura: J. Phys. Soc. Jpn., 61, 752 (1992).

#### 2021年11月12日受理, 2021年12月24日採録

<Paper>

# 逆磁歪効果型歪センサの高周波振動特性の評価

# Evaluation of high-frequency vibration characteristics of inversemagnetostrictive effect-type strain sensor

高野凌¹⁾・石山和志^{1)†}・星貴之²⁾ ¹⁾東北大学電気通信研究所,仙台市青葉区片平 2-1-1(〒980-8577) ²⁾ピクシーダストテクノロジーズ,千代田区神田三崎町 2-20-5(〒101-0061)

R. Takano¹⁾, K. Ishiyama¹⁾[†], T. Hoshi²⁾

¹⁾ Research Institute of Electrical Communication, Tohoku Univ., *2-1-1 Katahira, Aoba-ku, Sendai 980-8577, Japan* ²⁾ Pixie Dust Technologies, Inc., *2-20-5 Kandamisaki-cho, Chiyoda-ku, Tokyo 101-0061, Japan* 

Our laboratory reports the characteristics of an inverse-magnetostrictive effect-type vibration sensor that detects high frequency vibrations. Our sensor has a sensitivity of 0.61 mrad/ppm when static strain is applied to it. However, we estimate that our sensor can detect high frequency vibration without deterioration in sensitivity. Therefore, we conducted an experiment to evaluate the capability of the sensor for high-frequency vibration detection. As a result, it is revealed that the sensor has a sensitivity of 1.09 mrad/ppm at, in this paper, 20 kHz. It can be said that this inverse-magnetostrictive effect-type vibration sensor has high sensitivity even in high-frequency vibration.

Key words: inverse-magnetostrictive effect, strain sensor, vibration sensor, high frequency vibration, magnetic thin film

# 1. はじめに

工学分野において,物体の振動を測定することで被測定 物の状態・性質・安定性等を察知する事例は多々存在して いる^{1),2)}. その中でも kHz 帯で高感度な振動測定が可能に なることによって期待される応用例として,設備の健全性 監視が挙げられる. 私たちの生活を支えている化学プラン トや発電所といった大型設備には回転機械が多く備えられ ており,これらの回転機械を構成する重要な部品として軸 受がある. この部品の異常発見が遅れると設備を長期間に わたって停止させてしまう恐れがある. 一般に,軸受へ異 常が発生すると数 kHz~数+ kHz 帯の振動が生じるとさ れており,現在これらの検知には圧電式や MEMS 方式, AE センサといった振動センサが使われており  $3^{-7}$ , これ らの振動センサのゲージ率(歪に対する抵抗・インピーダン

ス変化率)・感度はそれぞれ Table.1 のようになっている⁸⁾ ⁻¹⁰.現在使われているセンサよりもさらに高感度なセンサ を用いることで,異常によって生じる振動をさらに早く察 知し早期に対応が可能になることで設備の停止を最小限に することができると考えられる.

本研究室ではこれまで逆磁歪効果を用いた歪センサの研 究を行ってきた^{11),12)}.世の中には一般的に電気抵抗式・半 導体方式といった原理の歪センサが知られているが、それ らのゲージ率はそれぞれ2~5 近傍、100~200 程度で ある¹³⁾⁻¹⁶⁾.それに対し我々が研究している逆磁歪効果型 歪センサの歪感度は数千~ 10000 程度と、他方式に比べ て高感度が得られている¹⁷⁾.

このセンサを用いて振動センサを試作した先行研究において^{18),19}は、センサ基板の片端を固定してカンチレバー構造とし、測定治具ごと加振器により振動させることで自由端を自由振動させセンサに歪を印加する手法や、センサを

ピエゾ素子へ接着させて強制振動をさせる手法を用いるこ とでセンサの振動センサとしての特性を測定した.その結 果,2 kHz以下の領域において高い感度を有することを示 した.

しかしながら,我々の作製している逆磁歪効果型歪セン サは薄膜構造のため渦電流損が小さいこと・検出回路のキ ャリア周波数が振動周波数に比べてはるかに高い 150 MHz 程度であるという特徴を持っていることから,2kHz 以上の周波数の振動も高感度を維持して測定が可能である と推測される.

そこで本研究ではこのセンサの2kHz以上における感度 評価を目的とした.本稿では振動印加装置の構築,ならび に振動印加時のセンサの振動測定感度の評価を行った.

#### 2. 実験方法

#### 2.1 素子構造及び素子作製

Fig. 1 に本センサの構造・形状を示す. センサは厚み 200  $\mu$ m の Si 基板上に RF スパッタ法,およびリフトオフ法を 用いて成膜された金属薄膜であり、1 ターンミアンダ形状 の厚さ 1  $\mu$ m,長さ 13 mmの Mo 導体層を厚さ 1  $\mu$ m,長 さ 6 mmのFe₇₂Si₁₄B₁₄の短冊状磁性層で上下から挟んだ三

 Table 1 Comparison of the sensitivity of other sensor.

Sensor	Gauge factor
Piezoelectric strain sensor ⁸⁾	167
MEMS capacitive sensor ⁹⁾	430
	Sensitivity
AE sensor ¹⁰⁾	1 mV/nm

Email:ishiyama@riec.tohoku.ac.jp



Fig. 1 Schematics of sensor structure.

層構造となっている.成膜後に回転磁場中熱処理を Fig. 2 の条件で行った.磁界強度 240 kA/m の回転磁界を昇温時 と,663 K において 120 min 間印加した後,回転磁界を印 加したままおよそ 6 ~ 7 時間炉冷させ室温まで降温させ た.

# 2.2 動作原理

Fig. 3 にセンサへ歪を印加したときのセンサ状態の変移 を示す.印加されている歪が 0 の状態(Fig. 3(a))で磁性膜の 長手方向に磁気異方性の容易軸が向いた状態を基準とする と, 圧縮歪が印加されていくにつれて逆磁歪効果により幅 方向を容易軸とする磁気異方性が誘導される.そのため Fig. 3(b)~(d)に示すように印加圧縮歪が増えるにつれて磁性膜 の異方性は見かけ上消失したのち幅方向を向くようになる. このように磁気異方性が変化することで磁性膜の幅方向透 磁率が変化するため,導体層長手方向へ流れる高周波電流 によりインピーダンスの変化として印加歪量を捉えられる. 本研究ではインピーダンスの位相変化を検出することで歪 の検出を行っている.本センサの位相変化検出には DMTD 法(Dual Mixer Time Difference method)を用いている ^{18),20)}. Fig. 4 に検出回路のブロック図を示す.

#### 2.3 予備実験

## 2.3.1 静的な印加歪に対する位相変化特性の測定

予備実験としてセンサの基本的な特性の一つである,印加された静的な歪に対するセンサの位相変化特性を測定した.測定装置は Fig. 5 に示すような測定治具を用いた.センサの電極側を固定端としたカンチレバー方式で,自由端側にマイクロメーターヘッドを押し当てることにより歪を印加した.位相変化はネットワークアナライザにより2 port で計測を行い,計測された伝送特性 S21 からインピーダンスの位相特性を測定した.

#### 2.3.2 位相変化検出回路の出力特性測定

予備実験として本実験で用いている位相変化検出回路の 位相変化量—出力特性を測定した.実験は Fig. 6 に示すよ うな回路構成を用いた.センサの代わりにフェイズシフタ ーを接続し,位相変調を加えることで疑似的に回路を動作 させた.フェイズシフターへ加える制御信号を変化させる ことで検出回路へ印加する位相変化量を制御し,それに応 じた検出回路からの出力を測定した.出力の測定には本実 験では検出回路から繋いだオシロスコープの FFT 機能を 用いており,スペクトルの大きさ[dB]を出力とした.

## 2.3.3 振動印加装置の構築

本実験では、振動源としてランジュバン型振動子を導入 し、センサ基板をカンチレバー構造として自由端側を振動



**Fig. 3** Magnetic anisotropy changes of magnetostrictive layers under applied stress.



Fig. 4 Block diagram of phase-changedetection circuit.



Fig. 5 Setup for measurement of sensor.



Fig. 6 Setup for carrying out experiment with phase-change-detection circuit.

子で強制振動させることで 20 kHz の振動をセンサへ印加 することを試みた. Fig. 7 にカンチレバー方式と振動子を 用いた振動印加装置の模式図を示す. 振動子が上下に伸縮 することでセンサへ圧縮・引張歪を生じさせる構造とした. センサ基板と振動子・プリント基板はエポキシ樹脂にて接 着を行い,それぞれの接着面は 3 mm の長さで接着した.

予備実験として構築した振動装置の動作を確認するため に、実際に振動子によって 20 kHz で振動させた際にカン チレバーへ生じる歪量の見積もりを行った. 20 kHz で先端 を変位させているカンチレバー上の固定端側から任意の距 離における変位量をレーザー変位計により測定し、静的な 先端変位を印加したカンチレバーの変位と比較をした.

#### 2.4 動的なセンサ感度の測定

本研究の目的である動的な歪を印加した際のセンサ感度 を求めるために本実験では振動させられたセンサからの出 力を測定し、その出力から感度を求めるという手法をとっ た.

本センサの感度は、微小な歪変化を印加したときに変化 が与えられる前の歪量から変化が与えられた後の歪量の間 でどれだけ位相変化が生じるかで表わされる.つまり、こ れは後述するセンサの静的な位相特性(Fig. 9)の傾きに相 当している.本センサの感度(グラフの傾き)は一定ではな く、印加されている静的な歪量の地点によって異なってい る.

そのためセンサの最大感度を測定するためには,予めセンサへ印加する静的な歪量(以下,バイアス歪と呼称)を最 大感度が得られる様に調節しながら振動を印加するような 実験装置が必要であった.

そのために本実験は Fig. 8 の模式図が示すように,カン チレバーの固定端を乗せている 2 軸ステージの高さを調整 することでセンサへ任意のバイアス歪をかけながら振動を 与える実験装置を構築し測定を行った.

## 3. 実験結果

#### 3.1 センサの静的な位相変化特性

Fig. 9 に測定したセンサの静的な位相変化特性を示す. 今回の測定では、印加歪量が 0 ppm の時の位相を 0 基準と して測定を行っている. センサの最高歪感度はグラフの傾 きが最も急峻となる印加歪量 +50 ~ 80 ppm 近傍で求め たところ 0.61±0.07 mrad/ppm と得られた.

# 3.2 位相変化検出回路の出力特性

測定した位相変化検出回路の位相変化量一出力特性を横



Fig. 7 Setup for vibration experiment.



Fig. 8 Setup for vibration experiment with bias strain applied.



Fig. 9 Sensor's phase against applied strain.

軸に位相変化量[mrad],縦軸に検出回路の出力[dB]として Fig. 10 に示す. 位相変化量を x,出力を y とするとこのグ ラフの近似直線から次の換算式(1)が得られた

$$y = -76.3 + 9.98 ln(x)$$
 (1)

また、検出回路のノイズレベルは-80 dB であり位相変化

## 量に換算すると 0.70 mrad であった.

# 3.3 センサヘ与えられる歪量の推察

測定結果を Fig. 11 に示す.この結果から 20 kHz で先端 変位するカンチレバーは静的な先端変位を与えたカンチレ バーの計算値と同じように変位していることが分かった. このことから,20 kHz の振動をセンサ素子へ与えた時に印 加される歪量は静的な先端変位を与えた時のカンチレバー に生じる歪量の式(2)を用いて得られることとした.

 $\varepsilon = (3dH/2L^3) (L - x) \tag{2}$ 

ここで dはカンチレバー先端変位量, Hはカンチレバー厚 み, Lはカンチレバー長さ, xは固定端からの距離を示す. 本実験ではセンサ基板自体をカンチレバーとしており, カ ンチレバーの先端を振動させている振動子の振幅は 14 ± 2 µm であるため, これらのパラメータは d =14 ± 2 µm, H=200 µm, L=12 mm, x=3 mm となっている. 式(2)にこれ らのパラメータを代入することで, カンチレバーへ印加さ れている歪量は 21.84 ± 3.12 ppm と計算された.

また,(3.1),(3.2)より,本センサの静的な歪感度は最大で 0.61 ± 0.07 mrad/ppm,位相変化検出回路の検出限界は 0.70 mrad と得られている.このことから,歪検出の限界 値は 1.1 ppm と計算される.

このことから、検出限界よりも十分に大きな 20 kHz の 歪を印加可能な実験装置を構築し測定を行った.

# 3.4 バイアス歪変化によるセンサの動的な実測出力測定

実際にセンサヘバイアス歪を変化させながら 20 kHz の 振動を印加した時の出力を Fig. 12 に示す.本実験では引 張バイアスをかけた状態から圧縮バイアスをかける方向, 圧縮バイアスをかけた状態から引張バイアスをかける方向 の二通りに測定を行ったところ,ほぼ同一な傾向のデータ が得られた.加えて,先述したようにバイアス歪の変化に より出力値に変化が見られ,最大出力は一44±1 dB と得ら れた.

-44 dB の出力は式(1)より位相変化量に換算すると
23.09 ± 2.26 mrad となり、これを印加した歪量 21.84 ±
3.12 ppm で割ることにより、20 kHz で振動させたセンサの感度が 1.09 ± 0.25 mrad/ppm と得られた.

#### 4. 考察

動的な歪感度は(3.1)で求めた静的な歪感度 0.61 ± 0.07 mrad/ppm よりも二倍程度高くなっている. その原因とし て二点考えられる.一点目として,各測定の誤差が重なっ た可能性が挙げられる.本実験では動的な感度を求めるた めに複数の予備実験にて得られたデータを用いているが, それらのデータにはアライメントや治具の強度など実験上 の誤差が内包されている.そのため感度の計算結果が一致 しないと考えられる.二点目として,振動するセンサ素子 へ加わる歪量の計算が正確ではないことが挙げられる.本 実験では振動しているセンサへ生じる歪量が静的な変形を しているカンチレバーの表面に生じる歪量と等しいと仮定 して式(2)から求めた.しかし,式(2)はカンチレバーの先端







Fig. 12 Vibration measurement result with change in bias strain.

のみを一点で押し込んだ場合を想定しているため、本実験 のように先端を面で接着させて振動させている場合、正確 な見積もりができていない.加えて、動的な変形(振動)をし ている物体は一般的にいくつもの振動モードが重畳した状 態で変形しているが、計算式では考慮されていない.その 結果、計算で求められる歪量が現実と異なるため感度が大 きくなってしまった可能性が考えられる.しかしながら本 論文の目的である、低周波数で高感度が確認されているセ ンサが高周波数においても高感度を有することを示すこと は達成されており、具体的な感度の数値の差異について今 回は議論しないものとした.

#### 5. まとめ

本研究では逆磁歪効果型歪センサの 20 kHz における振動計測感度を評価した. 静的な歪感度が  $0.61 \pm 0.07$  mrad/ppm 得られているセンサで 20 kHz の振動印加実験をしたところ,動的な歪感度は  $1.09 \pm 0.125$  mrad/ppm と得られた. 無視できない誤差が重なった可能性はあるもののこの結果から, 20 kHz という高周波領域においても逆磁 歪効果型歪センサが高い感度を有することを明らかにした. 今後は正確な追実験と共に,さらに高い周波数領域における評価を行う.

### References

- A. Kawamoto, M. Inagaki, T. Aoyama, and N. Mori: *JSME Trans. Jpn.*, **63**, 3428 (2001).
- 2) H. Yaguchi: JSME Trans Jpn., 63, 41 (1997).
- T. Yuji, T. Bouno, T. Hamada, and H. Toya: J. IEIE Jpn., 25, 584 (2005).
- EE Times Japan homepage: https://eetimes.itmedia.co.jp/e e/articles/1907/18/news072.html (As of Sept. 27, 2021).
- MACNICA, Inc. homepage: https://www.macnica.co.jp/busi ness/semiconductor/articles/analog_devices/134317/index.ht ml (As of Sept. 27, 2021).

- 6) I. Sato: T. IEE Japan, 109, 145 (1989).
- T. Sako: Jikuuke ni okeru ijotyouko no soukikenshutu to sindan ni kansuru kenkyu (in Japanses), Doctoral dissertation of Waseda University (2012).
- V. Tilak, A. Vertiatchikh, J. Jiang, *et al.*: *phys. stat. sol. (c)*, 3, 2307 (2006).
- 9) C. Zhang, S. Y Zhang, L.F. Wang: *IEEE Sensors Journal*, 21, 22527 (2021).
- G.H. Feng, M.Y. Tsai: Sensors and Actuators A; Phys., 162, 100 (2010).
- K. H. Shin, M. Inoue, and K. I. Arai: J. Magn. Soc. Jpn., 23, 1425 (1999).
- 12) Y. Miwa, J. Shin, Y. Hayashi, S. Hashi, and K. Ishiyama: *IEEE Trans. Magn.*, **51**, 2000604 (2015).
- H. Hempel, D. Nezich, J. Kong, and M. Hofmann: *NANO LETTERS*, **12**, 5714 (2012).
- Microtech Co., Ltd. homepage: http://microtech-inc.net/pr oduct_semia.php (As of Sept. 27, 2021).
- 15) T. Kozuma: OYO BUTURI, 43, 324 (1974).
- 16) A&D Co., Ltd. homepage: https://www.aandd.co.jp/pdf_st orage/catalog/industrial/c_gauge.pdf (As of Sept. 27, 2021).
- D. Sora: Tyoukoukando hizumisensa to sono sindousensa eno ouyou (in Japanses), Doctoral dissertation of Tohoku University (2020).
- 18) Y. Kubo, S. Hashi, H. Yokoi, K. Arai, and K. Ishiyama: *IEEJ Trans. SM*, **138**, 153 (2018).
- D. Sora, S. Hashi, and K. Ishiyama: *T. Magn. Soc. Jpn. (Special Issues)*, 4, 41 (2020).
- 20) S. Yabukami, K. Kato, Y. Kamo, T. Ozawa, and K. I. Arai: J. Magn. Soc. Jpn., 32, 483 (2008).

#### 2021年11月9日受理, 2022年1月14日再受理, 2022年1月20日採録

#### <Paper>

# 電磁界シミュレーションによるコプレーナ型薄膜磁界センサの解析 Analysis of coplanar line-type thin-film magnetic field sensor by electromagnetic field simulation

石原知弥^{a)[↑]},植竹宏明^{b)},本多順一^{c)},薮上 信^{a)c)},山口正洋^{a)} ^{a)}東北大学工学研究科,仙台市青葉区荒巻字青葉 6-6-5(〒980-8579) ^{b)}電磁材料研究所,富谷市成田 9-5-1(〒981-3341) ^{c)}東北大学医工学研究科,仙台市青葉区荒巻字青葉 6-6-5(〒980-8579)

T. Ishihara ^{a)†}, H. Uetake ^{b)}, J. Honda ^{c)}, S. Yabukami ^{a)c)}, and M. Yamaguchi ^{a)}

^{a)} Graduate School of Engineering, Tohoku Univ., 6-6-5 Aramaki Azaaoba, Aoba-ku, Sendai 980-8579, Japan

^{b)} Research Institute for Electromagnetic Materials, 9-5-1 Narita, Tomiya 981-3341, Japan

^o Graduate School of Biomedical Engineering, Tohoku Univ., 6-6-5 Aramaki Azaaoba, Aoba-ku, Sendai 980-8579, Japan

We have developed highly sensitive thin-film sensor using a straight coplanar line structure. High-frequency characteristics were analyzed to improve the sensor's impedance and S-parameter in consideration of transmission line theory, ferromagnetic resonance, and the complex permeability of magnetic thin film. A finite element method analysis was performed on the coplanar line-type thin-film sensor. The calculated S-parameters and impedance were in rough agreement with the measured value including the FMR frequency. The attenuation of  $S_{21}$  was caused by an impedance mismatch inside the sensor element.

Key words: magnetic sensor, thin film, coplanar line, electromagnetic field analysis

# 1. 背景

近年磁界センサの高感度化が急速に進展している.代表 的な高感度磁界センサとして超伝導量子干渉磁束計 (SQUID)^{1),2)}や光ポンピング法³⁾があり,生体磁気計測,非 破壊検査等へ応用されている.しかし SQUID 磁束計は超 伝導現象を利用するためセンサヘッドを液体ヘリウム等で 冷却する必要があり,高コストかつ煩雑なメンテナンスが 要求されることから,一部の医療機関や研究機関に限定的 に設置されている.一方,室温で動作する高感度磁界セン サの研究も活発に行われており,GMI センサ⁴⁾,フラック スゲートセンサ⁵⁾,TMR センサ⁶⁾の高感度化も報告されて いる.

筆者らはこれまで磁性薄膜を用いて伝送線路に構成し, GHz帯の高周波キャリア通電による表皮効果,強磁性共鳴 を利用したセンサを開発し,磁気シールドなしで健常者の 心磁界多点計測に成功した^{7),8)}.並行して高周波駆動に関 するセンサ素子の感度等を検討しているが^{9)~12)},強磁性共 鳴周波数(数 GHz帯)における透過係数(S21)の大きさは -40 dB 程度と大きく減衰しており,それがセンサシステ ムの SN 比を悪化させる要因になっている.透過係数(S21) の減衰の要因については,インピーダンス不整合,電気的 損失,磁性薄膜の渦電流損失,強磁性共鳴が考えられるが, これらについて明らかにするために,高周波帯でのセンサ の正確な動作解析が必要である.

そこで本稿では、まずセンサ素子の高周波特性と磁界に 対する応答性を定量的に把握することを目的として、構造 および動作が比較的単純な直線コプレーナ構造の薄膜磁界 センサを作製し、磁界に対するSパラメータ等の変化を測 定した.並行して、試作センサを有限要素法によりモデル 化し、高周波域での磁界印加に対するSパラメータ等を解



 $1 \, \mathrm{mm}$ 



析し、実測値と比較した.その結果、実測値と解析値がお おむね対応し、動作メカニズムを把握することができ、透 過係数(*S*₂₁)の減衰に関する原因を明らかにするとともに、 インピーダンス整合により透過係数(*S*₂₁)の増大により SN 比の向上に関する知見が得られたため報告する.

Corresponding author: T Ishihara

(e-mail: tomoya.ishihara.s4@dc.tohoku.ac.jp).

Table 1 Fabrication conditions.



Fig. 2 Schematic diagram of experimental setup.

# 2. 実験方法および計算方法

# 2.1 センサ素子の作製および評価

Fig. 1 は直線コプレーナ線路により構成される薄膜磁界 センサ素子の構造を示したもので, Fig. 1(a)は上面図, (b) は上部からのセンサ素子端部付近の写真を示しており, (c) は AB 間の断面図を模式的に示した. Table 1 は薄膜の膜厚 および成膜条件を示した.

センサ素子は CoNbZr 薄膜とその上部に位置する直線コ プレーナ構造(長さ1.8 mm)から構成される. ガラス基板(25 mm×25 mm, 厚さ1 mm)上にアモルファス CoNbZr 薄膜 (1.15 mm×1 mm, 厚さ約1 µm)を RF マグネトロンスパ ッタ法により成膜し, SrTiO 薄膜(厚さ約 0.5 μm)を介して Cu 薄膜による直線コプレーナ線路(450 µm 幅, ギャップ 32 µm, 厚さ 1.6 µm)をそれぞれリフトオフにより作製し た. SrTiO 薄膜と Cu 薄膜の間には Cr 薄膜(厚さ 0.2 µm) を積層した. コプレーナ導体パターンは磁性薄膜が無い場 合には特性インピーダンスがほぼ 50 Ω になるように設計 した. CoNbZr 薄膜はスパッタ後,回転磁界中熱処理 (300 ℃, 2 時間, 0.3 T)および静磁界中熱処理(300 ℃, 1 時 間、0.3 T)を施して、コプレーナ導体の幅方向を磁化容易軸 となるよう磁気異方性を誘導した. SrTiO 薄膜は基板加熱 しながら成膜した. 成膜時の基板加熱温度は160 ℃とした. キャリアの導電電流はコプレーナの中心導体および外部導 体を流れ、CoNbZr 薄膜には導通しない.

Fig. 2 はセンサの磁界に対する応答性および高周波信号 の測定系を示したものである. センサの評価はネットワー クアナライザを用いて S パラメータを測定し, インピーダ ンスに変換した. センサ素子への電気的な接続にはウエハ



Fig. 3 Flow chart of analysis.



プローブ(GSG-40A-150DP, GGB INDUSTRIES INC.)を 用いた.印加磁界はコプレーナ線路の長手方向へ電磁石を 用いて,ゆっくり変化させて,ネットワークアナライザ (AVR3767CG)により,周波数を掃引して反射係数(*S*₁₁)と透 過係数(*S*₂₁)を測定した.測定周波数範囲は 0.5~4 GHz と



Fig. 5 Frequency dependency of complex permeability measured by shielded loop coil method.

し、バンド幅は1kHz、平均化回数は16回、RF 投入電力 は0dBm とした.キャリブレーションは、ネットワークア ナライザのフル2ポート校正行うことで同軸ケーブル、ウ エハプローブの電気長、損失、接触抵抗を校正し、その後 反射係数( $S_{11}$ )と透過係数( $S_{21}$ )の測定した.

# 2.2 センサ素子の動作解析

Fig. 3 はセンサ素子の有限要素法による解析手順を示し た流れ図である.電磁界解析には CoNbZr 薄膜の磁化容易 軸方向の複素比透磁率を使用した.複素透磁率は CoNbZr 薄膜 (5 mm × 5 mm,厚さ  $1.5 \mu$ m) に直流磁界を磁化困 難軸方向へ印加し磁化容易軸方向の透磁率を測定して使用 した.解析では汎用の電磁界解析ソフトウエア HFSS (Ansys Electronics Desktop 2020R1, Ansys Inc.)を用 いて、 $0.5\sim4$  GHz の帯域で解析した.得られた S パラメー タからインピーダンス行列 Z を求めて Fig. 3 (b)の等価回 路を求め、実測値と比較した.インピーダンス Z への換算 方法は、Fig. 3(a)に示した等価回路を仮定し、(1)式を用い て反射係数( $S_{11}$ )、透過係数( $S_{21}$ )からインピーダンス行列 Z へ変換し、磁性薄膜の透磁率が反映されるインピーダンス を求めた.

$$\mathbf{Z} = \mathbf{Z}_0(\mathbf{I} + \mathbf{S})(\mathbf{I} - \mathbf{S})^{-1}$$
(1)

ただし Z₀は特性インピーダンス, Iは単位行列, Sは散乱 行列である.ただし,等価回路は,対称性を持った T型回 路を仮定し, $S_{11} = S_{22}$ , $S_{21} = S_{12}$ とした.Fig.4 は有限要素 法における三次元電磁界解析モデルである.電磁界解析に は汎用の解析ソフトウエア HFSS を用いた.



Fig. 6 Magnetic field distribution calculated by HFSS.

Fig. 4 は斜め方向から見た解析モデルの全体図,および, 電磁界進行方向の正面(Port1 側)から見た拡大図である.高 周波電磁界は Port1 のコプレーナ線路から Port2 のコプレ ーナ線路へ伝搬させる方法で計算した. CoNbZr 薄膜は内 部導体,外部導体(地導体)とは接続せず,導電電流は流 れない.モデルの対称性からコプレーナ線路の中心導体の 中心面を,対称境界面(磁気壁)とした.SrTiO 薄膜の比誘電 率₆は 20 とした. CoNbZr 薄膜の複素比透磁率は,シール ディドループコイル法¹³による測定値を入力した.

Fig. 5 は測定した CoNbZr 薄膜(5 mm ×5 mm, 厚さ 1.5 μm)の磁化容易軸の複素比透磁率であり、このとき直 流磁界を磁化困難軸方向へ 0~60 Oeの範囲で変化させて測 定した.比透磁率の実数部は磁界を印加しない時に最小で あり、異方性磁界付近で最大となった後、減少した.強磁 性共鳴周波数は磁界を増加するにしたがって、高周波化し た.本解析では CoNbZr 薄膜の強磁性共鳴,渦電流損失等 を含む周波数依存性を考慮することで、センサ素子の高周 波電気的特性を高精度に解析することを意図した. CoNbZr 薄膜の導電率は、8×10⁵ siemens/m とした.

# 3. センサ実測値および計算値との比較

#### 3.1 周波数依存性の比較

Fig. 6 は上記の電磁界解析により得られた磁界分布をコ プレーナの中心導体と外部導体のギャップ付近の断面を拡 大して示したものである.周波数は4 GHz であり,収束条 件は 10⁻³,メッシュ数は約 38 万個であった.高周波電流は 中心導体と外部導体(地導体面)でギャップ側に集中して 流れ,これによって磁界はギャップ付近で強くなっている 合理的な結果が得られた.

Fig. 7 はセンサの測定結果を示したものであり,(a)は抵抗,(b)はリアクタンスを周波数に対して示した.抵抗およびリアクタンスは(1)式を用いて S パラメータから変換した. 直流磁界はセンサ素子の長手方向へ 0~60 Oe の間で変化させた。抵抗およびリアクタンスは 0 Oe を基準としてそれぞれの磁界強度の値との差分を示した.

Fig. 8 は 2.2 の手法で電磁界解析したセンサ素子の計算 値を示している.(a)は抵抗,(b)はリアクタンスである.実 測値と理論値はいずれも他磁界に比較して透磁率の周波数 依存性が少ない 0 Oe における値を基準とした.大まかに抵



Fig. 7 Frequency dependency of measured impedance. (The impedance when 0 Oe is used as a reference)



Fig. 8 Frequency dependency of calculated impedance. (The impedance when 0 Oe is used as a reference)

抗は, 複素透磁率の虚数部が主として反映され, リアクタ ンスは比透磁率実数部が主に反映される.本薄膜磁界セン サでは,磁性薄膜の一部が高周波磁界により局所的に励磁 されることから,反磁界による強磁性共鳴の周波数変化¹⁴, 磁性薄膜の損失を有する伝送線路としての高周波挙動を考 慮した解析になっている. Fig. 7 と Fig. 8 では,強磁性共 鳴周波数で抵抗が極大となり,リアクタンスが正から負に 変化した.また,強磁性共鳴周波数は直流磁界の増加によ り高周波側へ変化した.これらの傾向は抵抗とリアクタン スの実測値と解析値で定性的に対応し,本解析手法の妥当 性が示されたとともに,本手法がセンサ素子の設計に有用 であることを明らかとした.

実測値と理論値の誤差の要因はセンサ素子に成膜されて いる CoNbZr 薄膜が微細化 (1.15 mm × 1 mm) され, 電 磁界解析に使用した透磁率測定時とは外形寸法が異なって いること、微細加工プロセス、スパッタ等により歪み等が CoNbZr 薄膜へ導入されて磁気特性が劣化したこと、還流 磁区の磁壁移動による影響等が考えられる.また,1.0-1.5 GHz において, Fig. 7 (a), Fig. 8 (a)から抵抗の差分が負に なっていることがわかる. これは Fig. 5 の透磁率虚数部に 着目すると、0 Oe よりも 60 Oe における値が小さくなって いることに起因している. この理由として、CoNbZr 薄膜 の多磁区構造により 0 Oe における透磁率が1とならない こと、磁化の異方性分散が存在するため共鳴のピークの幅 が広がることが挙げられる.抵抗には、主として透磁率虚 数部が反映されるため,抵抗の差分が負になったと考えら れる.また、実測値については、解析値よりも差分が大き くなっている.これは、実測値が解析値よりも無磁界と磁 界印加時の反射係数の差が大きいためであると考えられる.

#### 3.2 印加直流磁界依存性の比較

Fig. 9 はセンサのインピーダンスの周波数依存性を示し たものである.縦軸は磁界 0 Oe の値を基準とした.印加直 流磁界の増加により極大値をとる周波数が高周波側に変化 する傾向は実測値と理論値で定性的に対応していると考え られる.一方,インピーダンスが極大値となる周波数は実 測値と解析値で異なった.これは磁性薄膜内部の異方性磁 界が透磁率評価試料とセンサ素子の CoNbZr 薄膜において 10 Oe 程度異なることに起因しているためと考えられられ る.そこで透磁率評価用の微細加工していない薄膜とセン サに用いている CoNbZr 薄膜においては磁性薄膜内部の異 方性磁界が異なっていたと想定されることから,この異方 性磁界(10 Oe)を加算して電磁界解析を行った.

Fig. 10 はセンサのキャリア周波数として使用する帯域 である 1.5 GHz および 2 GHz に周波数を固定して,直流 磁界を変化させた場合におけるインピーダンスを実測値と 計算値について比較したものである.Fig. 7,8 と同様に, 印加磁界 0 Oe の場合を基準として,それに対する相対的 な変化量を示した.Fig. 10 より,実測値に対する理論値の 誤差は,1.5 GHz で,50%以内,2.0 GHz で 30%以内であ った.また,インピーダンスは磁界の増加にしたがって増 加し,異方性磁界に相当する磁界強度で極大値となり,そ の後減少した.低磁界側では実測値の変化が理論値よりも



impedance change of applied magnetic field.

小さく,これは磁壁移動等による誤差が影響しているため 考えられる.





# 3.3 Sパラメータとキャリアの減衰

Fig. 11 は周波数に対する S パラメータの実測値を示 し, Fig. 12 はSパラメータの計算値を示したものである. それぞれ, (a)は反射係数(*S*₁₁), (b)は透過係数(*S*₂₁)を示して



Fig. 13 Frequency dependency of characteristic impedance.

いる.磁界強度は 0 Oe~60 Oe を記載した.実測値と理論 値は概ね対応しておりキャリアとしての動作周波数帯であ る 2 GHz 前後の周波数帯で透過係数(*S*₂₁)の振幅は 0.1 以下 に減衰した.一方,同程度の周波数帯で反射係数(*S*₁₁)は 0.9 以上に大きくなった.

また,投入した電力 $P_{in}$ に対する損失 $P_{loss}$ の割合は次式¹⁵⁾であらわされる.

$$\frac{P_{\rm loss}}{P_{\rm in}} = 1 - |S_{11}|^2 - |S_{21}|^2 \tag{2}$$

よって透過係数(S₂₁)と反射係数(S₁₁)からセンサ素子におけ るコプレーナ導体での損失,磁性薄膜の渦電流損,および 強磁性共鳴による損失を求めると例えば 2 GHz 付近で 0.15 程度である.また,(2)式より求めた Fig. 3(b)の等価回 路における Z行列からインピーダンス Zとアドミタンス Y を用いて,線路の特性インピーダンスは次式であらわされ る.

$$Z_0 = \sqrt{\frac{Z}{Y}}$$
(3)

(3)式から特性インピーダンスを計算し、その周波数特性を Fig. 13 に示した. Fig. 13 より、周波数に対して一定にな っている値からセンサの特性インピーダンスは約 3  $\Omega$  であ り 50  $\Omega$  から大きくずれているため、 $S_{21}$ の減衰は主として インピーダンス不整合による反射が要因であることが確認 された. これより、磁性薄膜を組み合わせた状態で特性イ ンピーダンスを 50  $\Omega$  に近づける設計がセンサシステムの 高 SN 比のために重要であることが了解された.

# 4. 結論

- アモルファス CoNbZr 薄膜と SrTiO 薄膜を組み合わせ た直線コプレーナ線路構造の薄膜磁界センサを微細加 エプロセスにより作製した。
- 同寸法のセンサ素子に対して三次元有限要素法電磁界 解析を用いて、CoNbZr 薄膜の強磁性共鳴、渦電流損 等の周波数依存性を考慮した解析を行い、センサ素子 の高周波インピーダンス、Sパラメータ等を解析した。

- 3. 実測値と理論値は磁界依存性,周波数依存性ともに良 好に対応し,本解析法の有効性を示した.
- 試作したセンサ素子では CoNbZr 薄膜によるインピー ダンス不整合による反射が支配的であり、これが透過係 数(S21)の減衰の主要因であることがわかった.

 謝辞 電磁界解析にご支援いただいた東北大学学術研究員 宮澤安範様に感謝いたします.本研究の一部は,科研費 (16H04378),JSPS「二国間交流事業共同研究」
 (JPJSBP120197704),総務省「電波の高分解能計測・解 析技術を活用したノイズ抑制技術の研究開発」
 (J20000404)の研究成果である.

#### References

- T. Tsuji and M. Kotani: *The Japanese journal of medical instrumentation*, **60**, 327–332 (1990).
- T. Tomita, A. Arakawa, K. Shinada, N. Matsuda, K. Nakano, Y. Yamada, and Y. Yoshida: J. Magn. Soc. Jpn., 22, 913 (1998).
- S. Groeger, G. Bison, P. E. Knowles, R. Wynands, and A. Weis: Sensors and Actuators A, 129, 1 (2006).
- T. Uchiyama: The Journal of the Institute of Electrical Engineers of Japan, 136, 10 (2016).
- 5) I. Sasada, and H. Karo: *The Journal of the Institute of Electrical Engineers of Japan*, **136**, 18 (2016).
- Y. Ando: The Journal of the Institute of Electrical Engineers of Japan, 136, 22 (2016).
- 7) S. Yabukami, K. Kato, T. Ozawa, N. Kobayashi, and K. I. Arai: J. Magn. Soc. Jpn., 38, 25 (2014).
- S. Yabukami, K. Kato, T. Ozawa, N. Kobayashi, and K. I. Arai: *IEEJ Transactions on Fundamentals and Materials*, 133, 372 (2013).
- S. Yabukami, H. Uetake, K. Moriya, T. Tominami, and H. Onodera: *IEEJ Transactions on Fundamentals and Materials*, 137, 460 (2017).
- 10) H. Uetake, T. Kawakami, K. Moriya, S. Yabukami, and T. Ozawa: *IEEE Trans. Magn.*, **51**, 4005003 (2015).
- H. Uetake, T. Kawakami, S. Yabukami, T. Ozawa, N. Kobayashi, and K. I. Arai: *IEEE Trans. Magn.*, **50**, 4007604 (2014).
- 12) H. Uetake, S. Yabukami, T. Chiba, T. Ozawa, N. Suzuki, N. Kobayashi, and K. I. Arai: J. Magn. Soc. Jpn., 38, 83(2014).
- 13) M. Yamaguchi, S. Yabukami, K. I. Arai, *IEEE Trans. Magn.*, 32, 4941(1996).
- 14) S. Muroga, Y. Asazuma, M. Yamaguchi, *IEEE Trans. Magn.*, **49**, 4032(2013).
- 15) H. Ono, T. Ito, S. Yoshida, Y. Takase, O. Hashimoto, and Y. Shimada, *IEEE Trans. Magn.*, 40, 2853(2004).

2021年11月12日受理, 2022年1月20日採録

**INDEX** 

# ワイヤ放電加工で製作した圧粉磁心 SR モータの特性検証

# Investigating Characteristics of SMC-based SR Motor Manufactured by using Wire Electric Discharge Machining

三ツ谷和秀†・中村健二

東北大学 大学院工学研究科, 仙台市青葉区荒巻字青葉 6-6-11 (〒980-8579)

# K. Mitsuya[†], K. Nakamura

Tohoku University, Graduate School of Engineering, 6-6-11 Aoba Aramaki Aoba-ku, Sendai, Miyagi 980-8579, Japan

Soft magnetic composite (SMC) is expected to be a next-generation motor cores since it has threedimensional magnetic isotropy and excellent high-frequency characteristics. However, a metal die is required to manufacture an SMC-based motor core, which results in high costs. In particular, in the prototype evaluation stage, the high costs prevent the use of various cut-and-try procedures. This paper investigates the characteristics of an SMCbased SR motor manufactured by using wire electric discharge machining from an SMC bulk body.

Key words: Switched reluctance (SR) motor, Soft magnetic composite (SMC), Wire electric discharge machining

# 1. はじめに

自動車, 航空, 土木建築など, 様々な分野で電動化が進む現代に おいて,その原動力であるモータの需要は高まる一方であり,現在 では日本の総発電電力の50~60%がモータで消費されている.し たがって、持続可能型社会の実現には、モータの高性能化・高効率 化が必須であり、特に最近では高速回転化による高出力密度化に 注目が集まっている.しかし、このような高速モータの開発は決し て容易では無い. 例えば, 鉄損はモータの高速化に伴い, 速度の1 ~2乗で増大する.したがって、高速モータの設計では、高周波で 低鉄損な鉄心材料を採用するなど、鉄損低減の工夫が必要である. これに対して、 圧粉磁心 (Soft Magnetic Composite: SMC) は、 高周波鉄損の低さから高速モータへの適用性も高く,3次元磁気等 方性の性質も相まって、次世代のモータ鉄心材料の一つとして期 待されている. このような背景から実用化に向け, 圧粉磁心のモー タへの適用に関する検討が国内外で進められているが 1)-5,通常, 圧粉磁心を用いたモータ鉄心製作には、高価な金型が必須であり、 これが特に検討初期段階での試作評価の足かせとなっている.

そこで筆者らは、この課題を解決すべくワイヤ放電加工による モータ鉄心製作に着目した.すなわち、圧粉磁心のバルク体からワ イヤ放電加工機を用いて、モータ鉄心を切り出すことで、金型を必 要としない圧粉磁心モータの製作可能性を検討した.ここでワイ ヤ放電加工とは、被加工物とワイヤの間の放電現象による熱を利 用し、対象物を融解、切断する加工法であり、圧粉磁心に用いた場 合、この熱によって切断面周辺の磁紛の絶縁皮膜が破壊され、隣接 する磁紛同士が電気回路的につながって電流路を形成し、渦電流 損が増大する恐れがある.したがって、ワイヤ放電加工を用いた圧 粉磁心モータ製作の有用性を検証するためには、ワイヤ放電加工 による圧粉磁心の磁気特性劣化を定量的に評価する必要がある.

そこで本論文では、スイッチトリラクタンス(SR)モータを考察対象に選んだ.理由は、SRモータが磁石レスモータであり、軟磁性材料の磁気特性がモータ特性に反映され易いためである.本論文では、実際に圧粉磁心SRモータを試作し、実験と解析の両面から種々の検討を行ったので報告する.

# 2. 圧粉磁心 SR モータの特性算定

#### 2.1 圧粉磁心の磁気特性

圧粉磁心とは、表面に薄い絶縁膜が施された軟磁性粉末を圧縮 成形した磁心であり、モータ鉄心として一般的な無方向性ケイ素 鋼板と比べ、渦電流経路が短く、高周波鉄損が小さいという特長を 有する. Fig. 1 および Fig. 2 に、考察に用いた圧粉磁心の B-H 曲 線と鉄損曲線を示す.また比較として、一般的な無方向性ケイ素鋼 板である 35A300 の特性も同図中に示す.まず Fig. 1 の B-H 曲線 を見ると、圧粉磁心は 35A300 に比べて低磁束密度であることが わかる.しかしその一方で、Fig. 2 の鉄損曲線を見ると、特に高周 波域で圧粉磁心は 35A300 よりも低鉄損であることがわかる.





責任著者:三ツ谷和秀 (e-mail: kazuhide.mitsuya.p8@dc.tohoku.ac.jp)

Transaction of the Magnetics Society of Japan (Special Issues) Vol.6, No.1, 2022
## 2.2 圧粉磁心 SR モータの特性算定結果

Fig. 3 に、本論文での考察に用いた SR モータの諸元を 示す.本 SR モータは固定子 12 極、回転子 8 極の 3 相機で あり、先行研究において電動工具用モータとして開発した ものである  6 .

以下では、3 次元有限要素法 (3D-FEM) による電磁界解 析を用いて、圧粉磁心を本 SR モータに適用した場合の特 性算定結果について述べる. なお、3D-FEM には、(株)JSOL の JMAG Designer Ver 19.1 を用いた.

まず Fig.4 および Fig.5 に、トルク対速度特性と巻線電 流密度対トルク特性をそれぞれ示す.まず Fig.4 より、速 度特性は両者ともにほぼ同等であることがわかる.次いで Fig.5 を見ると、トルク特性は圧粉磁心の方が劣っている ことがわかる.これは Fig.1 に示した圧粉磁心の磁化特性 の低さに起因している.

続いて、Fig.6に損失特性の比較を示す. なお、鉄損はFEM で 求めた各要素の磁東密度波形からスタインメッツの実験式に基づ き、後計算で算定した.まず銅損を見ると、Fig.5のトルク特性の 低さに起因して圧粉磁心の方が劣ることがわかる.しかしその一 方で、鉄損は圧粉磁心の方が優れていることがわかる.これは本 12/8 SR モータの動作周波数が1~3 kHz であり、圧粉磁心の高 周波鉄損の低さが表れる領域であるためである.

最後に、Fig.7に効率特性を示す.この図より、先ほどの損失特性を踏まえると、銅損が支配的となる中~高負荷側では、圧粉磁心SRモータの効率は35A300に劣るものの、鉄損の占める割合が大きい軽負荷側では35A300と同等の効率を示していることがわかる.次章では、本SRモータの試作試験結果について述べる.







Fig. 4 Comparison of torque versus speed characteristics.



Fig. 5 Comparison of winding current density versus torque characteristics.



Fig. 6 Comparison of copper and iron losses.



Fig. 7 Comparison of torque versus efficiency characteristics.

## ワイヤ放電加工で製作した圧粉磁心 SR モータの 試験結果

本章では、圧粉磁心のバルク体からワイヤ放電加工機を用いて 製作した SR モータの試験結果について述べる.

Fig. 8 に, 試作した SR モータの固定子鉄心と回転子鉄心を示 す. 前述したようにワイヤ放電加工は, ワイヤと対象物の間に発生 する放電現象を利用した加工方法であるため, 対象物が導体であ ることが必須である. 一方, 圧粉磁心は絶縁膜が施された軟磁性粉 末を圧縮成形したものであり, 導電率が低いという特徴を有する ため, 本来, ワイヤ放電加工は適さない. そのため, 加工時間は通 常のケイ素鋼板の数倍程度かかったが, 鉄心そのものには割れや 欠けは生じなかった.



Fig. 8 Stator and rotor cores of SMC-based SR motor manufactured by using wire electric discharge machining.

Fig.9 に、SRモータの実験システムの外観を示す.これ以降の 実機による検証では、先行研究で試作した無方向性ケイ素鋼板 (35A300)を適用したSRモータとの比較結果を示す.

まず Fig. 10 および Fig. 11 に,トルク対速度特性および巻線 電流密度対トルク特性をそれぞれ示す. Fig. 10 より速度特性は 両材料とも解析と実験が良好に一致した.一方, Fig. 11 のトル ク特性は,両材料とも実機の方がやや特性が悪くなった.この 原因としては,後述する鉄損の増加によって入力電流が増えた ことが考えられる.

続いて Fig. 12, Fig. 13, および Fig. 14 には効率特性, 銅損特 性、および鉄損特性を示す.まず Fig. 12 の効率を見ると, 解析結 果とは定量的には異なるが,定性的な傾向は似ていることがわか る.解析よりも効率が悪化した要因は, Fig. 13 と Fig. 14 から明 らかなように, 銅損および鉄損ともに増加したためであるが,そ の増加率を比べると,鉄損の方が大きいことがわかる.こ れは冒頭でも述べたように,ワイヤ放電加工によって磁心 切断面で磁紛の絶縁が破壊されて電気回路的につながり, 渦電流損が増大したためであると考えられる。



Fig. 10 Comparison of torque versus speed characteristics.



Fig. 11 Comparison of winding current density versus torque characteristics.



Fig. 12 Comparison of torque versus efficiency characteristics.



#### 4. ワイヤ放電加工による磁気特性劣化の評価

#### 4.1 ワイヤ放電加工で製作したモータ鉄心の鉄損曲線の実測

前章の実機試験により、圧粉磁心および無方向性ケイ素鋼板 (35A300)ともに、鉄損の実測値が計算値の2倍程度になること が判明した.この原因の一つとして、ワイヤ放電加工による磁気特 性の劣化が想定されることから、本章では、ワイヤ放電加工による 磁気特性の劣化について、実機を用いた基礎的な実験から見積も ることを試みる.

Fig. 15 を用いて、実験方法について説明する.まずSR モータの回転子を U 相対向位置で固定し、その状態で U 相コイルのみに 50~1,000 Hz の正弦波電圧を印加する.そして、このときの入力 電力 P_mから銅損を引くことで、次式のように鉄損 Wiを求める.

$$W_i = P_{in} - R_u I_{u\,rms}^2 \tag{1}$$

このような方法を用いることで、機械損や高調波の影響の無い状態で鉄損を評価することが可能になる.



Fig. 15 Method for measuring core loss characteristics using prototype SR motor.





Fig. 16 および Fig. 17 に、上述の方法で測定した周波数 100 Hz と 1,000 Hz の鉄損曲線を示す.また比較として、 3D-FEM を用いて、実験と同一条件で算定した鉄損曲線も 示す.これらの図を見ると、圧粉磁心と 35A300 のどちら も損失が増加しており、ワイヤ放電加工による劣化が認め られた.したがって次節では、スタインメッツの実験式で 参照する材料の鉄損曲線の点列データを、Fig. 2 から本節 で実測した鉄損曲線に更新して 12/8 SR モータの解析を再 度実施し、ワイヤ放電加工による磁気特性劣化がどの程度 モータの鉄損増加に寄与しているのかを調べる.

#### 4.2 ワイヤ放電加工の影響を考慮した特性算定結果

Fig. 18 に,前節で実測した鉄損曲線を用いて,3D-FEM で再度解析した圧粉磁心および 35A300 を適用した SR モ ータの鉄損を示す.この図を見ると,鉄損の計算値がほぼ 実測値と一致することが了解される.

Fig. 19, Fig. 20, Fig. 21 にトルク特性, 銅損特性, およ び効率特性を示す. 前章では, いずれも計算値と実測値の 間に誤差が認められたが, すべて改善し, 両者は良好に一 致したことがわかる. これは鉄損が適切に算定されたこと で,入力電流もそれに応じて増大したためである.

以上より,ワイヤ放電加工によって材料の磁気特性が劣 化したこと,またその劣化を適切に考慮することで,モー タ特性を高精度に算定可能であることが明らかとなった.



Fig. 19 Comparison of winding current density versus torque characteristics.





Fig. 21 Comparison of torque versus efficiency characteristics.



次いで、ワイヤ放電加工による磁気特性の劣化の度合い が鉄心材料に依存するのかについても考察した.ここでは、 単純に Fig. 18 に示した鉄損の増加割合について、圧粉磁 心と 35A300 で比較した. Fig. 22 に,鉄損の増加率を示す. この図を見ると、両者の増加率は大略等しいことがわかる. すなわち、圧粉磁心からワイヤ放電加工によってモータ鉄 心を製作しても、一般的なケイ素鋼板と同程度の劣化で収 まることが明らかとなった.

### 5. まとめ

以上,本論文では,圧粉磁心のバルク体からワイヤ放電 加工機を用いて,モータ鉄心を製作する方法の有用性につ いて検証するため,実際に圧粉磁心 SR モータを試作し, 実験と解析の両面から種々の検討を行った.

まず初めに, 圧粉磁心 SR モータの固定子鉄心と回転子 鉄心の試作を行った.本来, 圧粉磁心は導電率が低く, ワ イヤ放電加工には適さないため, 加工時間は通常のケイ素 鋼板の数倍程度かかったが, 割れや欠けなどは生じずに, モータ鉄心を製作できることを明らかにした.

次いで、ワイヤ放電加工で製作した圧粉磁心 SR モータ の実機試験を行い、3D-FEMの解析結果と比較したところ、 鉄損が増加することが確認された.また、この鉄損の増加 は、ワイヤ放電加工が原因の一つとして考えられることか ら、実機を用いた基礎的な実験により、劣化の度合いを見 積もるとともに、これを反映した再解析を行ったところ、 モータ諸特性の計算値と実測値が精度良く一致した.

最後に、ワイヤ放電加工による鉄損増加の割合を圧粉磁 心と無方向性ケイ素鋼板(35A300)で比較したところ、両 者の増加率は大略等しいことが明らかとなった.すなわち、 通常のケイ素鋼板と同じように、圧粉磁心からワイヤ放電 加工でモータ鉄心を製作しても、磁気特性の劣化の度合い は、一般的なケイ素鋼板と同程度であることが明らかとなった.

以上の検討により, 圧粉磁心のバルク体からワイヤ放電 加工機を用いて, モータ鉄心を製作する方法は有用である ことが明らかとなり, 特に検討初期段階における試作評価 のハードルを下げることに寄与すると考えられる.

**謝辞** 圧粉磁心のワイヤ放電加工にご協力いただいた(株) プロスパインの操谷欽吾さま,立谷雄一さまに感謝の意を 表します.

#### References

- 1) M. Persson, P. Jansson, A.G. Jack, and B.C. Mecrow, 7th Int. Conf. Electrical Machines and Drives, 242-246 (1995).
- Y. Enomoto, M. Ito, R. Masaki, K. Yamazaki, K. Asaka, C. Ishihara, and S. Ohiwa, *IEEJ J. Ind. Appl.*, **125**, 106-112 (2005) (in Japanese).
- Y. Enomoto, H. Tokoi, K. Kobayashi, H. Amano, C. Ishihara, and K. Abe, *IEEJ J. Ind. Appl.*, **129**, 1004-1010 (2009) (in Japanese).
- T. Fukuda, Y. Sasaki, and M. Morimoto, *Proc. Jpn. Ind. Appl. Soc. Conf.*, 3, 321-326 (2008).
- A. Jack, B. Mecrow, P. Dickinson, P. Jansson, and L. Hultman, *Conf. Rec. IEEE Ind. Appl. Conf.*, 1, 46-50 (2000).
- K. Nakamura, Y. Kumasaka, and O. Ichinokura, J. Phys.: Conf. Ser., 903, 012040 (2017).

2021年9月9日受理, 2021年10月16日再受理, 2021年11月2日採録

<Paper>

# 小型 EV 用アキシャルギャップ型スイッチトリラクタンスモータの 損失に関する実験的考察

## Experimental Study on Losses of Axial-Flux-Type Switched Reluctance Motor for Compact EV

佐藤 航汰[†]・中村 健二 東北大学 大学院工学研究科, 仙台市青葉区荒巻字青葉 6-6-11 (〒980-8579)

K. Sato[†], K. Nakamura

Tohoku University, Graduate School of Engineering, 6-6-11 Aoba, Aramaki, Aoba-ku, Sendai, Miyagi 980-8579, Japan

A switched reluctance motor (SRM) has a simple and robust structure since it consists of only stator cores, rotor cores and windings wounded around the stator poles. In previous papers, axial-flux-type switched reluctance motors (AFSRMs) were prototyped and installed into the rear wheels of a compact electric vehicle (EV). Driving tests were conducted with success. However, there was a difference between the losses calculated by electromagnetic field analysis and those measured from the prototype AFSRM. In this paper, the causes of the difference are investigated in experiments.

Key words: Axial-flux-type switched reluctance motor (AFSRM), In-wheel motor, Electric vehicle (EV)

#### 1. はじめに

近年, CO₂ などの温室効果ガスによる地球温暖化など, 社会活動により生じた化学物質が原因となる環境問題が広 く認知され,これらの対策が重要な課題とされている.こ れらの対策の一つとして,国内外で電気自動車(EV)の研 究開発が盛んに行われている.EV はバッテリ充電のため に発電施設が必要であるが,発電方式が化石燃料を利用し たものに限定されないこと,また化石燃料から発電したと しても EV を駆動するまでのエネルギー変換効率が高いこ とを考慮すると,環境負荷軽減,およびエネルギー供給源 の安定性において有利である.一方で,走行距離の短さ, 車重やコストの増加,そしてバッテリの充電時間の長さな どが課題として指摘されている.

上述の課題に対して,筆者らは EV のインホイールダイ レクト駆動に着目している.インホイールダイレクト駆動 は,EV の各駆動輪のホイール内部にモータを格納し,直 接タイヤを駆動する方式であり,動力伝達機構由来の機械 損の低減,各輪独立制御による走行性能の向上,バッテリ 搭載スペースの拡大が期待される.しかし,インホイール モータには機械的な外乱や高温環境下での駆動にも耐えう る堅牢性と信頼性が求められる.

筆者らは、インホイールダイレクト駆動に適するモータ の一つとして、スイッチトリラクタンスモータ(SRM)に 着目している.SRMは、鉄心と巻線のみで構成されるため、 堅牢で安価である¹⁾.また、永久磁石が不要であることか ら、励磁を行わないときには逆起電力が発生しないため、 電気的な安全性・信頼性も高い.しかしながら、希土類磁 石モータと比較して、一般にSRMはトルク密度が低いと いう課題がある.これに対して筆者らは、軸方向に空隙を 有するアキシャルギャップ型のSRMを提案した.ホイー ル内部のような偏平な空間にモータを配置する場合,一般 的な径方向に空隙を有するラジアルギャップ型の SRM よ りも,アキシャルギャップ型の方がトルク発生面を広くで きるため,トルク密度が向上する^{2),3)}.さらに,アキシャ ルギャップ型は固定子と回転子を軸方向に並べる構造であ ることから,複数ステータ,複数ロータを組み合わせたマ ルチギャップ構造を容易に実現できるため,シングルギャ ップ構造よりもトルク密度を向上させることができる.

これまで筆者らは,ダブルステータ・シングルロータ構 造のアキシャルギャップ型スイッチトリラクタンスモータ

(Axial-Flux-type Switched Reluctance Motor: AFSRM) の試作評価と,小型 EV 用インホイールモータへの適用に ついて検討を進めてきた⁴⁾. その結果,試作 AFSRM は小 型 EV に適用するための目標トルクを達成し,また Fig. 1 に示す実車体に搭載した走行も実現した.しかしながら一 方で,試作 AFSRM の効率は 3 次元有限要素法(3D-FEM) による設計値を下回ったことから,この原因の解明と改善 が必要不可欠である⁵⁾.

そこで本論文では、この誤差の原因がどの種類の損失に 由来するのかを明らかにするため、実験的検討を行った。 具体的には、実機の電圧・電流波形のうち、特に電圧波形 が一般的な SR モータの波形と異なることに着目し、等価 回路に基づく考察をするとともに、回路パラメータを実験 的に求めることで考察の妥当性と、効率の誤差要因を明ら かにしたので報告する.



Fig. 1 Compact EV with in-wheel AFSRMs.

責任著者:佐藤 航汰 (email: kota. sato. p4@dc. tohoku. ac. jp)

Transaction of the Magnetics Society of Japan (Special Issues) Vol.6, No.1, 2022

## 2. AFSRM の基本構成と試作機の概要

## 2.1 AFSRM の基本構成

Fig. 2 に、シングルステータ・シングルロータ構造の AFSRM の構成を示す. SRM は鉄心と巻線のみで構成され、 固定子と回転子の磁気的突極性に由来するリラクタンスト ルクにより駆動される. 固定子はオープンスロット構造で あるため、一般的な永久磁石モータよりも巻線占積率を高 めることができる.

Fig. 3 に, SRM の一般的な駆動回路である非対称ハーフ ブリッジコンバータの1相分の基本回路を示す.この回路 は、トランジスタと還流用ダイオードを高電圧側と低電圧 側両方に1つずつ持つ.両トランジスタを同時にオンにす ることにより、巻線に電圧が印加されて励磁電流が流れ、 その後、両トランジスタをオフにすると、巻線に蓄えられ ていた磁気エネルギーが、還流用ダイオードを通って電源 に回生される.

Fig. 4 に、回転子位置角 $\theta$ に対する SRM の1相あたりの インダクタンス L の変化と、励磁電圧・電流波形の模式図 を示す.この図に示す通り、固定子極と回転子極が対向し た位置 (Aligned) でインダクタンスは最大となり、逆に非 対向位置 (Unaligned) でインダクタンスは最小となる. ここで、k 相で発生するトルク $\tau_k$ は、磁気特性の非線形性 を無視すると、以下の式で表される.

 $\tau_k = \frac{1}{2} i_k^2 \frac{dL_k(\theta)}{d\theta} \tag{1}$ 

上式の $L_k(\theta)$ はk相のインダクタンス, $i_k$ は相電流である. この式より、回転方向に対して常に正のトルクを発生し続けるためには、回転子が非対向位置から対向位置に移動する区間で励磁する必要がある.そのため、一般に SRM はエンコーダ等を用いて、回転子位置角を検出する必要がある.



Fig. 2 AFSRM with single-stator and single-rotor.



Fig. 3 Asymmetric half bridge converter (one-phase).



**Fig. 4** Schematic diagram of inductance, exciting voltage and current waveforms.

#### 2.2 試作 AFSRM の概要

Fig. 5 に,先行研究で試作した 3 相 AFSRM の諸元を示 す⁴⁾. 固定子極と回転子極の数は,それぞれ 18 と 12 であ る.本 AFSRM は,1 つの回転子を 2 つの固定子で挟み込 んだ,いわゆるダブルステータ・シングルロータ構造を有 し,向かい合う固定子極には同一方向に巻線を巻き,それ らを直列に接続することで,回転子極を貫く方向に磁束を 発生させている.これにより,回転子はヨークが不要にな る.固定子はトロイダル状の鉄心を切削して製作した.一 方,回転子はケイ素鋼板の単板を周方向に積層して製作し た.鉄心材料は無方向性ケイ素鋼板(35A300)である.

Fig. 6 に, 試作 AFSRM のハウジングや支持構造も含め た全体構成を示す.固定子鉄心は,バックヨークと巻線の 間に支持板を挿入し,ハウジングと締結することで固定し ている.ハウジングには超超ジュラルミン,固定子支持板 にはステンレスを使用している.回転子極は内外2つのリ ングで支持して一体化している.また,軸受には円錐ころ 軸受を使用しており,回転子位置検出器としてレゾルバを 用いている.



Fig. 5 Specifications of prototype AFSRM.



Fig. 6 Full structure of prototype AFSRM.



Fig. 7 Measured and calculated efficiencies of AFSRM.

Fig. 7 に, 試作 AFSRM の効率の実測値を示す.また比較のため,先行研究⁵⁾の 3D-FEM の計算値も示す.なお, FEM には(株)JSOL の JMAG Designer を用いた.

効率の計算値は、次式を用いて求めた.

$$\eta = \frac{P_{out}}{P_{out} + W_c + W_i + W_m} \times 100 \ (\%)$$
(2)

上式のPout は機械出力であり、平均トルクと角速度の積から 求まる. Wc は銅損であり、実測した巻線抵抗と 3D-FEM の電流実効値から求まる. Wi は鉄損であり、先行研究 5に おいては、スタインメッツの実験式で求まる鉄損に加えて、 固定子・回転子鉄心の積層構造を 3D-FEM モデルに反映さ せることで、積層を貫く磁束によって生じる渦電流損も考 慮した. さらに、Fig. 6 に示したモータハウンジングや回 転子支持リングなどもモデル化し、漏れ磁束によってこれ らに生じる渦電流損も考慮した. Wm は機械損であり、予備 実験で測定した実測値を用いた.

Fig. 7 を見ると、効率の実測値が計算値よりも 10~20% ほど低下していることがわかる.先行研究において、鉄心 積層構造や支持部材なども考慮したのにも関わらず、誤差 が残存した原因は、例えば、巻線電流の高調波成分による 銅損の増加や、機械加工による鉄損の増加、鉄心と支持板 の接触部での渦電流損などが考えられるが、いずれも 3D-FEMで考慮することは容易では無い.そこで次章では、 この効率の誤差の主要因が銅損、鉄損、機械損のうち、どの種類 に分類される損失であるか明らかにするために実験的検討を行う.

## 3. AFSRM の効率低下要因の分析と効率の再算定

## 3.1 AFSRM の効率低下要因の分析

効率低下要因を分析する上で、AFSRM の電圧・電流波 形に着目した. Fig. 8 に試作 AFSRM の電圧・電流の観測 波形の一例を, Fig. 9 に理想的な AFSRM の電圧・電流波 形を示す. ここで理想的とは、モータで生じる鉄損を無視 した場合を指す. これらの図を比較すると、特に電流がゼ ロになった後の電圧の減衰の様子が大きく異なることがわ かる. すなわち、理想的な AFSRM では電流がゼロになる と同時に電圧もゼロになるが、試作 AFSRM では電流がゼ ロになった後、電圧がゆっくりと減衰している. この電圧 波形の違いを、AFSRM の等価回路を用いて考察した⁶.



Fig. 8 Observed voltage and current waveforms of prototype AFSRM.



Fig. 9 Ideal voltage and current waveforms of AFSRM.

Fig. 10(a)に, 鉄損を無視した理想的な AFSRM の等価回路を示す. 同図(b)は, 鉄損を考慮した場合の等価回路である. 理想的な AFSRM の等価回路は, モータのインダクタンス L と巻線抵抗 R の直列回路で構成される. 一方で, 鉄損を考慮した等価回路では, インダクタンス L に対して並列に抵抗 r が接続される. この抵抗は等価鉄損抵抗と呼ばれ, モータで生じる鉄損を表している. 同図(a)の等価回路に対して, モータ駆動用のパルス電圧を印加したときの概略波形は Fig. 9 のようになる. 一方, 同図(b)の等価回路に対してパルス電圧を印加したときの概略波形は Fig. 11 のようになる. Fig. 11 の電圧・電流波形について, (a)ゲートオン時, (b)ゲートオフ時 ( $i_w + i_{iron} > 0$ ), (c)ゲートオフ時 ( $i_w + i_{iron} = 0$ ) の 3 つのモードに分けて説明する.

(a) ゲートオン時

ゲートオン時,電流の関係は次式で表される.

$$i_{tot} = i_{iron} + i_w \tag{3}$$

**Fig. 11**の通り印加電圧は一定であるから,等価鉄損抵抗 r に流れる電流 $i_{iron}$ は一定,インダクタンス L に流れる 電流 $i_w$ は徐々に増加していく.結果的に,観測される電 流 $i_{tot}$ も,時間とともに増加していく.





Fig. 11 Voltage and current waveforms of AFSRM considering iron losses.

(b) ゲートオフ時  $(i_w + i_{iron} > 0)$ 

ゲートオフ時,同図に示すように印加電圧が反転する ため,等価鉄損抵抗に流れる電流i_{iron}の向きも反転する. 一方,インダクタンスに流れる電流i_wは徐々に減衰して いく.したがって,観測される電流i_{tot}は,電流i_wから等 価鉄損抵抗に流れる電流i_{iron}を差し引いたものとなる.

(c) ゲートオフ時  $(i_w + i_{iron} = 0)$ 

インダクタンスの電流 $i_w$ が徐々に減衰し、やがて $i_{iron}$ と等しくなると、インダクタンスと等価鉄損抵抗の間で ループ電流が形成され、観測される電流は $i_{tot} = 0$ となる. 一方、ループ電流による電圧は観測される. この電  $EV_{ph}$ は次式のように表される.

$$V_{ph} = ri_{iron} = ri_0 e^{-\frac{1}{L}t} \tag{4}$$

上式中の $i_0$ は $i_w + i_{iron} = 0$ となった瞬間の $i_{iron}$ の値で ある.この式より、電圧の減衰スピードは等価鉄損抵抗 rとインダクタンス Lで決まる時定数に依存し、モータ で生じる鉄損が大きいほどゆっくりと減衰することが わかる.

以上の考察により,試作 AFSRM の電圧波形の減衰が遅 い原因は,3D-FEM による解析よりも大きな鉄損が生じて いるためであることが示唆された.そこで次節では,実機 を用いて等価鉄損抵抗の導出を試みる.

## 3.2 等価鉄損抵抗の導出および鉄損・効率の算定

Fig. 11 に示した等価回路より, モータで生じる鉄損*W*_iと 等価鉄損抵抗両端の電圧 *E* は, 次式のように求まる.

$$W_i = \frac{E^2}{r} \tag{5}$$

$$E = V_{ph} - Ri_{tot} \tag{6}$$

モータの印加電圧 $V_{ph}$ ,相電流 $i_{tot}$ ,巻線抵抗 Rは実測可能であるため、等価鉄損抵抗 rを求めることができれば、 モータで生じる鉄損  $W_i$ が求まる.よって、等価鉄損抵抗を 求めるため、以下のような実験を行った.

① 時定数 $\tau$ の測定 (4)式より,  $i_w + i_{iron} = 0$ となってから $t = \frac{L}{r}$ だけ時間 が経過したとき、 $V_{ph}$ は最大値の約 36 %まで減衰するこ とがわかる.したがって、AFSRM にパルス電圧を印加 し、そのときの電圧波形を観測することで、時定数 $\tau = \frac{r}{L}$ を求める.

#### ② インダクタンス Lsの測定

LCR メータを用いて, AFSRM のインダクタンスを測 定する.ただし,LCR メータでは Fig. 12 の回路を前提 としたインダクタンスの値が測定されるため, Fig. 10(b) に示した等価回路とは異なる.そこで,両等価回路を比 較することで, $L_s \ge L$ について次の関係式を導く.

$$L_s = \frac{Lr^2}{r^2 + (\omega L)^2} \tag{7}$$

なお, ωは測定時の電源の角周波数である.

③ 等価鉄損抵抗rの計算

 $L = \frac{r}{\tau}$ を用いて、(7)式の *L* を消去すると、等価鉄損抵 抗 *r* に関する次式を導出することができる.

$$r = \frac{1 + (\omega \tau)^2}{\tau} L_s \tag{8}$$

よって、上式に①で求めた時定数 r と、②で求めたイン ダクタンス L_s を代入すれば、等価鉄損抵抗 r が求まる.

上記①~③で求まる各諸量は AFSRM の回転数(動作周 波数)と回転子位置角に依存する.よって,試作機の動作 周波数(58~320 Hz)において,AFSRM の電気角1周期 を10等分した回転子位置角ごとに測定を行った.

**Fig.** 13~15 に、上述の実験によって得られた時定数τ、 インダクタンス*L*s、および等価鉄損抵抗*r*を示す.



Fig. 12 Equivalent circuit assumed in LCR meter.





**Fig. 14** Inductance *L_s* measured by LCR meter.



Fig. 15 Equivalent iron loss resistance r of AFSRM.



**Fig. 16** Iron loss calculated from Eq. (5) by using equivalent iron loss resistance.



Fig. 17 Comparison of efficiency.

Fig. 16 に, Fig. 15 の等価鉄損抵抗を用いて, (5)式から 求めた鉄損を示す.また比較のため,先行研究の 3D-FEM の鉄損の計算値も示す.この図を見ると,特に軽負荷・高 速側で両者の差が大きいことがわかる. Fig. 17 にはこの鉄損の値を用いて再計算した効率の結 果を示す. 再計算では, (2)式の鉄損 Wi を等価鉄損抵抗か ら求めた値に置き換えた. 加えて, 銅損 Wc についても巻線 の温度上昇に伴う増加を考慮した. この図を見ると, 実測 値との誤差が小さくなり, 精度が改善されたことが了解さ れる. すなわち, 現状の 3D-FEM では未考慮の鉄損が生じ ていることが明らかとなった. 今後は, この損失の発生個 所の特定と改善が必要不可欠である.

#### 4. まとめ

以上,本論文では試作 AFSRM の効率の実測値と,先行 研究の計算値の誤差の原因を明らかにするために,実験的 考察を行った.

先行研究においては、3D-FEM を用いて、スタインメッ ツの実験式で求まる鉄損に加え、モータ鉄心の積層を貫く 磁束に由来する渦電流損、ハウジングや支持部材に生じる 渦電流損など、想定される多くの損失を考慮したが、効率 の計算値には誤差が残った.

そこで本論文では、この誤差の原因がどの種類の損失に 由来するのかを明らかにするため、実機の電圧・電流波形 のうち、特に電圧波形が一般的な SR モータの波形と異な ることに着目し、等価回路に基づく考察を行い、誤差の原 因が鉄損に分類される損失であるとの推論を立てた.

次いで、本推論の妥当性を明らかにするために、等価回 路パラメータを実験によって求めるとともに、鉄損を算定 し、効率を求めたところ、実測値と良く一致した.したが って、先行研究の計算値の誤差の主たる要因は、鉄損に分 類される損失であることを実証した.

しかしながら,上述の損失の発生個所は特定できていな い.例えば,鉄心と支持板の接触部での渦電流損などの未 考慮の損失の可能性や,機械加工に伴う鉄損増加のような 考慮はしているが過小評価している損失の可能性がある. したがって,今後はモータの分解調査を行うことで,損失 の発生箇所の特定と改善について検討を行う予定である.

**謝辞** 本研究の一部は,経済産業省と文部科学省の支援を 受けて設立された東北大学レアメタル・グリーンイノベー ション研究開発センター(RaMGI)で実施された.

### References

- R. C. Becerra, M. Ehsani, and T. J. E. Miller, *IEEE Trans. Power Electron.*, 8, 257 (1993).
- Y. Ono, K. Nakamura, and O. Ichinokura, J. Magn. Soc. Jpn, 35, 2 (2011) (in Japanese).
- T. Shibamoto, K. Nakamura, H. Goto, and O. Ichinokura, *The 20th International Conference on Electrical Machines* (*ICEM 2012*), FF-001678 (2012).
- K. Takase, H. Goto, and O. Ichinokura, *The Papers of Technical Meeting on Rotating Machinery*, RM-15-146 (2015) (in Japanese).
- 5) H. Aizawa and K. Nakamura: *T. Magn. Soc. Jpn.*(Special Issues)., **4**, 62 (2020) (in Japanese).
- Q. Wang, H. Chen, T. Xu, J. Yuan, J. Wang, and S. Abbas, *IET Electr: Power Appl.*, **10**, 181 (2016).

#### 2021年9月28日受理, 2021年10月26日再受理, 2021年10月29日採録

# 逆バイアス磁界印加用磁石を有する 横方向磁束型スイッチトリラクタンスモータの基礎特性

## Basic Characteristics of Transverse-Flux-Type Switched Reluctance Motor with Permanent Magnets Applying Reverse Bias Magnetic Field

永井歩美^{a)†}・三ツ谷和秀^{a)}・中村健二^{a)} ^{a)}東北大学大学院工学研究科,宮城県仙台市青葉区荒巻字青葉 6-6-11 (〒980-8579)

A. Nagai^{a)}[†], K. Mitsuya^{a)}, and K. Nakamura^{a)}

^{a)} Tohoku University, Graduate School of Engineering, 6-6-11 Aoba Aramaki Aoba-ku, Sendai, Miyagi 980-8579, Japan

Switched reluctance motors (SRMs), which consist of only iron cores and windings, are attracting attention as simple, robust, and inexpensive variable-speed motors. This paper presents a novel transverse-flux-type switched reluctance motor (TFSRM), that has permanent magnets in the rotor cores for applying a reverse bias magnetic field. The proposed TFSRM can expand the operating point from the 1st quadrant into the 3rd quadrant on *B-H* characteristic by the reverse bias magnetic field, which increases both torque and efficiency. The advantages of the proposed TFSRM is proved by using a three-dimensional finite element method (3D-FEM).

Key words: Transverse-flux-type switched reluctance motor (TFSRM), Permanent magnet, Reverse bias magnetic field

## 1. はじめに

環境保護の観点からカーボンニュートラル社会の実現が全世界 で注目されており、様々な分野で省エネルギー化が推進されてい る.特に我が国では、総発電電力の 50%以上がモータにより消費 されていることから、モータの高性能化、高効率化が強く求めら れている^D.

種々なモータの中でも、スイッチトリラクタンスモータ (Switched reluctance motor: SRM)は、鉄心と巻線のみで構成 されるため、構造が極めて簡単で堅牢かつ安価な可変速モータと して注目されている.また、最近の駆動技術の進歩により、きめ 細やかな制御が可能となり、両突極構造に起因するトルクリプル や騒音などの問題についても改善が進んでいる^{2,3}.一方、SRM のトルクや効率は、希土類磁石モータには及ばないという課題が ある.

上述の課題に対して筆者らは、これまでにアキシャルギャップ 型 SRM⁴,補助的な磁石や巻線を有する SRM^{50, 60}など、様々な構 造的工夫を施した SRM を提案してきた.このような背景の中で、 現在筆者らは、横方向磁束型(Transverse-flux-type: TF)に着目 している.横方向磁束型モータとは回転子の回転方向に対して、 主磁束が横方向に流れるモータの総称である.構造的な特徴は、 固定子、回転子のどちらか一方、あるいは両方がセグメント構造 であり、また巻線は極やスロットに施されるのではなく、トロイ ダル状の巻線を外鉄形になるように収める場合が多い.したがっ て、一般的なモータと比べて巻線占積率を高くできる.このよう な横方向磁束型モータは、これまでに永久磁石モータへの適用例 は複数あるが^{n,8},SRM への適用例は少ないことから、筆者らは 横方向磁束型 SRM (TFSRM)の実機の試作試験を行い、一般的 な SRM よりも大きなトルクを有することを明らかにした⁹.しか し、TFSRM も含めて一般的な SRM はユニポーラ駆動のため、 鉄心の利用率が低いことが課題である.

そこで本稿では、鉄心利用率の向上によるさらなる大トルク化、 高効率化を目的として、回転子に逆バイアス磁界印加用磁石を有 する TFSRM について、3 次元有限要素法(3D-FEM)を用いて 基礎的な検討を行ったので報告する.

## 2. TFSRMの基本特性と動作原理

#### 2.1 一般的な SRM の基本構成と駆動原理

Fig.1に、一般的なラジアルギャップ型(Radial-flux-type:RF) SRM の分解写真を示す. SRM は鉄心と巻線のみで構成され、巻 線は固定子極のみに集中巻される.一方、回転子は鉄心のみで構 成され、巻線や永久磁石は不要である.したがって、SRM は構造 が極めて簡単で堅牢かつ安価という特長を有する.

Fig.2に、SRM の駆動回路として一般的な非対称ハーフブリッジコンバータの1相分の回路を示す.この回路はトランジスタと 還流ダイオードを高圧側、低圧側ともに1つずつ有する.両トランジスタを同時に ON することにより、固定子巻線に電圧が印加 され、励磁電流が流れる.その後、両トランジスタを OFF すると、 固定子巻線に蓄えられた磁気エネルギーが還流ダイオードを通っ て電源に回生される.

Fig.3に、回転子位置角 $\theta$ に対するインダクタンスLの変化、並びに励磁電圧vと励磁電流iの概略波形を示す、同図に示すように、 固定子極と回転子極が完全に対向した位置角を $\theta = 0^{\circ}$ と定義する と、このときインダクタンスLは最大となり、最も遠ざかった完



<Paper>

**INDEX** 

**Fig. 1** Appearance of RFSRM.



Fig. 2. Asymmetric half bridge converter (one-phase).



Fig. 3 Phase inductance according to rotor position angle, and exciting voltage and current waveform.

全非対向位置で最小になる.ここで、ある相で生じるトルクτは磁 気特性を線形と仮定すると、次式で与えられる.

$$\tau = \frac{1}{2}i^2 \frac{\partial L(\theta)}{\partial \theta} \tag{1}$$

したがって、同図に示すように、インダクタンス曲線の傾きが正 の領域で励磁することで、正方向のトルクが発生することがわか る. そのため、一般にSRM を駆動するためには、回転子位置検出 器が必要になる. なお、同図中の6、を励磁開始角、6、を励磁幅と 定義する.

## 2.2 TFSRMの構成と駆動原理

Fig. 4 に、RFSRM とTFSRM をθ軸方向に展開した図を示す. 一般的な RFSRM の場合、同図(a)に示すように、回転子の回転方 向と主磁束の流れる方向は、同じθ軸方向になるのがわかる.一方、 TFSRM の場合は同図(b)のように、回転子の回転方向に対して主 磁束が横方向 (z軸方向) に流れることが了解される.

Fig. 5 に、RFSRM と TFSRM の基本構成を並べて示す. TFSRM の各相の固定子、回転子はともに同数のカットコアで構成され、固定子カットコアの内側にトロイダル状の巻線が収められている.また、固定子を電気角で 120 度ずつずらして軸方向に3段積み重ねることで3 相機となる.TFSRM の巻線はトロイダル状であることから、一般的な RFSRM と比べて、巻線占積率を高くすることができる.

## 2.3 TFSRM の基本特性

Fig. 6 に、先行研究で試作した TFSRM を示す.また、Fig. 7 に試作機の諸元を示す.1相5極の3相機であり、以降の検討は本 TFSRM をベースにして行う.Fig. 8 に、先行研究で示した同体格の RFSRM と TFSRM の電流密度対トルク特性の計算値を示す.この図を見ると、TFSRM のトルクは RFSRM よりも大きいことがわかる.主な要因は、巻線占積率の高さである.RFSRM



**Fig. 4** Comparison of rotational direction and flux direction of RFSRM and TFSRM.







(a) External view

(b) Stator (1-stack)



(c) Rotor (3-stacks) **Fig. 6** Appearance of prototype TFSRM.

	Material	23Z110
	Rotor/Stator pole number	5
	Stator pole length	22.0 mm
	Rotor pole length	25.7 mm
	Gap length	0.3 mm
	Pole width	10.0 mm
	Winding diameter	1.3 mm
	Number of turns/pole	75 turns
	Voltage	60 V
	Winding space factor	50.1%
4.4		

Fig. 7 Specifications of prototype TFSRM.



Fig. 8 Comparison of torque of RFSRM and TFSRM.

の巻線占積率は一般的に 40%程度であるが、本 TFSRM は試作機 であるのに関わらず、Fig. 7 に示したように、50%まで上げること ができている.

## 3. 逆バイアス磁界印加用磁石を有する TFSRM

## 3.1 逆バイアス磁界印加用磁石を有する TFSRM の原理

Fig.9に、回転子に逆バイアス磁界印加用磁石を有するTFSRM の基本構成を示す.この図を見ると、回転子すべてのカットコア の内側に永久磁石が配置されていることが了解される.Fig.10に は、本TFSRMの1極分の拡大図を示す.図中の矢印は巻線電流 による磁束と永久磁石による磁束の流れを示しており、回転子鉄 心内で両者の磁束の流れが逆方向になっていることがわかる.

Fig. 11 に、回転子鉄心の動作磁束密度の変化を表した模式図を 示す.同図を用いて、提案する TFSRM の原理を説明する.通常、 SRM は回転子に界磁巻線や永久磁石が無いことから、励磁開始前 の動作磁束密度は同図(a)の原点にある.その後、励磁開始ととも



**Fig. 9** TFSRM with permanent magnets for applying reverse bias magnetic field on the rotor.



**Fig. 10** TFSRM with permanent magnets for applying reverse bias magnetic field on the rotor (one-pole).



(b) With magnets

**Fig. 11** Range of operating point of proposed TFSRM with and without permanent magnets for applying reverse bias magnetic field.

に磁束密度は増加するが、ユニポーラ駆動であるため、動作点は 同図(a)の第1象限内に限定される.一方、逆バイアス磁界印加用 磁石を有する TFSRM の場合、励磁開始前の動作磁束密度の原点 は、同図(b)に示すように磁石によって負方向にバイアスされる. これにより鉄心の飽和磁束密度が見かけ上(B_s+B_m)となるため、 発生トルクの向上が期待される.

また Fig. 10 に示したように, 永久磁石の磁束は回転子鉄心で短 絡されるため, 固定子側に流入しない. したがって, コギングト ルクや引きずり損などが発生しないことも期待できる.

## 3.2 逆バイアス磁界印加用磁石を有する TFSRM の特性

Fig. 9に示した TFSRM について、逆バイアス磁界印加用磁石 の有無による特性を比較する. 3D-FEM による特性算定には、 (株)JSOL 製の電磁界解析プログラムである JMAG Designer 19.1 を用いた. なお、TFSRM の軸方向に積まれた各相は磁気的に互 いに独立であると仮定すると、磁界の対称性と周期性から Fig. 10 に示した 1 極分のモデルのみを用いて、モータ特性を算定するこ とができる. なお、以降の解析における TFSRM の励磁電圧は 60 V であり、励磁開始角 $\theta_b$  は完全非対向位置である-36°、励磁幅 $\theta_w$ は電気角で 120°に相当する 24°とした.

Fig. 12 に、逆バイアス磁界印加用磁石を持つTFSRM の 3000 rpm における励磁タイミング別磁束分布を示す.また比較のため、 先行研究の磁石の無いTFSRM の結果も併せて示す.同図(a)の励 磁開始前を見ると、永久磁石により、回転子の磁束が巻線電流に よる磁束とは逆向きに流れていること、すなわち負方向にバイア スされていることがわかる.次いで、励磁開始後の巻線に電流が 流れ始めた同図(b)では、磁石磁束と巻線電流による磁束が混在し ていることがわかる.最後に励磁終了時、すなわち電流最大時で



Without magnets With magnets (a) Before beginning of excitation ( $\theta = -36^{\circ}$ ) 3.0



Without magnets With magnets (b) After beginning of excitation ( $\theta = -24^{\circ}$ )



With magnets Without magnets (c) At end of excitation ( $\theta = -12^{\circ}$ )

Fig. 12 Magnetic flux distribution of TFSRMs with and without permanent magnets.



Fig. 13 Comparison of torque vs. rotational speed characteristics of TFSRMs with and without permanent magnets.

ある同図(c)では、巻線電流による磁束も最大となるため、磁石磁 束はほぼ相殺され、確認することができない. このように回転子 の磁束が負方向から正方向まで変化していることから, Fig. 11(b) に示したように、動作磁束密度は第3象限から第1象限まで動い ていることが了解される.

Fig. 13 に、トルク対速度特性の比較を示す. この図を見ると、 逆バイアス磁界印加用磁石の有無で速度特性に差異はほとんど生 じないことがわかる.

Fig. 14 に、電流密度対トルク特性の比較を示す. この図より、 全領域において磁石有りの TFSRM のトルクが磁石無しの TFSRM を上回っていることがわかる.また,負荷の増大に伴い, その差が大きくなっていることが了解される. これは高負荷にな るほど動作磁束密度が高くなり,磁気飽和の有無の影響を受ける ためである.

Fig. 15 に銅損および鉄損の比較を示す. この図を見ると、磁石 有りの TFSRM の銅損が大幅に低減されていることがわかる. こ れはFig. 14 から明らかなように、同一トルク発生時の電流が低減 したためである.一方,鉄損については若干の増加が認められる が、これは動作領域が広がり、磁束の変化量が大きくなったため と考えられる.

Fig. 16 に効率特性の比較を示す. 磁石有りの TFSRM では高負 荷側で銅損が大幅に低減されたことから、効率についても高負荷 側で大きく改善されていることがわかる.



Comparison of current density vs. torque Fig. 14 characteristics of TFSRMs with and without permanent magnets.



Comparison of copper and iron losses of Fig. 15 TFSRMs with and without permanent magnets.

最後に、Fig. 17 にコギングトルクの計算波形を示す. この図を 見ると、コギングトルクは極めて小さく、ほぼ無視できることが わかる. これは一般的な PM モータとは異なり、提案する TFSRM では永久磁石の磁束が回転子鉄心で短絡され、固定子側に流入し ないためである. したがって、PM モータでしばしば指摘される 空転時の引きずり損や逆起電圧の上昇などの問題も生じない.



**Fig. 16** Comparison of efficiency characteristics of TFSRMs with and without permanent magnets.



Fig. 17 Waveform of cogging torque TFSRM with permanent magnets.

### 4. まとめ

以上,本稿では回転子に逆バイアス磁界印加用磁石を有 する TFSRM について,3次元有限要素法(3D-FEM)を 用いて基礎的な検討を行った.

一般的な SRM の動作領域は,磁化曲線の第1象限に限 定されるが,本稿で提案した TFSRM は逆バイアス磁界印 加用磁石の効果により,第3象限まで拡大される.これに より,実効的な飽和磁束密度が高くなるため,トルク特性 が向上する.特に,磁気飽和の影響が表れる高負荷側で, その効果が大きく,トルクは最大で約0.5 N·m 増大した. また,トルク特性の向上に伴い,銅損が低減されることか ら,効率についても高負荷側で最大約6%向上した. 今後は,実機の試作と実証実験を行う予定である.

**謝辞** 本研究の一部は東北大学人工知能エレクトロニクス 卓越大学院プログラムの支援を得て行われたものである.

#### References

- 1) The Institute of Applied Energy, IAE-0919107 (2009).
- 2) T. Abe: IEEJ Journal, 137, 281 (2017) (in Japanese).
- 3) T. Kosaka: *IEEJ* Journal, **137**, 825 (2017) (in Japanese).
- N. Tashiro and K. Nakamura, *IEEJ Journal of Industry* Applications, 10, 708 (2021) (in Japanese).
- Y. Ono, K. Nakamura, and O. Ichinokura: J. Magn. Soc. Jpn., 35, 106 (2011) (in Japanese).
- K. Nakamura, K. Murota, and O. Ichinokura: J. Magn. Soc. Jpn., 31, 123 (2007) (in Japanese).
- Y. Hasegawa, K. Nakamura, and O. Ichinokura: J. Magn. Soc. Jpn., 36, 245 (2012) (in Japanese).
- 8) Y. Ueda: *Toshiba Review*, Vol. 68, No. 1, pp. 56-57 (2013) (in Japanese).
- 9) J. Jung, S. Ulbrich, and W. Hofmann: Proc. ICEM 2014, p. 1096 (2014).
- T. Komoriya, Y. Ito, and K. Nakamura: J. Magn. Soc. Jpn. (Spesial Issues), 3, 58 (2019) (in Japanese).

#### 2021年09月24日受理, 2021年10月31日再受理2021年11月08日採録

# NANOMET®積層コアを適用したインセット型 PM モータの実機評価

## Prototype Evaluation of Inset PM Motor made of NANOMET® Laminated Core

于 越^{a)†}・平本尚三^{b)}・中村健二^{a)} ^{a)}東北大学 大学院工学研究科,仙台市青葉区荒巻字青葉 6-6-11(〒980-8579) ^{b)}東北マグネットインスティテュート,宮城県名取市増田北谷 11(〒981-1224)

Y. Yu^{a)†}, S. Hiramoto^b, K. Nakamura^{a)}

^{a)} Tohoku University, Graduate School of Engineering, 6-6-11 Aoba Aramaki Aoba-ku, Sendai, Miyagi 980-8579, Japan ^{b)} Tohoku Magnet Institute Co., Ltd. 11 Kitaya, Masuda, Natori, Miyagi 981-1224, Japan

Non-oriented silicon steel, which is commonly used as motor cores, is less expensive and has high flux density, while large iron loss under high-frequency region is a problem for high-speed applications. In contrast, NANOMET[®], one of the nanocrystalline soft magnetic alloys, is expected to be a next-generation motor core material since it has high flux density as almost the same as the conventional non-oriented silicon steel and lower iron loss. In a previous paper, prototype tests of a switched reluctance (SR) motor made of NANOMET[®] laminated core were conducted, and it was clear that the iron loss is significantly reduced and the efficiency is improved. This paper presents the prototype tests results of an inset permanent magnet (InPM) motor made of NANOMET[®] laminated core.

Key words: Inset permanent magnet (InPM) motor, Nanocrystalline soft magnetic alloy, NANOMET®

#### 1. はじめに

エネルギー危機や地球温暖化対策の一環として,産業,運輸, 民生など,様々な分野で電動化が推進されており,モータの需要 は拡大を続けている.最近では、日本の総発電電力の50~60%が モータで消費されている現状から,モータの高性能化,高効率化 に対する要求は益々高まっている.このような背景の下,種々の モータの中でも、小型高出力で高効率な永久磁石 (PM) モータが 注目されており、電気自動車や家電製品などの幅広い分野で利用 が拡大している.

今後, PM モータのさらなる小型高出力化,高効率化を考えた際に、キーポイントになるのは高速回転化であると考えられる. モータの出力はトルクと回転数の積で決まるが、トルクは体格に比例するため、小型化には逆行する.したがって、回転数向上による高出力化が望まれるが、一方で損失という観点で見ると、特に鉄損はモータの高速回転化に伴い、速度の1~2乗で増大するため、高周波で低鉄損な材料を採用するなどの対策が必須である.

そこで筆者らは、ナノ結晶軟磁性合金の一つである NANOMET[®](株式会社東北マグネットインスティテュートおよ び株式会社トーキンの登録商標)に着目している.ナノ結晶軟磁 性合金は、液体急冷法により作製された非晶質合金を結晶化させ、 結晶粒を 10~20 nm 程度まで微細化することで、結晶磁気異方性 を見かけ上小さくし、優れた磁気特性を実現している.その中で も、NANOMET[®]は一般的な無方向性ケイ素鋼板とほぼ同等の高 い磁束密度を有し、かつ低鉄損であることから、次世代のモータ 鉄心材料として期待されている^{1,2}.

先に筆者らは、NANOMET[®]積層コアを適用したスイッチトリ ラクタンス (SR) モータの特性について、有限要素法 (FEM) を 用いて算定するとともに、実機の試作試験を行った³. その結果、 一般的な無方向性ケイ素鋼板とほぼ同等のトルク特性を有し、鉄 損を大幅に低減可能であることが明らかとなった.また、実機の 効率は最大で10%向上した.

そこで本稿では、新たにNANOMET®積層コアを PM モータに 適用することを試みた.具体的には、先行研究で開発したインセ ット型 PM モータを検討対象とし、解析と実験の両面から評価し たので報告する.

## 2. NANOMET®積層コアの磁気特性

NANOMET®はナノ結晶軟磁性合金の一つであり,主な構成元 素は Fe, Si, B, P, Cu である. NANOMET®は, Fe の含有量 が他のナノ結晶軟磁性合金よりも高いため,磁束密度が高くかつ 低損失である.本稿では,熱処理後のNANOMET®薄帯を積層し, 含浸接着により積層コアを作製した.また,これをワイヤ放電加 工機を用いて,任意に形状に切り出すことで,所望のモータ鉄心 を得ることができる.なお,積層コアの占積率は約90%である. Fig. 1(a)に,NANOMET®積層コアのB-H曲線の実測値を示す.



Fig. 1 Comparison of *B*-*H* curves and core loss curves.

責任著者:于越 (mail: yu.yue.r1@dc.tohoku.ac.jp)

Transaction of the Magnetics Society of Japan (Special Issues) Vol.6, No.1, 2022

同図(b)は鉄損曲線の実測値である.これらの実測値は先行研究で 測定したものである³⁾.一方,同図中の無方向性ケイ素鋼板 (35A300)の*B-H*曲線と鉄損曲線は,材料メーカから提供されて いるデータシートの値である.同図(a)を見ると,例えば5000 A/m における NANOMET[®]積層コアの磁束密度 B₅₀は,無方向性ケイ

素鋼板よりもわずかに劣るが、ほぼ同等であることがわかる.また同図(b)を見ると、すべての領域でNANOMET®積層コアの方が 鉄損が小さいことがわかる.

## 3. インセット型 PM モータへの適用

## 3.1 インセット型 PM モータの構成

Fig. 2(a)に、先行研究で開発したインセット型PMモータの形状 と寸法を示す⁴⁾. 3相4極6スロット集中巻のPMモータであり、 固定子よりも回転子の軸長の方が長い、いわゆるオーバーハング 構造を有している. 定格出力は約260 W, 定格回転数は12600 rpm, 定格トルクは200 mN·m である. 回転子磁石は、高速回転でも高 効率を実現するため、電気抵抗率が極めて高く、磁石渦電流損が ほぼ発生しない、ネオジムボンド磁石を採用している. また、ト ルク増大のため、極異方性着磁されている. 同図(b)に示すように、 極異方性着磁では、磁化が磁極中心に集中するように着磁される ことから、空隙磁束分布が正弦波に近くなり、トルクに寄与する 基本波成分の振幅が大きくなる.

本稿では、このインセット型 PM モータの固定子鉄心を、従来の無方向性ケイ素鋼板(35A300)から NANOMET®積層コアに 置き換えた際の特性について、解析と実験の両面から評価する. なお、本 PM モータの場合、回転子鉄心内の磁束はほぼ一定で変 化しないため、無方向性ケイ素鋼板(35A300)のままとした.



(b) Magnetization direction of polar anisotropic bonded magnets **Fig. 2** Prototype inset PM motor made in Ref. 4).

## 3.2 3次元有限要素法による検討結果

本節では、3次元有限要素法(3D-FEM)を用いて、先行研究 で開発したインセット型 PM モータに、NANOMET®積層コアを 適用した場合の特性を算定する.なお、3D-FEM には、(株)JSOL の JMAG Designer Ver18.1を用いた.

Fig. 3に、インセット型 PM モータの 3D-FEM モデルを示す. 電磁界の対称性から、同図に示すように 1/4 モデルで解析を行った. 要素数は約 15 万である.

Fig. 4 に、3D-FEM で求めた磁束密度コンターを示す. 同図(a) が固定子鉄心が無方向性ケイ素鋼板(35A300)の場合であり、同図(b)が NANOMET®積層コアの場合である. この図を見ると、磁 束密度分布に材料による差異はほぼ無いことがわかる.

Fig.5に、電流密度対トルク特性の計算結果の比較を示す.この ときの回転数は12600 rpm である.また、後計算で求めた鉄損に 起因するロストルクを引いている.この図を見ると、材料による 特性の差異はほとんど無く、NANOMET®積層コアは従来の無方 向性ケイ素鋼板とほぼ同等のトルク特性を有することがわかる. これはFig.1(a)に示したとおり、両材料の B-H 曲線がほぼ同等で あることに由来する.



Fig. 3 3D-FEM model of inset PM motor.



Fig. 4 Contour diagrams of flux density of inset PM motor made of 35A300 and NANOMET[®].



Fig. 5 Calculated current density vs. torque characteristics.

次いで, 効率を比較する. ここで, 3D-FEM における効率ηは, 次式から求めた.

$$\eta = \frac{P_{out}}{P_{out} + W_c + W_i} \times 100(\%) \tag{1}$$

$$P_{out} = \omega T \tag{2}$$

(1)式中の Pout は機械出力であり,(2)式のとおり,モータの回転角 速度ωと平均トルク T の積から求まる. Wcは銅損であり,巻線電 流の実効値の2 乗と巻線抵抗の積から求まる.最後に,鉄損 Wiは 3D-FEM で求めた各要素の磁束密度波形からスタインメッツの実 験式に基づき鉄損を求め,これら各要素の鉄損の総和をモータ全 体の鉄損として求めた.なお,3D-FEM では機械損は無視してい る.











Fig. 6 に、効率の計算結果の比較を示す. この図を見ると、 NANOMET®積層コアを適用することで、インセット型 PM モー タの効率が全運転領域で向上したことがわかる. 最高効率の計算 値は約4%上昇した.

Fig. 7 には、銅損と鉄損の計算結果の比較を示す. 同図(a)の銅 損を見ると、両者はほぼ一致していることがわかる. これは、Fig. 5 に示したとおり、トルク特性がほぼ等しいためである. 一方、同 図(b)を見ると、NANOMET®積層コアを用いることで、無方向性 ケイ素鋼板 (35A300) に対して約 1/5 と、大幅に鉄損が低減され ていることがわかる.

## 3.3 実機評価結果

前節の 3D-FEM の結果の妥当性を確認するため,実機評価を行った. Fig. 8 に試作機の外観を示す. NANOMET®などの板厚が 極めて薄い材料は,応力による特性の劣化が大きい可能性が有る ことから,同図に示すように,固定子鉄心を前後からケースで挟 む構造を採用し,さらにトルクレンチを用いて,ボルトの締め付 けトルクを管理することで,過度な応力が鉄心に加わらないよう に工夫した.

Fig. 9 に実験システム構成図を示す. Fig. 10 は実験システムの 外観である. 3 相 PWM インバータによるセンサレス電流ベクト ル制御により,実機を一定速度(12600 rpm)で駆動し,ヒステ リシスブレーキで任意の負荷を印加する. その時のモータの巻線



Fig. 8 Appearance of the prototype inset PM motors.



Fig. 9 Configuration of the experimental system.



Fig. 10 Appearance of the experimental system.

電流や電気入力などをパワーアナライザで測定し、各種特性を求 めた. なお、直流電源電圧は48Vである.

Fig. 11 に、電流密度対トルク特性の実験結果の比較を示す. こ の図を見ると、実機においても両材料による特性の差はほとんど 無く、NANOMET®積層コアと無方向性ケイ素鋼板はほぼ同等の トルク特性を有することがわかる.

Fig. 12に, 効率の実験結果の比較を示す. 実験における効率は, 電気入力 Pm と機械出力 Pout から次式を用いて求めた.

$$\eta = \frac{P_{out}}{P_{in}} \times 100\,(\%) \tag{3}$$

この図を見ると、NANOMET®積層コアを適用したインセット 型 PM モータの効率は、全運転領域で向上したことがわかる.実 機の最高効率は95.1%であり、無方向性ケイ素鋼板に対して約4% 向上した.

Fig. 13 には, 損失の実験結果の比較を示す. 銅損 Weは巻線電 流の実測値の2 乗と巻線抵抗の積から求めた. 一方, 実験では鉄 損 Wiと機械損 Wmを分離することは容易では無いため、次式に示 すように、電気入力 Pmから機械出力 Pout と銅損 Wcを引くことで、 両者の和の形で求めて比較した.

$$W_i + W_m = P_{in} - P_{out} - W_c \tag{4}$$

まず同図(a)の銅損を見ると、両者はほぼ一致していることがわか る.一方、同図(b)を見ると、NANOMET®積層コアを用いること で、無方向性ケイ素鋼板(35A300)に対して大幅に損失が低減し たことがわかる. すなわち, NANOMET®積層コアを適用したイ ンセット型 PM モータの効率が大幅に向上したのは、鉄損 Wiと機 械損 Wm の和が大きく低減したためであると結論付けることがで きる.





Fig. 11 Measured current density vs. torque characteristics.

Fig. 12 Measured efficiency characteristics.



Fig. 13 Measured loss characteristics.

## 4. まとめ

以上、本稿ではNANOMET®積層コアを適用したインセット型 PM モータの特性について,解析と実験の両面から評価を行った.

その結果, NANOMET®積層コアを適用したインセット型 PM モータは、従来の無方向性ケイ素鋼板を用いたモータとほぼ同等 のトルク特性を有し、鉄損を大幅に低減可能であることが明らか になった.また、効率は全運転領域で向上した.実機の最高効率 は95.1%であり、従来の無方向性ケイ素鋼板に対して約4%向上し た.

今後は, 中容量~大容量機への適用・評価を行う予定である.

謝辞 本研究の一部は東北大学人工知能エレクトロニクス 卓越大学院プログラムの支援を得て行われたものである.

## References

- A. D. Setyawan, K. Takenaka, P. Sharma, M. Nishijima, N. 1) Nishiyama, and A. Makino: J. Appl. Phys., 117, 17B715 (2015).
- 2) K. Takenaka, A. D. Setyawan, P. Sharma, N. Nishiyama, A. Makino: J. Magn. Magn. Mat.,401, 479 (2016).
- 3) A. Nagai, K. Mitsuya, S. Hiramoto, and K. Nakamura: T. Magn. Soc. Jpn. (Special Issues), 5, 22 (2021) (in Japanese).
- Y. Uchiyama, K. Nakamura, O. Ichinokura, H. Goto, H.J. Guo: T. Magn. Soc. Jpn. (Special Issues), 4, 67 (2020) (in Japanese).

2021年9月24日受理, 2021年11月02日採録

<Paper>

## カットコアと積層コアからなる直交磁心型可変インダクタ

## Orthogonal-Core-Type Variable Inductor Consisting of Cut Core and Laminated Core

佐藤翼空^{a)†}・中村健二^{a)}・大日向敬^{b)}・有松健司^{b)} ^{a)}東北大学大学院工学研究科,仙台市青葉区荒巻字青葉 6-6-11 (〒980-8579) ^{b)}東北電力㈱,仙台市青葉区中山 7-2-1 (〒981-0952)

T. Sato ^{a)†}, K. Nakamura ^{a)}, T. Ohinata ^{b)}, and K. Arimatsu ^{b)}

^{a)} Graduate School of Engineering, Tohoku Univ., 6-6-05 Aoba, Aramaki, Aoba-ku, Sendai 980-8579, Japan ^{b)} Tohoku Electric Power Co., Inc., 7-2-1 Nakayama Aoba-ku, Sendai 981-0952, Japan

Variable inductors, which consist of magnetic cores and a primary dc and secondary ac winding, can control the effective inductance of the secondary ac winding continuously with the primary dc current due to the magnetic saturation effect. Therefore, they can be applied as reactive power compensators in electric power systems. Variable inductors have desirable features such as a simple and robust structure, low cost, and high reliability. This paper presents a novel orthogonal-core-type variable inductor composed of two types of cores: a cut core and a laminated core. By combining them, the lamination stacking of both cores can be aligned with each other, thereby preventing short circuits between laminations. In this paper, the basic characteristics of the proposed variable inductor are investigated by both simulation and experiment.

Keywords: Orthogonal-core-type variable inductor, Reluctance network analysis (RNA), Reactive power compensator

## 1. はじめに

近年、太陽光や風力などの分散型電源の導入拡大により、電力系 統の電圧が不規則かつ急峻に変動する問題が顕在化している.こ れまで系統の電圧調整は負荷時タップ切換変圧器や SVR (Step Voltage Regulator) など、主として機械式接点を有する機器によ り行われてきた.しかしながら、これらの機器は制御がステップ状 になり、またタップ切り換えに時間を要することから、不規則かつ 急峻な電圧変動への対応は困難である.

最近では、パワーエレクトロニクス技術を用いて、高速かつ連続 的に電圧制御が可能な SVC (Static Var Compensator) や STATCOM (Static Synchronous Compensator) などが実用化さ れている^{D-3}. しかしながら、これらの機器は一般に高価である. また、大電力を高速にスイッチングした際に生じる高調波や電磁 ノイズの問題も懸念され、特に電力品質と信頼性を重視する我が 国の電力系統には、必ずしも最適であるとは言えない. 以上のこと から、高速かつ連続制御が可能で、安価で信頼性の高い電圧調整装 置の開発が望まれる.

これに対して、直流制御巻線からの励磁により、交流主巻線の実 効的なインダクタンスを任意に調整可能な可変インダクタは、こ れを電力用コンデンサと組み合わせて系統に並列に接続すること で、無効電力補償型の電圧調整装置として応用できる。可変インダ クタは、変圧器と同じ銅鉄機器であることから、構造が極めて簡単 で堅牢、サージ電圧や過電流に対する耐性が高いなど、信頼性が特 に重視される我が国の電力系統に適した特長を有する。

筆者らは、これまでに田形磁心などの種々の可変インダクタの 開発を進めるとともに、高圧配電系統への適用技術に関する検討 を進めてきた 4・ID. その中で直交磁心型可変インダクタは、2 つの カットコアと各々1 つずつの直流制御巻線と交流主巻線のみで構 成されることから、極めてシンプルかつコンパクトであるため、特 に電柱への装柱に適する.しかし、直交磁心は 2 つのカットコア を 90 度回転接合した面で、両コアの積層が直交して層間短絡が生 じ、渦電流が発生するため、これを解決する必要があった.

そこで本論文では、カットコアと積層コアの2 種類のコアから なる新しい直交磁心型可変インダクタを提案する.本可変インダ クタは両コアの接合面で積層が平行に揃うため、層間短絡が生じ ない.提案する可変インダクタについて、リラクタンスネットワー ク解析 (RNA)、並びに試作試験の両面から検討を行ったので報告 する.

### 2. 提案する直交磁心型可変インダクタの基本構成

Fig.1に、直交磁心型可変インダクタの基本構成を示す。図中の  $i_1$ は1次側の直流制御巻線電流、 $i_2$ は2次側の交流主巻線電流で ある.また、 $\phi_1$ 、 $\phi_2$ は1次、2次磁束であり、その概略的な流れ を破線で示す。直交磁心は、カットコア2個を90度回転して接合 した構造を有するため、1次巻線と2次巻線の相互誘導結合は小 さく、通常の変圧器としては動作しない、しかし、1次および2次



**Fig. 1** Basic configuration of conventional orthogonalcore variable inductor.

責任著者: 佐藤 翼空 (email: sato.tasuku.p1@dc.tohoku.ac.jp)

Transaction of the Magnetics Society of Japan (Special Issues) Vol.6, No.1, 2022

磁束の磁路が接合面付近で共有されるため、1次側から直流励磁を 加えると共通磁路が飽和し、2次側の交流主巻線の実効的なインダ クタンスが減少する.すなわち、可変インダクタとして動作する.

Fig.2に、直交磁心可変インダクタの基本回路を示す。同図において記号×が直交磁心を表す。1次側の制御巻線 $N_1$ には直流電源、2次側の主巻線 $N_2$ には交流電源を接続する。この回路において、制御巻線 $N_1$ に流す直流電流 $i_1$ を調整すれば、主巻線 $N_2$ の実効的なインダクタンスが変化するため、2次電流 $i_2$ を制御することができる。

このように直交磁心型可変インダクタは、各々1 つずつの制御巻 線と主巻線、そして 2 つのカットコアのみで構成されるため、極 めてシンプルかつコンパクトである.しかし、Fig.3 に示すように、 直交磁心は 2 つのカットコアが 90 度回転接合した面で両コアの 積層が直交して層間が短絡し、渦電流が生じる問題がある.

そこで本論文では, Fig. 4 に示すカットコアと積層コアの2種 類のコアからなる新しい直交磁心型可変インダクタを提案する. 同図に示すように,本可変インダクタは両コアの接合面で積層が 平行に揃うため,層間短絡が起きない.

次章以降では、提案する可変インダクタについて、RNA と実証 実験の両面から種々の検討を行う.



Fig. 2 Basic circuit of orthogonal-core-type variable inductor.



Fig. 3 Eddy currents caused on contact surface of cut cores.



Fig. 4 Proposed orthogonal-core consisting of cut core and laminated core.

## 3. 提案する直交磁心型可変インダクタの巻線配置の検討

まず,提案するカットコアと積層コアで構成された直交磁心型 可変インダクタの検証器を試作した. Fig. 5 に検証器の外観を示 す. Fig. 6 は検証器の形状と寸法である. また, Table 1 は諸元で ある. 定格容量は 1.67 kVA, 定格電圧は 200 V である. 磁心材質 は厚さ 0.35 mm の無方向性ケイ素鋼板である.

本可変インダクタは、カットコアと積層コアで構成されるため、 主巻線と制御巻線の配置に2つの選択肢がある.以降の検討では、 カットコアに主巻線、積層コアに制御巻線を配置したものをパタ ーン①と称し、一方これとは逆に、カットコアに制御巻線、積層コ アに主巻線を配置したものをパターン②と称する.

試作した検証器を用いて、パターン①とパターン②のそれぞれ について実験を行った. Fig.7 に、無効電力制御特性の比較を示す. この図を見ると、パターン①では無制御時にも比較的大きな無効 電力が生じてしまっていることがわかる. ここで電力系統におい て、無効電力補償装置から供給される無効電力 *Q* と、それによっ て制御される電圧Δ*V* は、送電線のリアクタンス *X*。と系統電圧 *V* を用いて、次式で表すことができる.

$$\Delta V \approx \frac{X_s}{N} Q \tag{1}$$

上式に従い、無効電力補償装置は系統の電圧変動に応じて、適切な 無効電力を供給することで変動を抑制する.一方、電圧が規定値内 にある時には、無効電力を一切供給しないことが望ましい.すなわ ち、無制御時の無効電力は可能な限り小さい方が良い.このような 観点から、可変インダクタの性能を評価する指標として、無制御時 と全制御時の無効電力の比を用いて両パターンを比較すると、パ ターン①が 7.0、パターン②が 14.6 となり、パターン②の方が優 れていることがわかる.



Fig. 5 Appearance of prototype orthogonal-core-type variable inductor consisting of cut core and laminated core.



Fig. 6 Shape and dimensions of prototype orthogonal-core-type variable inductor consisting of cut core and laminated core.

Primary dc winding $N_1$	$296 \text{ turns}, 0.460 \Omega$
Secondary ac winding $N_2$	$320 \text{ turns}, 0.500 \Omega$
Cono motorial	Non-oriented Si steel
Core material	Thickness: 0.35 mm
Rated capacity	1.67 kVA
Rated ac voltage	200 V
Frequency	50  Hz
Primary dc current	0–10 A

**Table 1** Specifications of prototype orthogonal-core-type variable inductor consisting of cut core and laminated core.



Fig. 7 Comparison of reactive power characteristics according to winding arrangement.

次いで、巻線配置によって無効電力制御特性に差異が生じる原 因を明らかにするため、RNAにより同様の検討を行った.ここで RNAとは、解析対象を複数の要素に分割し、これらを形状・寸法 と材料の磁気特性で決まる磁気抵抗で表すことで、解析対象全体 を一つの磁気抵抗回路網として扱う手法である^{12,13}. 有限要素法 (FEM)と比べて解析モデルが簡便で計算が速い、算定精度も比 較的高い、電気系、熱系、運動系との連成解析が容易、汎用の回路 シミュレータをソルバとして利用可能などの特長を有する.

Fig.8に、カットコアと積層コアで構成された直交磁心型可変イ ンダクタの3次元 RNA モデルの一部を示す. 同図中の赤色で示 した磁気抵抗は積層面内の非線形磁気抵抗であり、材料の B-H 曲 線と寸法から与える.一方、黒色の磁気抵抗は積層方向および磁心 外空間を表す線形磁気抵抗である.

上述の3次元RNAモデルを用いて、検証器の解析を行った.諸元はFig.6およびTable1に示したものと同一である.Fig.9に、パターン①とパターン②の無効電力制御特性の比較を示す.実験と同様に、無制御時と全制御時の無効電力の比を求めると、パターン①が13.1、パターン②が34.4となり、実証実験と同様に、パターン②の方が優れていることがわかる.

パターン①の制御特性が悪化する原因について、磁心占積率に 着目して、さらに詳しい検討を行った. Fig. 10 に、磁心占積率を 95%~99%の範囲で変えたときの無効電力制御特性の比較を示す. この図を見ると、磁心占積率の低下に伴い、特に無制御時の無効電 力の値が上昇し、制御特性が悪化していることがわかる.この原因 について説明をするために、Fig. 11 にカットコア側から生じる磁 束の流れの概略を示す.この図からわかるように、カットコア側か ら発生した磁束は積層コア側で積層面を貫くように流れる.これ は磁束がギャップを渡ることと等価であり、磁心占積率の低下は



Fig. 8 Three-dimensional RNA model of orthogonal-core-type variable inductor composed of cut core and laminated core.



Fig. 9 Comparison of reactive power characteristics according to winding arrangement.



Fig. 10 Comparison of reactive power control characteristics by magnetic core occupancy.



Fig. 11 Schematic diagram of magnetic flux flowing from cut core side winding.

実効的なギャップ長の増大につながることから、制御特性が悪化 したと考えられる.特にパターン①では、交流主磁束が積層面を貫 くため、制御特性が大きく劣化したと考えられる.

以上,実証実験およびRNAの結果より,本可変インダクタはカ ットコアに制御巻線,積層コアに主巻線を配置するのが適切であ ることが明らかとなった.

## 4. 10 kVA 級直交磁心型可変インダクタの解析設計・試作試験

前章までの検討に基づき、10kVA級の直交磁心型可変インダク タについて、解析設計と試作試験を行った.

Fig. 12 に, RNA を用いて解析設計した 10 kVA 級の直交磁心 型可変インダクタの形状・寸法を示す. Table 2 は諸元である. 定 格容量は 10 kVA, 定格電圧は 200 V である. 磁心材質は厚さ 0.35 mm の無方向性ケイ素鋼板であり, その占積率は 99%である.

Fig. 13 に、10 kVA 級の直交磁心型可変インダクタの試作器の 外観を示す. 前章の検討結果に基づき、カットコアに直流制御巻線 を、積層コアに交流主巻線を配置している.

Fig. 14 に, 無効電力制御特性の実測値と計算値を示す. この図を見ると, 試作器は線形かつ連続的に無効電力を制 御可能であり, 計算値と良く一致していることがわかる. また, 制御量も制御電流約 7.4 A の時に, 設計通り約 10 kVar まで制御可能であることがわかる.

Fig. 15 は、定格換算した交流主巻線電流の歪み率である. この図を見ると、歪み率の実測値は全制御範囲で4%以下と 非常に低いことがわかる.

以上より,提案する直交磁心型可変インダクタは良好な 制御性と低電流歪み特性を有し,電力系統用の無効電力補 償装置として望ましい性能を有することが明らかとなった.



Fig. 12 10-kVA orthogonal-core-type variable inductor consisting of cut core and laminated core.

 Table 2
 Specifications of 10-kVA orthogonal-core-type

 variable inductor consisting of cut core and laminated core.

Primary dc winding $N_1$	490 turns, $0.134 \Omega$
Secondary ac winding $N_2$	78 turns, $0.050 \Omega$
Core motorial	Non-oriented silicon steel
Core material	Thickness: 0.35 mm
Rated capacity	10 kVA
Rated ac voltage	200  V
Frequency	50 Hz
Primary dc current	0–8 A



**Fig. 13** Appearance of 10-kVA prototype orthogonalcore-type variable inductor.



Fig. 14 Calculated and measured reactive power characteristics.



**Fig. 15** Calculated and measured normalized distortion factor of secondary ac current.

## 5. まとめ

本論文では、従来の直交磁心型可変インダクタで問題と なっていた接合面での層間短絡を解決するため、カットコ アと積層コアの2種類のコアで構成される新しい直交磁心 型可変インダクタを提案した.

まず始めに、小容量の検証器を用いて、提案する可変イ ンダクタの巻線配置について検討を行った結果、カットコ アに直流制御巻線、積層コアに交流主巻線を配置するのが 適切であることが明らかとなった.

次いで,10kVA 級の可変インダクタについて,解析設計 および試作試験を行った結果,提案する直交磁心型可変イ ンダクタは良好な制御性と低電流歪み特性を有し,電力系 統用の無効電力補償装置として望ましい性能を有すること が明らかとなった.

今後は,100 kVA 級の大容量器の解析設計と試作試験を 行う予定である.

## References

- T. Hayashi and T. Sakurai: *T. IEE Japan*, **117-B**, 901-904 (1997) (in Japanese).
- 2) S. Irokawa: *T. IEE Japan*, **115-B**, 1019-1022 (1995) (in Japanese).
- 3) F. Ichikawa: *T. IEE Japan*, **112-B**, 461-464 (1992) (in Japanese).
- O. Ichinokura, T. Jinzenji, and K. Tajima: *IEEE Trans.* Magn., 29, 3225-3227 (1993).
- M. Maeda, S. Akatsuka, T. Ito, and O. Ichinokura: J. Magn. Soc. Jpn., 23, 1787-1792 (1999) (in Japanese).
- K. Nakamura, O. Ichinokura, M. Kawakami, M. Maeda, S. Akatsuka, K. Takasugi, and H. Sato: *IEEE Trans. Magn.*, 36, 3565-3567 (2000).
- K. Nakamura, S. Akatsuka, T. Ohinata, M. Kawakami, M. Maeda, H. Sato, and O. Ichinokura: *T. IEE Japan*, **122-B**, 295-300 (2002) (in Japanese).

- K. Nakamura, S. Hisada, K. Arimatsu, T. Ohinata, K. Sakamoto, and O. Ichinokura: *IEEE Trans. Magn.*, 44, 4107-4110 (2008).
- K. Nakamura, T. Ohinata, K. Arimatsu, K. Sakamoto, and O. Ichinokura: *IEEJ Trans. on Fundamentals and Materials*, 128, 511-516 (2008).
- 10) K. Nakamura, K. Honma, T. Ohinata, K. Arimatsu, T. Kojima, M. Yamada, R. Matsumoto, M. Takiguchi, and O. Ichinokura: *IEEE Trans. Magn.*, **51**, 8402104 (2015).
- 11) K. Nakamura, Y. Yamada, R. Nono, T. Ohinata, K. Arimatsu, and O. Ichinokura: *IEEE Trans. Magn.*, **53**, 2600204 (2017).
- O. Ichinokura, K. Tajima, K. Nakamura, and Y. Yoshida: "Jikikairoho niyoru Mota no Kaiseki Gijutsu," Kagaku Gijutsu Shuppan (2016) (in Japanese)
- K. Nakamura and O. Ichinokura: *IEEJ Trans. on Fundamentals and Materials*, **128**, 506-510 (2008).

#### 2021 年 9 月 25 日受理, 2021 年 11 月 8 日採録

<Paper>

## 不等幅ポールピースによる整数ギヤ比を有する アキシャルギャップ型磁気ギヤのコギングトルク低減

## Cogging Torque Reduction of Axial-flux Magnetic Gear with Integer Gear Ratio by Unequal-width Pole-pieces

戴博群^{a)†}・中村健二^{a)}・鈴木雄真^{b)}・立谷雄一^{b)}・操谷欽吾^{b)} ^{a)}東北大学大学院工学研究科,宮城県仙台市青葉区荒巻字青葉 6-6-11 (〒980-8579) ^{b)}(株)プロスパイン,宮城県大崎市松山次橋字新千刈田 117 (〒987-1305)

B. Dai^{a)}[†], K. Nakamura^{a)}, Y. Suzuki^{b)}, Y. Tachiya^{b)}, and K. Kuritani^{b)}

^{a)} Tohoku University, Graduate School of Engineering, *6-6-11 Aoba Aramaki Aoba-ku, Sendai, Miyagi 980-8579, Japan* ^{b)} Prospine Co.,Ltd., *117 Shinsengarita Tsugihashi , Matsuyama, Osaki, Miyagi 987-1305, Japan* 

In some cases, magnetic gears are required to have an integer gear ratio based on the design requirements of the entire system, which results in a larger cogging torque in a high-speed rotor that causes vibration, noise, and startup error. The conventional skew rotor structure is a well-known countermeasure for cogging torque. However, it is complicated and difficult to assemble, especially in an axial-flux magnetic gear. To solve this problem, this paper presents a new type of pole-pieces called the unequal-width type. The validity of the proposed pole-pieces is proved both with the three-dimensional finite element method (3D-FEM) and in an experiment.

Key-words: Axial-flux magnetic gear (AFMG), integer gear ratio, cogging torque reduction, unequal-width pole-pieces

## 1. はじめに

省エネルギーとカーボンニュートラルの要請から、温室効果ガ スを排出しない再生可能エネルギーの導入拡大が強く望まれてお り、その中でも特に風力発電が注目されている.風力発電では、風 車の回転を増速するために機械式ギヤが用いられるが、歯車同士 を接触させて動力を伝達するため、振動や騒音、摩耗や発熱が生 じ、メンテナンスが必要であることが指摘されている.これらの問 題に対して筆者らは、非接触で増減速ができ、振動・騒音が小さく、 メンテナンスフリーな磁束変調型磁気ギヤに着目している^{1),2)}.ま た、その中でも、アキシャルギャップ型磁気ギヤ(Axial Flux Magnetic Gear: AFMG)は偏平で空間利用率が高く、組立性が良い ことから、風力発電の増速ギヤに適すると考えられる.

磁束変調型磁気ギヤのギヤ比は、通常、コギングトルクやトル クリプル低減のため、整数にならないように設計する³.しかしな がら、風力発電システムなど、大規模なシステムから見ると、いわ ゆる伝達機構の一つでしかない磁気ギヤには、システム全体の設 計仕様が優先され、整数ギヤ比を求められるケースがある.この場 合、特に高速側回転子のコギングトルクが大きくなり、振動や騒 音、起動エラーなどの問題が生じる.この問題に対して、回転子や ポールピースをスキューさせる構造は一つの有効なコギングトル ク低減策であるが、アキシャルギャップ型の場合、磁石やポールピ ースの形状が特殊になり、製作性や組立性が悪化する⁴.特に風力 発電用途の場合、磁気ギヤのサイズは極めて大きくなるため、製作 性や組立性の悪化は望ましくない.

そこで本論文では、整数ギヤ比を有する磁気ギヤの高速側のコ ギングトルク低減を目的として、新たに不等幅ポールピースを提 案する.本手法は、ポールピース周方向幅比を変更するだけで良い ため、スキュー構造より優れた製作性や組立性が期待できる.本論

責任著者:戴 博群 (email: dai.boqun.s4@dc.tohoku.ac.jp) 文では、3次元有限要素法(3D-FEM)を用いた解析と試作試験の 両面から提案手法の有用性について検討を行ったので報告する.

## 2. 整数ギヤ比を有する磁気ギヤの問題点

Fig.1 と Table 1 に、比較に用いたアキシャルギャップ型磁気ギ ヤ (AFMG) を示す⁵⁾.本磁気ギヤは高速側の永久磁石回転子 (Hspeed rotor) と低速側の永久磁石回転子 (L-speed rotor),そして 磁極片が周方向に等間隔に並んだポールピース (Pole-pieces) と呼 ばれる固定子で構成される.高速側回転子の極対数は3,低速側回 転子の極対数は30 と 31 であることから、ギヤ比は10 (= 30/3) と 10.333 (= 31/3) となる.



Fig. 1 Structure of AFMGs used in comparison.

Tabl	le 1	. S	pecific	ations	of	AFI	MGs	used	in	com	paris	son.
------	------	-----	---------	--------	----	-----	-----	------	----	-----	-------	------

**	io i opeenicatio	no or minob u	beu in compari
	Gear ratio	10	10.33
	H-speed rotor pole-pairs	3	3
	L-speed rotor pole-pairs	30	31
	Number of pole-pieces	33	34
	Inner diameter	80 mm	80 mm
	Outer diameter	147 mm	147 mm
	Air gap	$2 \text{ mm} \times 2$	2 mm × 2
	Core material of H-speed rotor	35A250	35A250
	Core material of L-speed rotor	SMC	SMC
	Pole-piece material	SMC	SMC
	Magnet material	Sintered Nd-Fe-B	Sintered Nd-Fe-B

本AFMGの高速側回転子は表面磁石構造であり、低速側は先に 筆者らが提案したセグメント構造である⁵⁰.また、高速側回転子の バックヨークは無方向性ケイ素鋼板(35A250)の巻き鉄心であり、 ポールピースと低速側回転子鉄心は圧粉磁心(SMC)である.磁 石材料はNd-Fe-B焼結磁石である.なお、Fig.1に示すように、 低速側回転子の永久磁石の方が圧粉磁心よりも突き出ているの は、これを樹脂製の回転子ホルダーの溝にはめ込むためである.こ の構造により同一体積でより多くの永久磁石を使用できることか ら、従来の表面磁石構造よりもトルク密度が約30%向上している.

Fig.2に、ギヤ比10.33 とギヤ比10の各々の場合のトルクリプ ルの算定結果を示す.この図を見ると、両者の低速側のトルクリプ ルはほぼ同じであるが、高速側のトルクリプルはギヤ比を整数に すると、6.4%から33.4%に大幅に増大することがわかる.また、 Fig.3の高速側回転子のコギングトルク波形の比較からも、ギヤ比 10のコギングトルクは非常に大きいことがわかる.コギングトル クが大きいと、振動や騒音、起動エラーなどの問題が生じるため、 削減が必須である.

## 3. 不等幅ポールピースに関する検討

## 3.1 不等幅ポールピースの最適な組み合わせに関する検討

本章では、整数ギヤ比を有する磁気ギヤの高速側回転子のコギ ングトルク低減を目的として、不等幅ポールピースについて種々 検討を行う.まず、3D-FEMを用いて、ポールピースの周方向幅 比が最大トルクと高速側コギングトルクに与える影響を調べる. ここで、Fig.4にポールピースの周方向幅比の定義を示す.図中の  $\theta_{pp}$ はポールピースの中心角度、 $\theta_{pitch}$ は隣り合うポールピース間の 角度である.

まず Fig. 5 に、周方向幅比と高速側コギングトルクの関係を示 す. 周方向幅比は 0.1 から 0.9 まで 0.1 刻みで変化させた. この図 を見ると、ポールピースの周方向幅比はコギングトルクの振幅に 大きく影響し、正から負まで変化していることがわかる. 一方で、 位相はほぼ変わらない. したがって、適切な周方向幅比の組み合わ せを選ぶことで、コギングトルクを相殺できると考えられる.

次いで, Fig.6 に周方向幅比と最大トルクの関係を示す.この図を見ると,周方向幅比が0.5~0.7付近でトルクが最大になること



**Fig. 2** Comparison of calculated torque ripple when gear ratios were 10.33 and 10, respectively.



**Fig. 3** Comparison of calculated waveforms of cogging torque of H-speed rotor.



Fig. 4 Definition of circumferential width ratio.



**Fig. 5** Calculated cogging torque waveforms of H-speed rotor at various circumferential width ratios.



**Fig. 6** Circumferential width ratio vs. maximum torque characteristics.

**Table 2**Summary of maximum torque and coggingtorque peak value.

Width ratio	Maximum torque(N•m)	Cogging torque peak(N·m)
0.1	11.7	-0.23
0.2	17.6	-0.08
0.3	22.3	0.18
0.4	26.3	0.4
0.5	28.9	0.47
0.6	30.1	0.37
0.7	29.6	0.11
0.8	27	-0.25
0.9	20.1	-0.36

がわかる.したがって、周方向幅比を選択する際には、コギングト ルクの相殺ばかりではなく、最大トルクの減少にも注意する必要 がある.

Table 2 に, Fig. 5 の高速側コギングトルクの波高値と Fig. 6 の 最大トルクをまとめた.この中から,最大トルクはあまり減少させ ずに,コギングトルクを最大限相殺できるポールピールの組み合 わせを選ぶ.ここで,考察に用いた AFMG のポールピースの数は 33 であるため,3 種類の周方向幅比の異なるポールピースを選ぶ 必要がある.そこで本論文では,周方向幅比 0.3,0.7,0.8 の3 種 類を選んだ. Fig. 7 に,選択した不等幅ポールピースと従来のポー ルピースの配置を示す.同図(b)に示すように,周方向幅比の異な る3 種類のポールピースを順番に周期的に並べた.

## 3.2 3次元有限要素法(3D-FEM)による計算結果

前節までの検討で決定した周方向幅比 0.3, 0.7, 0.8 の3 種類から構成される不等幅ポールピースを適用した場合と、従来の周方向幅比 0.5 の1 種類のみで構成される等幅ポールピースとした場合について、3D-FEM を用いて特性を比較する.

Fig.8に高速側コギングトルクの比較を示す.なお,解析では高 速側の磁石回転子とポールピースの相互作用で生じるコギングト ルクに着目するため,低速側回転子の永久磁石は空気に置き換え ている.この図を見ると,不等幅ポールピースの高速側コギングト ルクは大幅に低減されていることがわかる.この要因を明らかに するため,Fig.9に各々の不等幅ポールピースが作るコギングトル ク波形を示す.なお,ある1種類のポールピースが作るコギング トルクを計算するとき,別のポールピースは空気に置き換えた.こ の図を見ると,各ポールピースのコギングトルクが狙い通り相殺 していることがわかる.

Fig. 10 に、従来の等幅ポールピースと提案の不等幅ポールピースの高速側トルクリプルと最大トルクの比較を示す. 同図(a)を見ると、不等幅ポールピースを適用することで、高速側のトルクリプルは 33.4%から 6.3%まで、約 1/5 に低減したことがわかる. これは、Fig.2 に示したギヤ比 10.33 の磁気ギヤとほぼ同等である. 次いで、同図(b)の最大トルクの比較を見ると、28.9 N·m から 25.4 N·m に低下したが、その割合は約 12%であり、最大トルクの減少を抑えながら、トルクリプルを大幅に低減できたことが了解される.

Fig. 11 に、従来の等幅ポールピースと不等幅ポールピースの鉄 損と磁石渦電流損の算定結果を示す.このとき、高速側の回転速度 は300 rpm である.まず、同図(a)の鉄損を見ると、両者の回転子 鉄心の鉄損はほぼ同じであるが、ポールピースの鉄損は不等幅ポ ールピースの方が若干大きい.この原因は、不等幅ポールピースの 方が鉄心の量が多いためである.次いで、同図(b)の磁石渦電流損 を見ると、両者の磁石使用量は等しいため、磁石渦電流損も等しい ことがわかる.

続いて、3D-FEM による計算結果を基に算出した、磁気ギヤの 効率特性について述べる.磁気ギヤの効率ηは、以下の式を用い て算出した.

$$\eta = \frac{P_{out}}{P_{out} + W_i + W_{em}} \times 100 \,(\%) \tag{1}$$

ここで、 $P_{out}$ は機械出力であり、高速側回転子の回転角速度 $\omega_h$ と高速側回転子の平均トルク $\bar{\tau}_h$ を用いて、

$$P_{out} = \omega_h \overline{\tau}_h$$
 (2)  
ぎ与えられる、また、Wiは回転子鉄心とポールピースの鉄損、Wi

で与えられる.また、Wiは回転子鉄心とポールピースの鉄損、Wem は永久磁石の渦電流損である.なお、機械損は考慮していない. Fig.12に効率特性の比較を示す.この図を見ると、不等幅ポー

Fig. 12 に効率特性の比較を示す。この図を見ると、不等幅示ー ルピースの方が若干ではあるが、効率が全体的に低下しているこ とがわかる.これは、両者の損失にはほぼ差が無いが、不等幅ポー ルピースの最大トルクが約12%減少したためである.



(a) Conventional(b) Unequal-width typeFig. 7 Comparison of conventional pole-pieces and proposed unequal-width type pole-pieces.







Fig. 9 Cogging torque of different pole-pieces.



**Fig. 10** Comparison of torque ripple of H-speed rotor and maximum torque.



Fig. 11 Comparison of iron loss and eddy current loss.



Fig. 12 Comparison of efficiency characteristics.

## 4. 試作試験結果

Fig. 13(a)に、試作した不等幅ポールピースを示す. 同図(b)は試 作機の外観である. ポールピースを固定するホルダーには、炭素繊 維強化プラスチック (CFRP)を用いた. なお、今回は提案構造の コギングトルクの低減効果を明らかにするため、従来の等幅のポ ールピースも試作して比較を行った.

Fig. 14 に、試作機のコギングトルクのピーク値を測定するため に用いたトルクゲージを示す.同図に示すように、トルクゲージを 高速側回転子の軸に接続し、ゆっくりと回していくと、コギングト ルクのピークを越えて回転子が回転する瞬間のトルクを測定する ことができる.ただし、値のばらつきが比較的大きいため、今回は 各々30回ずつ測定し、比較を行った.

Fig. 15(a)に、従来の等幅ポールピースにした場合のコギングト ルクの観測頻度分布を示す. 同図(b)は、提案の不等幅ポールピー スにした場合の結果である. これらの図を見ると、不等幅ポールピ ースにすることで、コギングトルクが低減したことがわかる. 各々 の平均値は従来機が 0.65 N·m, 提案機が 0.32 N·m であり,約半減 した. なお, Fig. 8 の計算結果よりもコギングトルクの低減の度合 いが小さいが,これは先述のとおり,計算では低速側回転子の永久 磁石を空気に置き換えていることや,試作機の加工・組立精度の影 響があると考えられる.



**Fig. 13** Unequal-width type pole-pieces (a) and prototype machine (b).





Fig. 14 Torque gauge.



(b) Unequal-width type

**Fig. 15** Observation frequency distribution of cogging torque of H-speed rotor.

Fig. 16 に、磁気ギヤの基礎特性を測定するための実験システム を示す.入力軸にはサーボモータを接続して、磁気ギヤを任意の速 度で回転させ、出力軸にはヒステリシスブレーキを接続して、所望 の負荷を印加する.入出力軸に接続したトルクメータで回転速度 とトルクを測定する.なお、磁気ギヤは増速ギヤとして動作させた.

Fig. 17 に、従来の等幅ポールピースと提案の不等幅ポールピースの試作機の最大トルクの比較を示す.従来機の最大トルクは 27.5 N·m,提案機の最大トルクは 25.0 N·m であり、Fig. 10(b)に示した計算値とほぼ同じ結果が得られたことがわかる.

Fig. 18 に効率の実測値を示す. この図を見ると,計算結果と同様に,不等幅ポールピースの方が若干ではあるが,効率が全体的に低下していることがわかる.提案機の最大効率は 96.7%であり, 全動作領域で91%以上の効率を達成した.なお, Fig. 12 に示した計算値よりも実測値の方が効率が低い原因は,計算では機械損を 考慮できないためである.また,高速側で実測値の減少が顕著になった要因は, Fig. 13(b)に示したように,試作機内部を観察するための窓を設けたために空気の流れが乱れ,風損が増したことが考えられる.



Fig. 16 Experimental setup.



Fig. 17 Comparison of measured maximum torque.



**Fig. 18** Comparison of measured efficiency characteristics.

5. まとめ

以上、本論文では整数ギヤ比を有する磁気ギヤの高速側回転子 のコギングトルク低減を目的として、新たに不等幅ポールピース を提案するとともに、3D-FEM と試作試験の両面から種々検討を 行った。

3D-FEM による検討により、ポールピースの周方向幅比はコギ ングトルクの振幅に大きな影響を与えるが、位相はほとんど変わ らないため、周方向幅比の異なる複数のポールピースを組み合わ せることで、各ポールピース由来のコギングトルクを相殺できる ことを明らかにした.これにより最大トルクの減少を抑えながら、 大幅なトルクリプルの低減が可能である.

また, 試作試験により, 提案の不等幅ポールピースを採用することで, 最大トルクの減少を約9%に抑えつつ, コギングトルクを約 半減できることを実証した.

今後は, 試作機の構造を改善し, 提案機の高速回転時の効率特 性をさらに向上させる予定である.

**謝辞** 本研究の一部は東北大学人工知能エレクトロニクス 卓越大学院プログラムの支援を得て行われたものである.

#### References

- 1) T. B. Martin, Jr.: U.S. Patent 3,378,710 (1968).
- 2) K. Atallah and D. Howe: IEEE Trans. Magn., 37, 2844 (2001).
- K. Atallah, S. D. Calverley, and D. Howe: *IEE Proc. Electr: Power Appl.*, 151, 135 (2004).
- S. Ahmadreza Afsari, H. Heydari, and B. Dianati: *IEEE Trans.* Magn., 51, 1 (2015).
- 5) B. Dai, K. Nakamura, Y. Suzuki, Y. Tachiya, and K. Kuritani: *IEEJ J. Ind. Appl.*, **10**, 632 (2021).

#### 2021年09月29日受理, 2022年01月15日採録

<Paper>

## 誘導同期磁気ギヤの原理検証および伝達特性向上

## Principle Verification and Transmission Characteristics Improvement of Induction/Synchronous Magnetic Gears

水穴 裕真 ハ) *・中村 健二 a)・鈴木 雄真 b)・立谷 雄一 b)・操谷 欽吾 b)

 ・
 ・
 ・
 ・

 ・
 ・

 ・

 ・
 ・
 ・

 ・

 ・

 ・
 ・

 ・

 ・

 ・

 ・

 ・

 ・

 ・

 ・

 ・

 ・

 ・

 ・

 ・

 ・

 ・

 ・

 ・

 ・

Y. Mizuana ^{a)}[†], K. Nakamura ^{a)}, Y. Suzuki ^{b)}, Y. Tachiya ^{b)}, and K. Kuritani ^{b)}

^{a)} Tohoku University, Graduate School of Engineering, 6-6-11 Aoba Aramaki Aoba-ku, Sendai, Miyagi 980-8579, Japan

^{b)} Prospine Co., Ltd., 117 Shinsengarida, Matsuyamatsugihashi, Osaki, Miyagi 987-1305, Japan

Magnetic gears can transmit torque and change speed without any mechanical contacts. Therefore, vibration and acoustic noise are very low, and maintainability is high. Various kinds of magnetic gears have been proposed. Among them, the flux-modulated-type magnetic gear has a higher torque density and efficiency compared to conventional magnetic gears. Magnetic gears have a torque limiter function that allows them to step out and shut off power when overloaded. However, after stepping out, they cannot transmit power again unless the load torque is removed to some extent. This paper presents a novel induction/synchronous magnetic gears are tested.

Key words : Flux-modulated-type magnetic gear, induction/synchronous magnetic gear, restarting torque

## 1. はじめに

機械式ギヤは2つ以上の歯数の異なる歯車から構成され, 増減速や正逆転,動力分割など,様々な動力の変換と伝達 が可能である.現在,機械式ギヤは産業や民生,運輸など あらゆる分野で利用されており,動力伝達を行う上で欠か すことのできない重要な機械要素の一つとなっている.し かしながら,機械式ギヤは歯車同士の接触により動力の伝 達を行うため,振動や騒音,接触部での摩耗や発熱などの 問題が指摘される.また,大容量機の場合,接触部の冷却 や摩耗低減のための潤滑油系統が必須となる.これに伴い, システムが大型化・複雑化し,定期的な保守点検も不可欠 となる.

上記の問題に対し,近年,永久磁石を利用した磁気ギヤ が注目を集めている¹⁾.磁気ギヤは非接触で動力伝達可能で あるため,機械式ギヤと比べて振動や騒音が小さく,摩耗 や発塵がない.加えて,潤滑油系統も不要であり,保守性 に優れる.しかしながら,一般的な磁気ギヤは,機械式ギ ヤの歯を単純に永久磁石で置き換えた構造を有しており, 互いに対向した磁石同士でしか動力の伝達が行われないた め,トルク密度や効率が低く,実用には遠い存在であった. これに対して,磁束変調型磁気ギヤ²⁾は,内外2つの永久 磁石回転子と,その間に挟まれたポールピースと呼ばれる

Corresponding author: Y. Mizuana (e-mail: <u>yuma.mizuana.</u> <u>p1@dc.tohoku.ac.jp</u>).

複数の固定子磁極片から構成され、ポールピースにより磁 石磁束を変調することにより、ギヤとして動作する.磁束 変調型磁気ギヤは、内外すべての回転子磁石が動力伝達に 寄与することから、他種の磁気ギヤと比べてトルク密度が 高く^{3),4)}、実用化が最も期待されている.

これまで筆者らは、埋込磁石構造による磁石渦電流損の 低減⁵,磁気ブリッジの位置変更によるトルク向上⁶,アモ ルファス合金の利用による損失低減とトルク向上⁷,軸方向 漏れ磁束を相殺可能な磁石による損失低減とトルク向上を 各々提案するとともに、これらすべてのアイデアを取り入 れた磁気ギヤについて試作・評価を行い、最高効率が 99% 以上に達することを明らかにした⁸.

磁気ギヤの別の特徴の一つに、過大な負荷が印加された 際に脱調して動力を遮断するトルクリミッタ機能を有する ことが挙げられる.しかしながらその一方で、脱調後は負 荷をある程度取り除かない限り、再始動することができな いという課題がある.

そこで本論文では,脱調後の再始動性向上を目的として, 誘導同期モータの原理に着目し,磁気ギヤの回転子にかご 形導体を付加した誘導同期磁気ギヤを新たに提案するとと もに,原理検証実験を行ったので報告する.

## 2. 誘導同期磁気ギヤの基本構成と特徴

Fig.1に,誘導同期モータ並びに誘導同期磁気ギヤの構成 を示す.同図(a)の誘導同期モータは,導体バーと永久磁石 を有する回転子とコイルを有する固定子から構成される⁹⁰.



(a) Induction/synchronous motor



(b) Induction/synchronous magnetic gearFig. 1 Basic configuration of induction/synchronous motor and magnetic gear.

定常時は、同期モータとして動作するため高効率・高力率 である.一方、非定常時は導体バーに流れる誘導電流と固 定子で発生した磁束によってトルクが発生し、誘導モータ として動作するため、脱調することがない.また、導体バ ーがあることによって、定常時と非定常時の切り替えの際 に生じるハンチングを速やかに減衰させることができる.

同図(b)の誘導同期磁気ギヤは,誘導同期モータの固定子 部分を回転子とポールピースで置き換えた構成を有する. 定常時は,通常の磁気ギヤと同様に同期機として動作する. 一方,非同期時は,導体バーに流れる誘導電流とポールピ ースによって変調された磁束によってトルクが発生する. 誘導同期磁気ギヤは,このときに発生するトルクを利用す ることで,通常の磁気ギヤと比べて,より高負荷での再始 動が可能となる.



(a) General view



(b) Prototyped inner rotor

**Fig. 2** Configuration of prototyped induction/ synchronous magnetic gear.

Table	1	Specifications	of	prototyped	induction/
synchr	ono	us magnetic gear.			

<i>i</i> 0 0	
Gear ratio	6
Inner pole-pairs	2
Outer pole-pairs	12
Number of pole pieces	14
Number of cage rotor bar	28
Axial length	24 mm
Outer diameter	130 mm
Air gap	$1.5~\mathrm{mm}~ imes~2$
End ring length	2 mm
Core material	35A250
Bar material	Aluminum
Pole piece material	35A250
Magnet material	Sintered Nd-Fe-B

## 3. 誘導同期磁気ギヤの原理検証実験

Fig. 2 および Table 1 に,原理検証機の諸元を示す.内側 極対数は 2,外側極対数は 12,ポールピース極数は 14 であ り,ギヤ比は 6 (= 12/2)である.また,内側回転子には 28 本のアルミ導体バーが周方向に等間隔で配置されている. なお,エンドリングの厚さは 2 mm である.原理検証機で



Fig. 3 Experimental setup.

は内側磁石とエンドリングが重なっていない。したがって, 磁石を抜いた状態でアルミをインジェクションすること で,磁石の熱減磁を避けることができる.

Fig. 3 に,実験装置の外観を示す.入力側にはサーボモー タを接続し,任意の速度で誘導同期磁気ギヤを回転させる. 一方,出力側にはヒステリシスブレーキを接続し,磁気ギ ヤに所望の負荷トルクを印加する.入出力軸にはそれぞれ トルクメータを接続し,入力側と出力側の回転速度および トルクを測定する.今回は,入力側を低速・大トルクの外 側回転子,出力側を高速・低トルクの内側回転子とし,誘 導同期磁気ギヤを増速動作させて原理検証を行った.

Fig. 4 に,再始動時の復帰トルクの観測波形の一例を示 す.以下,復帰トルクの測定方法について述べる.まず, 入力回転数一定の状態で負荷を増加させていき,誘導同期 磁気ギヤを1度脱調させる.誘導同期磁気ギヤが,誘導機 として出すことができるトルクは脱調トルクよりも小さい ため,脱調した瞬間に出力軸は停止する.その後,負荷を 少しずつ下げていき,誘導機として出すことができるトル クを下回ると,内外回転子が再度同期する.このときのト ルクを復帰トルクとして測定した.

Fig. 5 に,原理検証機の復帰トルクの測定結果を示す. 導体バーがない通常の磁気ギヤと導体バーを有する誘導同期磁気ギヤそれぞれについて復帰トルクを測定した.入力回転数は,60 rpm,80 rpm,100 rpmとし,各回転数でそれぞれ10回ずつ測定を行った.縦軸は最大トルクで規格化した復帰トルクである.また,棒グラフは平均値,エラーバーは測定結果のばらつきである.同図を見ると,いずれの回転数においても,導体バーを有する誘導同期磁気ギヤの方が復帰トルクが大きくなっていることがわかる.

Fig. 6(a)に,入力回転数 60 rpm における原理検証機の最 大トルクの測定結果を示す.この図を見ると,原理検証機 の最大トルクは,導体バーがある場合とない場合どちらも 約 20 N·m/L であり,同等のトルク性能であることがわか る.

Fig. 6(b)に,入力回転数 60 rpm における効率の測定結果 を示す.縦軸は効率,横軸は最大トルクで規格化した出力 トルクである.同図より,誘導同期磁気ギヤの方が通常の



Fig. 4 Measured torque waveform in case of restarting.



**Fig. 5** Measured restarting torque of prototyped induction/synchronous magnetic gear.

磁気ギヤと比べて効率が大幅に低下していることがわかる.これは導体バーの本数が多く,誘導電流による損失が 大きくなったためだと考えられる.

以上,本章では誘導同期磁気ギヤの原理検証実験を行い, 脱調後の再始動性が向上することを明らかにした.一方で, 導体バーの本数が原因で効率が低下する課題が新たに生じ た.また,トルクの改善も必要である.

#### 4. 改良機の試作試験

トルクと効率の改善を目的として,改良機の試作試験を 行った.トルク密度 25 N・m/L 以上かつ最高効率 99%以上 を設計目標とした. Fig. 7 および Table 2 に,改良機の諸元 を示す.先行研究 ^(6)-8),10) では,ギヤ比 10.33 (内側極対数 3, 外側極対数 31, ポールピース極数 34)の磁気ギヤについて 検討されており,トルク,効率ともに優れた特性を有する ことが明らかになっている。以上の理由から,改良機のギ



(b) Efficiency

**Fig. 6** Measured maximum torque and efficiency of prototype induction / synchronous magnetic gear.

ヤ比も 10.33 (内側極対数 3, 外側極対数 31, ポールピース 極数 34) を採用した. なお, エンドリングの厚さは 4 mm である. 伝達トルクの改善を目的として, 内側磁石をギャ ップ面に近づけた. また, 効率を改善するため, 内側磁石 同士の隙間に導体バーを配置した. 導体バーは回転対称性 を考慮すると, 磁石の間にしか配置することができないた め 6 本とした. また, 内側磁石とエンドリングが重なって いるため, 製作方法を工夫した. 具体的には, 内側ヨーク の一部を切断して内側磁石を取り付けた後, 切断箇所に別 のヨークを挿入して内側磁石を固定するという製作方法を 採用した.

Fig. 8に、改良機の復帰トルクの測定結果を示す.入力回 転数は、原理検証機と同様に、60 rpm,80 rpm,100 rpm とし、各回転数でそれぞれ10回ずつ測定を行った.また、 縦軸は最大トルクで規格化した復帰トルクであり、棒グラ フは平均値、エラーバーは測定結果のばらつきである.こ の図を見ると、いずれの回転数においても、導体バーを有





(b) Improved inner rotor

**Fig. 7** Configuration of improved induction/ synchronous magnetic gear.

 
 Table 2
 Specifications of improved induction/ synchronous magnetic gear.

Synomonous mugnotic gour.	
Gear ratio	10.33
Inner pole-pairs	3
Outer pole-pairs	31
Number of pole pieces	34
Number of cage rotor bar	6
Axial length	25 mm
Outer diameter	89 mm
Aire goog	1 mm (Inner)
Air gap	2 mm (Outer)
End ring length	4 mm
Core material	35A250
Bar material	Aluminum
Pole-piece material	SMC
Magnet material	Sintered Nd-Fe-B

する誘導同期磁気ギヤの方が復帰トルクが高いことがわかる.一方, Fig.5 に示した原理検証機の測定結果と比較すると、原理検証機の方が復帰トルクの改善効果が高いことが



**Fig. 8** Measured restarting torque of improved induction / synchronous magnetic gear.

わかる.これは、バーの本数が多いほどバー間抵抗が小さ く誘導電流が流れやすいため、得られる誘導トルクが大き いことに起因していると考えられる.

Fig. 9(a)に,入力回転数 60 rpm における改良機の最大ト ルクの測定結果を示す. 同図より, 改良機の最大トルクは 26~28 N·m/L であり,原理検証機よりも伝達トルクが向上 していることがわかる.また、原理検証機では導体バーが ある場合とない場合とで同等のトルクが得られていたのに 対し、改良機では、導体バーがある場合の方がトルクが小 さくなった.この原因として以下の2点が考えられる.1 点目は、アルミをインジェクションする際に内側ヨークに 過大な圧力がかかり,内側磁石と導体バーの間に設けたフ ラックスバリアが狭くなったことで、磁石磁束が漏洩し、 有効磁束が減少したためだと考えられる.2点目は,製作方 法の違いによるものだと考えられる. 原理検証機では、内 側磁石とエンドリングが重なっていないため、インジェク ション前後で内側磁石の取り外しが可能な状態である.こ れに対し、改良機では、内側磁石とエンドリングが重なっ てしまうため、内側ヨークの一部を切断して内側磁石を取 り付けた後、切断箇所に別のヨークを挿入して内側磁石を 固定するという製作方法を採用した. そのため, 挿入した ヨークと回転子ヨークとの間に僅かなギャップが生じる. これにより有効磁束が減少し、トルクが低下したと考えら れる.

Fig. 9 (b)に,入力回転数 60 rpm における改良機の効率の 測定結果を示す.縦軸は効率,横軸は最大トルクで規格化 した出力トルクである.同図を見ると,改良機の効率は導 体バーの無い通常の磁気ギヤとほぼ同等で,99%以上と極め て高いことがわかる.これは,導体バーの本数が減ったこ とで誘導電流による損失が小さくなったことが原因である と考えられる.

以上,本章では改良機の試作試験を行い,伝達トルクと 効率を改善し,設計目標を達成することができた.



(b) Efficiency

**Fig. 9** Measured maximum torque and efficiency of improved induction / synchronous magnetic gear.

## 5. まとめ

以上,本論文では,磁気ギヤの脱調後の再始動性向上を 目的として,回転子にかご形導体を付加した誘導同期磁気 ギヤを新たに提案するとともに,原理検証機および改良機 の試作試験を行った.

まず原理検証実験では、通常の磁気ギヤと導体バーを有 する誘導同期磁気ギヤそれぞれの復帰トルクを比較した. その結果、回転子に導体バーを付加することで、脱調後の 復帰トルクが改善されることを明らかにした.しかしなが らその一方で、効率が低いことが判明した.

次いで、伝達トルクと効率の改善を目的として、内側磁 石をギャップ側に近づけるとともに、導体バーの本数を減 らした改良機を試作して実験を行った.その結果、良好な 再始動性を維持しながら、伝達トルクと効率の改善を図る ことができた.

今後は、復帰トルクのさらなる向上のため、導体バーの 本数や形状について検討する予定である. **謝辞** 本研究の一部は東北大学人工知能エレクトロニクス 卓越大学院プログラムの支援を得て行われたものである.

#### References

- F. T. Jørgensen, P. O. Rasmussen, and T. O. Andersen: "Magnetic gears – a Review", *Summer Seminar on Nordic Network for Multi Disciplinary Optimized Electric Drives* (2003).
- 2) T. B. Martin, Jr.: "Magnetic transmission", U.S. Patent 3378710 (1968).
- K. Atallah and D. Howe: *IEEE Trans. Magn.*, **37**, 2844 (2001).
- P. O. Rasmussen, T.O. Andersen, F.T. Jørgensen, and O. Nielsen: *IEEE Trans. Ind. Applicat.*, 41, 764 (2005).

- T. Ikeda, K. Nakamura, and O. Ichinokura: J. Magn. Soc. Jpn., 34, 380 (2010).
- Y. Mizuana, K. Nakamura, Y. Suzuki, Y. Oishi, Y. Tachiya, and K. Kuritani: *T. Magn. Soc. Jpn. (Special Issues)*, **3**, 74 (2019).
- Y. Mizuana, K. Nakamura, Y. Suzuki, Y. Oishi, Y. Tachiya, and K. Kuritani: *T. Magn. Soc. Jpn. (Special Issues)*, 4, 52 (2020).
- Y. Mizuana, K. Nakamura, Y. Suzuki, Y. Oishi, Y. Tachiya, and K. Kuritani: J. Magn. Soc. Jpn, 45, 50 (2021).
- P. W. Huang, S. H. Mao, M. C. Tsai, and C. T. Liu: "Investigation of line start permanent magnet synchronous motors with interior-magnet rotors and surface-magnet rotors," 2008 International Conference on Electrical Machines and Systems, pp. 2888-2893 (2008).
- K. Nakamura, M. Fukuoka, and O. Ichinokura: Journal of Applied Physics, 115, 17 (2014).

2021年10月1日受理, 2021年11月30日再受理, 2022年1月15日採録

<Paper>

## セグメント構造アウターロータ型高速 PM モータに関する検討

## Outer-Rotor-type High-Speed PM motor with Segmented-shaped Rotor

櫻井 将[†],内山裕太郎,中村 健二 東北大学 大学院工学研究科,仙台市青葉区荒巻字青葉 6-6-11(〒980-8579)

S. Sakurai[†], Y. Uchiyama, K. Nakamura

Tohoku University, Graduate School of Engineering, 6-6-11 Aoba Aramaki Aoba-ku, Sendai 980-8579, Japan

Cooling fans are widely used in communication base station servers since they have a good balance between performance and cost. Cooling fan motors generally have an outer rotor structure because the fan can be directly mounted on the rotor. However, the outer-rotor-type motor has a low degree of freedom in design since the rotor core is thin. Therefore, most of the cooling fan motors have a surface permanent magnet (SPM) structure, and thus, it has ferrite magnets to prevent eddy current losses in magnets and cannot use a reluctance torque. This paper presents a novel outer-rotor-type high-speed PM motor with a segmented-shaped rotor. It can efficiently use reluctance torque in addition to magnet torque, and reduce eddy current loss in magnets even though the rotor has sintered Nd-Fe-B magnets. The usefulness of the proposed motor is proved by comparing it with an inset PM motor using a three-dimensional finite element method (3D-FEM) and prototype tests.

Key words: Permanent magnet (PM) motor, segmented-shaped rotor, cooling fan

### 1. はじめに

第5世代移動通信システム(5G)の進展とともに、大量 の情報を高速で処理する必要性から、通信基地局サーバの 増強が進められている.具体的には、CPU 自体の性能向 上、並列処理、高密度実装などが行われているが、性能向 上とともにサーバ内の局所発熱が深刻化しており、冷却装 置の性能向上が喫緊の課題となっている.

種々の冷却装置の中で冷却ファンは、大量生産による低 コスト化が可能であり、冷却性能も比較的高いため、現在 幅広く利用されている.また、大型の冷却装置が苦手とす る局所発熱にも対応できるため、サーバ内の冷却装置とし て適する.冷却ファンの性能向上には風量と風圧の増大が 必要であるが、そのためには駆動用モータの高出力化が欠 かせない.一方で、モータの高速回転化、高トルク化によ り、モータ自体の発熱増大が懸念されることから、損失の 低減、すなわち高効率化も必要不可欠である.しかし、従 来の冷却ファン用モータはコスト低減が最優先事項であ ったことから、高性能・高効率化に関する研究はあまりな い¹⁾⁻³⁾.加えて、冷却ファン用モータはアウターロータ型 が一般的であるため、回転子鉄心が薄く、形状自由度が低 いという設計上の難点もある.

上述の問題に対して、筆者らは、冷却ファン用の永久磁石(PM)モータの高出力化と高効率化を両立するため、 ネオジム焼結磁石を採用し、さらに磁石を周方向に分割して、回転子鉄心内に浅く埋め込むことで、磁石に生じる渦 電流損を低減する構造を考案した.有限要素法(FEM)に よる解析と試作の結果、考案した埋込磁石構造のPMモー タは90%近い効率を達成した⁴⁾⁻⁵⁾.

一方で,いつかの課題も明らかになった.それは,埋込 磁石構造でありながら,表面磁石構造とほぼ同じ回転子構 造のため,リラクタンストルクが活用できないこと,また, 磁石の使用量が多く高コストであることである。

本論文では、上述の新しい課題を解決するため、新たに 周方向に磁石と鉄心を分割して並べた、セグメント構造の アウターロータ型 PM モータを提案する.提案機は磁気的 突極性を有するため、リラクタンストルクの利用が可能で あり、また電機子磁束がほとんど磁石に流入しないため、 磁石渦電流損も極め低い.さらに、磁石使用量も削減でき る.提案機の有用性について、FEM と実証実験の両面から 検討を行ったので報告する.

### 2. セグメント PM モータの特性算定と比較

### 2.1 比較検討に用いた PM モータ

Fig.1に、一般的な冷却ファン用 PM モータの基本構成 を示す.3相4極6スロットの集中巻のアウターロータ型 であり、永久磁石は回転子表面に張り付けられている.同 図から明らかなように、アウターロータ型は回転子鉄心が 薄く、形状自由度が低い.そのため、インナーロータ型で は一般的な、埋込磁石構造によるリラクタンストルクの有 効利用は難しい.また、冷却ファン用モータの定格回転数 は10,000 rpm 前後であるため、導電率が比較的高いネオ ジム焼結磁石を用いると、非同期の高調波磁束に起因した 大きな渦電流損が生じる.そのため、コスト優先であれば フェライト磁石が、性能優先であればネオジムボンド磁石 が一般に用いられる.

Fig. 2 に、本論文で提案するセグメント構造のアウター ロータ型 PM (Segment PM) モータの基本構成と諸元を 示す.回転子は、周方向に並んだ磁石と鉄心からなるセグ メント構造であり、磁気的突極性を有することから、マグ ネットトルクに加えてリラクタンストルクも利用できる. また同図に示すように、磁石は周方向に着磁され、同極同 士が向かい合うように配置されるため、d 軸が鉄心中央を

Corresponding author : S. Sakurai (e-mail: sho.sakurai.q2@dc.tohoku.ac.jp).

向き, q 軸は磁石中央を向く. これにより, 電機子磁束は 磁石にほとんど流入しないことから, ネオジム焼結磁石を 用いることができ, マグネットトルクの増大も期待できる. なお, 本モータの定格回転数は 30,000 pm とした. これは 冷却ファン用モータの高出力化を考えた場合, 高速回転化 が必須になるためである.

Fig. 3には、比較に用いたインセット構造のアウターロ ータ型 PM (InPM) モータを示す.固定子は Segment PM モータと同一とし、回転子構造のみが異なる.Fig. 1に示 した一般的な表面磁石構造では無く、回転子鉄心を突極構 造にすることでリラクタンストルクの利用を狙う.一方で、 本モータの d 軸は一般的な PM モータと同様に磁石中央を 向くことから、電機子磁束が磁石に流入し、その高調波成 分に由来する渦電流が生じるため、ネオジム焼結磁石の利 用は不可である.そこで本論文では、代わりにネオジムボ ンド磁石を用いる.

以降では、3 次元 FEM を用いて Segment PM モータと InPM モータの諸特性の比較を行う. なお、FEM には (株)JSOL の JMAG Designer Ver 19.1 を用いた.



Fig. 1 Schematic diagram of a conventional cooling fan motor.



Fig. 2 Specifications of a proposed segment PM motor.



Fig. 3 Specifications of an InPM motor used for comparison.



**Fig. 4** Flux lines diagram of the segment PM motor generated by only armature current.

Fig. 4 は, Segment PM モータにおいて,磁石を空気に 置き換え,電機子電流由来の磁束のみを示した磁束線図で ある.この図を見ると,電機子磁束の大半は回転子鉄心を 通り,磁石にはほとんど流入していないことがわかる.し たがって,提案の Segment PM モータはネオジム焼結磁 石を用いることができる.

### 2.2 諸特性の算定結果の比較

Fig. 5 に,前節で述べた 2 種類の PM モータのトルク特 性の算定結果を示す.この図を見ると,定格トルク時の電 流密度は Segment PM モータが約 6 A/mm², InPM モー タが約 7.3 A/mm² であり, Segment PM モータの方がトル クが優れていることがわかる.

Fig. 6(a), (b)には、定格トルク付近における電流位相角 対トルクを示す. この時の電流密度は Segment PM モー タが 6 A/mm²であり, InPM モータが 7.3 A/mm²である. ここで、マグネットトルクに着目すると、両者はほぼ等し いことがわかる. すなわち、Segment PM モータの方が磁 石磁束が大きいことがわかるが、これはより強力なネオジ ム焼結磁石が利用できているためである.

また, Segment PM モータは電流位相角 15 deg で最大 トルクが得られ, このときの総トルクに対するリラクタン ストルクの割合は約 7%であった.一方, InPM モータは 電流位相角がほぼ 0 deg でトルクが最大となるため, 総ト ルクに対するリラクタンストルクの割合はほぼ 0%である. Fig. 3 に示したように, 回転子鉄心を突極構造にすること でリラクタンストルクの利用を狙ったが, 狙い通りには行 かないことが明らかとなった. なお, 両モータの突極比は, Segment PM モータが 2.2, InPM モータは 1.1 であった.

以上,提案の Segment PM モータはネオジム焼結磁石 の利用によるマグネットトルクの増大に加えて,セグメン ト構造に由来するリラクタンストルクの利用によって,ト ルク特性が向上したことが明らかとなった.

次いで,損失特性の比較を行う. Fig. 7(a)に銅損 W_cを示 す. 銅損は以下の式から算出した.

 $W_c = R I_{rms}^2$


Fig. 5 Comparison of calculated torque characteristics.



Fig. 6 Current phase angle vs. torque characteristics.

上式中のRは巻線抵抗,Imsは巻線電流の実効値である. Segment PM モータの方がトルク特性が優れるため,同一 トルクに対する銅損も小さい.

Fig.7 (b)は鉄損 Wiである.鉄損は 3D-FEM で求めた各要素の磁束密度波形から, (2)式に示すスタインメッツの実験 式に基づき鉄損を求め,これら各要素の鉄損の総和をモー タ全体の鉄損として求めた.

$$W_i = A_h B_m^2 f + A_e B_m^2 f^2 \tag{2}$$

上式中の  $A_h$ はヒステリシス損係数,  $A_e$ は渦電流損係数,  $B_m$ は磁東密度, fが周波数である.同図を見ると, Segment PM モータの方の鉄損がわずかに大きいが, ほとんど差は 無いことがわかる.

同図(c)は磁石渦電流損 Wem である. この図を見ると, Segment PM モータはネオジム焼結磁石を用いているに も関わらず,磁石渦電流損が極めて小さい. これは Fig. 4



に示したように、電機子磁束がほとんど磁石に流入しない ためである. なお、InPM モータはネオジムボンド磁石を 用いているため、磁石渦電流損はゼロである.

Fig. 8 に効率特性の比較を示す. ここで 3D-FEM におけ る効率は,次式を用いて計算した.

$$\eta = \frac{P_{out}}{P_{out} + W_c + W_i + W_{em}} \times 100 \ (\%) \tag{3}$$

上式の Pout は機械出力であり、回転角速度と平均トルクの 積で与えられる. なお、機械損は無視した. 同図を見ると、 軽負荷領域では両モータの効率はほぼ等しいが、負荷の増 大に伴い、トルクおよび銅損ともに優れる Segment PM モ ータの方が高効率となることがわかる. なお、定格トルク 時の効率の計算値は 96%である.

## 3. セグメント PM モータの試作試験

前章の検討により,提案の Segment PM モータは良好 なトルク特性と効率特性を有することが明らかとなった ことから,提案機の試作試験を行った.

Fig. 9に、試作した Segment PM モータを示す.本モー タはアウターロータ型であり、モータケースを固定するこ とができないため、同図(a)、(b)に示すように、代わりに モータ固定用の治具を設けている.また、同図(c)に示すよ うに、試作機の磁石は円弧形状では無く、製作性とコスト の観点から四角形状とした.また、内周側には回転子鉄心 にツバを設け、磁石の脱落を防いでいる.なお、同図には 示されていないが、外周側にはケースがあるため、磁石が 遠心力で外れることは無い.

Fig. 10 に、外部動力を用いて本モータの回転子を 30,000 rpm で駆動したときの無負荷誘起電圧波形を示す.



(a) Appearance of the prototype segment PM motor







**Fig. 10** Comparison of calculated and measured back EMF waveforms at 30,000 rpm.



Fig. 11 Experimental setup.

この図を見ると、3D-FEM の計算値に対して実測値が小 さいことがわかる.これは磁石特性のバラつきや着磁不良 などが原因として考えられる.そこで以降の 3D-FEM の 計算値は、この結果に基づき磁石の保磁力を 85%に減じて 再計算したものを示す.

Fig. 11 に実験システムの外観を示す. 3 相 PWM インバ ータには直流電源から 48 V を供給し,モータはセンサレ ス電流ベクトル制御で駆動する.モータの回転数は 30,000 rpm 一定に制御し,ヒステリシスブレーキで任意の負荷を 加え,その時の電気入力やモータ電流などをパワーアナラ イザで測定し,各種特性を求めた.

Fig. 12 に、トルク特性を示す. この図を見ると、試作 機のトルク特性はほぼ設計通りであることがわかる. なお、 トルク特性の切片が異なるのは、FEM では機械損などを 無視したためである.

Fig. 13(a)に銅損を示す. この図を見ると, トルク特性 が等しいため, 銅損特性もほぼ等しいことがわかる. 同図 (b)は, 銅損以外の鉄損 W_i, 磁石渦電流損 W_{em}, 機械損 W_m の合計値である. ただし, これらを直接実測することは困 難であるため, 以下の式から求めた.

 W_i + W_{em} + W_m = P_{in} - P_{out} - W_c
 (3)

 ここで P_{in} は電気入力, P_{out} は機械出力である.一方,

 3D-FEM では機械損を無視しているため,計算値は鉄損

 W_iと磁石渦電流損 W_{em}の和である.この図を見ると,実測

 値の方が 13 W 程度大きいことがわかるが,両者の差の主

 たる要因は機械損と推察される.特に,試作機は Fig. 9(b)









Fig. 13 Comparison of loss characteristics.



に示したように、片持ち梁構造になっているため、治具側 のベアリングに大きな荷重がかかり、機械損が通常よりも 増大した可能性が考えられる.

Fig. 14 に効率特性を示す.上述の損失の影響で効率の 実測値は計算値に対して大きく低下したが,定格点 (30,000 rpm, 60 mN·m)の効率は88.5%に達した.

## 4. まとめ

以上,本論文ではセグメント構造の回転子を有するアウ ターロータ型 PM モータを提案するとともに, 3D-FEM と 実証実験の両面から検討を行った.

まず始めに、3D-FEM を用いてモータ特性を算定した結 果,提案の Segment PM モータはネオジム焼結磁石の利 用によるマグネットトルクの増大に加えて、セグメント構 造に由来するリラクタンストルクの利用も可能であり、優 れたトルク特性を有することが明らかとなった.また、ネ オジム焼結磁石を用いているにも関わらず、電機子磁束が ほとんど磁石に流入しないため、磁石渦電流損が極めて小 さいことが明らかとなった.

次いで,提案の Segment PM モータの試作試験を行っ た結果,提案機はほぼ設計通りのトルク特性を有すること が明らかとなった.一方で効率は機械損などの影響もあり, 設計値を下回った.ただし,本モータは小型であり,回転 数も 30,000 rpm と極めて速いことを勘案すると,実機で 90%近い効率が得られたことは,所期の目標をある程度達 成できたと結論付けることができる.

今後は、本モータのさらなる効率向上を目指して、機械 損の低減などに取り組む予定である.

#### References

- J. F. Gieras, D. Chojnowski, and P. Mikulski: *IEEE IEMDC*, 624 (2015).
- Chun-Lung Chiu, Yie-Tone Chen, You-Len Liang, and Ruey-Hsun Lian: *IEEE Trans. Magn.*, 46, 1123 (2010).
- A. Lelkes, J. Krotsch, R. W. DeDoncker: *IEEE Industry* Applications Conference (37th IAS Annual Meeting), 2036 (2002).
- S.Sakurai, K.Nakamura: T. Magn. Soc. Jpn. (Special Issues), 4, 72 (2020).
- S. Sakurai, K. Nakamura: J. Magn. Soc. Jpn., 45, 70 (2021).

2021年10月04日受理, 2021年11月11日採録

# アキシャルギャップ誘導モータの設計手法に関する検討

## Study on Design Method of Axial Gap Induction Motor

照井智理[†],吉田征弘,田島克文 秋田大学大学院理工学研究科,秋田県秋田市手形学園町1-1(〒010-8502)

T. Terui[†], Y. Yoshida, and K. Tajima

Graduate School of Science and Engineering, Akita Univ., 1-1 Tegata Gakuen-machi, Akita, Akita 010-8502, Japan

In this paper, we designed an axial gap induction motor with a synchronous speed of 6000 rpm and a power density of more than 1 kW/L for drones by applying the proportional increment method, which decides the allocation of electric loading and magnetic loading, to the axial gap induction motor. The designed motor was analyzed by reluctance network analysis (RNA), which has a proven to be a useful method for analyzing induction motors. It was confirmed that an axial gap induction motor with a rotational speed of 5850 rpm and a power density of 1.39 kW/L could be designed.

Key words: induction motor, axial gap induction motor, design method, reluctance network analysis

### 1. はじめに

モータは電気エネルギーを機械エネルギーに変換する電力機器 として広く使用されており、その用途は家電、通信機器、産業機器、 医療機器など多岐にわたっている.また、物流業界での輸送手段¹)、 農業分野における農薬散布やセンシング³などに取り入れられる ドローンにもモータが使用される.ドローンに搭載されるモータ には小型化・軽量化のため、永久磁石モータが一般的に用いられる ³. ただし、磁石材料としてネオジムやジスプロシウムといったレ アアースが使用されており、材料採掘と精錬に伴う環境汚染が問 題視されている⁴.

レアアースフリーモータである誘導モータは、回転子に永久磁 石を使用せず、鉄心とアルミニウムや銅を材料とした二次導体で 構成されているため、構造が簡単で堅牢、安価といった特徴がある. しかしながら、永久磁石モータと比較するとトルク密度が劣るた め、誘導モータがドローンに適用された例はほとんど報告されて いない.一方で、アキシャルギャップ構造を適用した誘導モータは、 小型、扁平形状の場合でもギャップ面積を確保でき、従来のラジア ルギャップ誘導モータに対してトルク密度が2倍になることが解 析により示された⁵. そこで筆者らは、アキシャルギャップ誘導モ ータについてドローン用モータへの適用の可能性を見積もるため の検討を行った.モータの設計において、形状、使用する材料の特 性、制御方式など考慮すべき要素が複数存在しており、設計時の方 向性を定めにくい.そこで、モータ容量に対する寸法設計を短時間 かつ簡単に行える設計手法として装荷分配法を用いて検討した.

装荷分配法は、ギャップ磁束である磁気装荷とアンペア導体数 である電気装荷の配分を決めることで、電気機器の概略設計を行 う手法である.モータ容量は磁気装荷と電気装荷の積に比例する ため、磁気装荷または電気装荷どちらかを要求仕様および汎用モ ータの相場から決定しておけば装荷配分を満たす寸法設計が比較 的容易に可能である.しかしながら,一般的な装荷分配法は従来構 造のラジアルギャップ誘導モータにおける設計手法であるため, 本研究では装荷分配法によるアキシャルギャップ誘導モータの設 計手法を提案し,ドローン用モータとして同期速度 6000 rpm, 出力密度 1 kW/L 以上の特性を持つアキシャルギャップ誘導モー タの設計を行った.また,設計したアキシャルギャップ誘導モータ の特性算定を行うにあたり,一般的にモータの解析に用いられる 有限要素法 (Finite Element Method : FEM) による電磁界解析では 渦電流解析が必要となり,計算時間の長大化が予想される.本研究 では,解析対象を複数の要素に分割し,磁気抵抗回路網として表現 する解析手法である磁気抵抗回路網解析 (Reluctance Network Analysis : RNA) に基づく特性算定モデルを作成し,計算時間短 縮を図ると共に FEM による特性算定結果と比較,検証した.

## 2. 設計手法の概要

#### 2.1 仕様の決定

本研究では固定子1つを回転子2つで挟み込む構造であるシン グルステータダブルロータ構造,トロイダル巻線のアキシャルギ ャップ誘導モータを想定し,設計を行う.はじめに設計していくモ ータの仕様として出力Pm,極数p,電圧E1,周波数f,結線方法を 決める.誘導モータではすべりが存在するため,ここで決める周波 数による回転磁界の回転速度と回転子の回転速度には差が生じて いる.出力と極数をもとに汎用モータの相場®から効率ηと力率cos *θ*を予想する.

#### 2.2 装荷の分配

モータ寸法の概略設計を行う上で重要となる装荷の分配を行う. 効率と力率を予想したことで先に決定した出力を満たすための入 力  $P_a$ が決まる.

$$P_{\rm a} = \frac{P_{\rm m}}{\eta \cos \theta} \tag{1}$$

また、電圧と結線方法を決めているため、相電流 I1 が決まる.な

Corresponding author: T. Terui (e-mail: m8020907@s.akita-u.ac.jp).

お、△結線では相電流と線電流、Y 結線では相電圧と線間電圧が異なるため注意が必要である. ここでは Y 結線を想定して説明していく.

$$I_1 = \frac{P_{\rm a} \times 10^3}{\sqrt{3}E_1}$$
(2)

続いて, 極数を決めているため, 1極あたりのモータ容量Sが決まる.

$$S = \frac{P_{a}}{p}$$
(3)

この1極あたりのモータ容量を周波数で割った値をモータ比容量 S'とする.

$$S' = \frac{S}{f \times 10^{-2}} \tag{4}$$

磁気装荷 $\phi$ を計算するにあたり、モータの性質に影響する装荷分 配定数 $\gamma$ を決める.  $\gamma = 1$ の場合は電気装荷が大きい銅機械(巻線 径の拡大,導体数の増加)、 $\gamma = 2$ の場合は磁気装荷が大きい鉄機 械(鉄心部分の拡大)になる.誘導モータの場合では固定子導体に 加え、回転子にも導体を用いており、銅損の割合が大きい銅機械の 性質を持つため、銅機械寄りの $\gamma = 1.3$ とするのがよいとされてい る ⁰.装荷分配定数を決めるとともにモータ比容量が1のときの 磁気装荷である基準磁気装荷 $\phi$ 0を決めることで設計していくモー タが必要とする磁気装荷が決まる.

$$\phi = \phi_0 \left( \frac{S}{f \times 10^{-2}} \right)^{\gamma(1+\gamma)}$$
(5)

ここで、シングルステータダブルロータ構造はエアギャップ層 を2つ有する構造であるため、エアギャップ層数Gを考慮した磁 気装荷を使用して設計を行う.誘導モータでは外部から供給され ている電圧と磁束により誘導される起電力がつり合うように磁束 が生じる.すなわち、先に決めた電圧と磁気装荷により誘導される 起電力が等しくなる.この関係より1相の直列導体数Nph1 は巻線 係数をkw1 とすると

$$N_{\rm ph1} = \frac{E_1 / \sqrt{3}}{\frac{\pi}{\sqrt{2}} f \frac{\phi}{G} k_{\rm w1}}$$
(6)

となり,固定子の毎極毎相スロット数qを決めると,全スロット数 $Z_1$ ,1スロットの導体数Nが決まる.

$$Z_1 = 3pq \tag{7}$$

$$N = \frac{N_{\rm ph1}}{pq} \tag{8}$$

実際の1スロットの導体数にはこれに近い整数を選ぶ必要があるため,選んだ1スロットの導体数での1相の直列導体数と磁気装荷を再度計算する.

また電気装荷 AC は

$$AC = \frac{3 N_{\text{ph1}} I_1}{p} \tag{9}$$

となる.

## 2.3 主要寸法の決定

これまでに決めた仕様,装荷によりモータ寸法の概略設計を行っていく.はじめに固定子寸法の決定を行う.従来のラジアルギャ



Fig. 1 Structure of axial gap induction motor.

ップ誘導モータの場合では、最初に電気装荷と電機子内周の1mm 当たりの電気装荷である電気比装荷により決まる極ピッチから固 定子鉄心の内径を決定し、寸法設計を行う、しかし、アキシャルギ ャップ誘導モータでは、電気比装荷を計算するための極ピッチが 固定子の径によって異なるため、電気比装荷が均一ではない、した がって、本研究では所望の要求特性を満たす磁気装荷を計算し、ギ ャップ面積を決定したのちに固定子鉄心の外径および内径を決定 することで寸法設計を行うこととする.

ギャップ部分の磁束密度となる比磁気装荷 $B_{g}$ を選ぶと既に決まっている磁気装荷から1極あたりの総ティースギャップ面積 $S_{gt}$ および Fig.1に示すティースのギャップ面積 $S_{gt1}$ が決まる.

$$S_{\rm gt} = \frac{\phi}{B_{\rm g} \times 10^{-6}} \tag{10}$$

$$S_{\text{gt1}} = \frac{S_{\text{gt}}}{3 q} \tag{11}$$

ティースの占めるギャップ面積割合 α を決めることでティース およびスロットを含めた鉄心のギャップ面積が決まる.このとき, α が過大な場合には Fig. 1 に示すスロットのギャップ面積 Sgz1 お よびスロット幅が小さくなり,巻線を施すためのスペースをスロ ット高さで補う必要があり,鉄心形状が軸方向に大きくなってし まう.一方,αが過小な場合にはスロット幅で巻線を施すスペース は確保できているため,軸方向には小さくなるが,既に決まってい るティースのギャップ面積を確保する必要があり,鉄心形状が径 方向に大きくなってしまう.

ここまででティースおよびスロットを含む鉄心のギャップ面積 が決まったが、鉄心寸法を決定するためには鉄心の外径または内 径を与える必要がある.本研究では先に外径 D。を与え、ギャップ 面積から内径 Di を求める.

$$D_{\rm i} = \sqrt{D_{\rm o}^2 - \frac{4 Z_1 \left( S_{\rm gt1} + S_{\rm gz1} \right)}{\pi}}$$
(12)

鉄心外径および内径の決定により実際のティースおよびスロットのギャップ面積が決まり、スロットの幅が決まる.ここで巻線電流密度 J1 と目標とするスロット占積率%SFz を決め、スロットの

形状を決める.

アキシャルギャップ構造ではコイルエンドが径方向に存在して いる.今回想定している巻線方法はトロイダル巻線であり,最大で スロット内の巻線高さ分が径方向に飛び出していることが予想さ れ,鉄心内径が小さすぎる場合には鉄心内側に存在しているコイ ルエンドが干渉してしまう可能生がある.そのため,スロット形状 が決定した現時点で既に決めている外径における内側のコイルエ ンド干渉を確認し,干渉している場合には外径の決定を再び行う 必要がある.

コイルエンドが干渉していないことを確認したのちにバックヨ ークの厚さを決める.このとき、鉄心内の磁束密度 Bys および鉄心 の占積率%SFc を決めることで、鉄心内での磁気飽和を防止するバ ックヨークの厚み lsy を求める.また、式中のd は鉄心の外径部分 から内径部分までの幅を示している.磁束密度は材料の B-H曲線 をもとに飽和領域ではない値とする.

$$I_{\rm ys} = \frac{\phi/G}{B_{\rm ys} \ \% SFc \ d \times 10^{-6}}$$
(13)

次に回転子寸法の決定を行う.既に鉄心の外径および内径が決 まっているため、回転子スロット数Z2を決めることでティースお よびスロットのギャップ面積も決まる.回転子の寸法設計におい て二次導体寸法の決定にあたり、静止時の導体バーへの誘導起電 力および二次導体に流れる電流を求める必要がある.一次の誘導 起電力と静止時の導体バーへの誘導起電力E2の比は

$$\frac{E_1}{E_2} = \frac{\frac{\pi}{\sqrt{2}} f \frac{\phi}{G} k_{w1} N_{ph1}}{\frac{\pi}{\sqrt{2}} f \frac{\phi}{G} k_{w2} N_{ph2}}$$
(14)

であり、かご形回転子の場合には $k_{w2} = 1$ 、 $N_{ph2} = 1$ であるから $E_2 = \frac{E_1 / \sqrt{3}}{k_{w1} N_{ph1}}$ (15)

となる.

導体バーを流れる電流は導体バーに鎖交する磁束によるもので あり、回転磁界の分布が正弦波とすれば導体バーに流れる電流も 同様に1極対間を1周期とする正弦波形に分布すると考えられる. したがって、二次相数は $Z_2/(p/2)$ の多相回路となる. そして、1 相の直列導体数は1で、回転子全体ではp/2 個だけ同様な電流の 時間変化が存在するため、1 相あたりp/2 個の並列回路になって いると考えられる. よって、二次電流 $I_2$  は導体バーに流れる電流 を $I_b$  とすると、

$$I_2 = I_b \frac{p}{2} \tag{16}$$

となる. これより, 二次入力 P2 は

$$P_2 = \frac{Z_2}{p/2} E_2 \times I_b \frac{p}{2} \times \cos\theta_2 \tag{17}$$

となる.また,誘導モータの特性より機械的出力は二次入力の(1-s)倍であるため,

$$P_{\rm m} = (1-s)Z_2 E_2 I_{\rm b}\cos\theta_2 \tag{18}$$

となる.通常,定格付近での動作点はすべりが小さく二次周波数が 低いので二次側のリアクタンス成分が小さくなり,抵抗分だけと みなせるので二次電流の力率はほぼ1に近くなるため、 $(1-s) \cos \theta_2$ は1に近い値となる.また、ダブルロータ構造では1つの回転 子に要求される機械的出力は要求仕様の1/G倍となる.したがって、導体バーに流れる電流は

$$I_{\rm b} = \frac{P_{\rm m}/G \times 10^3}{0.9 \, Z_2 \, E_2} \tag{19}$$

と考えられる.

エンドリングには1極間に存在する $Z_2/p$ 個の導体バーに流れる電流が左右に分かれるように流れるため、1極間の電流の和の半分がエンドリングに流れる電流と考えられる. 導体バーを流れる電流の最大値は $\sqrt{2}I_b$ であり、平均値は $(2 l_n) \times \sqrt{2}I_b$ であり、エンドリングに流れる電流 $I_r$ は

$$\sqrt{2} I_{\rm r} = \frac{1}{2} \times \frac{Z_2}{p} \times \frac{2}{\pi} \times \sqrt{2} I_{\rm b}$$
(20)

$$I_{\rm r} = \frac{Z_2}{p \,\pi} \, I_{\rm b} \tag{21}$$

となる.

二次導体電流密度 J₂ を決めると,導出した導体バーおよびエンドリングを流れる電流をもとに二次導体の寸法が決まる.回転子のスロット形状は導体バーの寸法により決まる.

固定子と同様に鉄心内の磁束密度を決め、磁気飽和を防止する バックヨークの厚みを求めるが、シングルステータダブルロータ 構造では一方の回転子バックヨークを通る磁束は固定子バックヨ ークを通る磁束の半分と考えられるため、同じ鉄心材料を使用し、 鉄心内の磁束密度を選ぶ場合には固定子バックヨークの半分の厚 みが回転子バックヨークの厚みとなる.

エアギャップの長さ δ については電気装荷と比磁気装荷から求 めることができ,

$$\delta = c \times 10^{-3} \times \frac{AC}{GB_{\rm g}} \tag{22}$$

となる.式(22)のcは巻線係数,励磁電流と一次電流の比,カータ 一係数,飽和係数による影響を表す係数であり,誘導モータではc=0.08 ~ 0.15をとるとされている⁶.

以上の手順によりアキシャルギャップ誘導モータの寸法が導出 される.

### 3. ドローン用モータの設計および特性算定

## 3.1 ドローン搭載用モータの諸元

農業分野における農薬散布用ドローンに搭載されることを想定 し、同期速度 6000 rpm のモータについて設計を行う. 以降, ドロ ーン用モータと呼称する. Fig. 2 にドローン用モータの概観図, Table 1 に使用した設計値, Table 2 に諸元を示す. 設計値の効率 と力率は文献 6)に示されている汎用モータの相場から予想した値 である. モータの構造は先述したようにシングルステータダブル ロータ構造, トロイダル巻線である.

## **3.2 特性算定方法**

一般的にモータの解析には FEM による電磁界解析が用いられる.しかし、アキシャルギャップ誘導モータの解析においては二次 導体に流れる電流やアキシャルギャップ構造による周方向と軸方



Fig. 2 Overview of axial gap induction motor.

 $P_{\rm m}$ 

р

 $E_1$ 

 $J_2$ 

С

Table 2         Specifications of motor for	r agricultural drone.		
Mechanical power	$0.75\mathrm{kW}$		
Number of poles	4		
Effective value of AC voltage	48 V		
Frequency	200 Hz		
Efficiency (expected value)	80 %		
Power factor (expected value)	76%		
Outer diameter of motor	00		
(inclusive of end winding)	92 mm		
Inner diameter of motor	21		
(inclusive of end winding)	31 mm		
Axial length	82.3 mm		
Gap length	0.13 mm		
Volume	$0.55\mathrm{L}$		
Number of stator slots	24		
Number of rotor slots	21		
Number of windings	8		

(a) (b) (c) (c)

f	200	
$\eta$ (expected value)	80	
$\cos \theta$ (expected value)	76	
$\phi_0$	0.003	Fig. 3
G	2	position of
$k_{w1}$	0.966	
q	2	
Bg	0.8	向に流れ
α	0.6	計算時間の
Do	84	本研究
$J_1$	10	時間短縮
%SFz	0.5	びRNAの
Bys	1.2	分割した
%SFc	0.97	気抵抗回
7.2	21	一 成解析が

 $\mathbf{5}$ 

0.15

0.75

4

48

**Fig. 3** Deformation of 3D model. (a) Determining cutting position of motor. (b) Cross section of motor. (c) Deployed model.

向に流れる磁束を考慮するための三次元渦電流解析が必要となり、 計算時間の長大化が考えられる.

本研究ではアキシャルギャップ誘導モータの特性算定時の計算 時間短縮が可能^つである二次元解析が可能なモデルへの変形およ びRNAの適用を行う. RNA は解析対象を複数の要素に分割し, 分割した要素毎に単位磁気回路を挿入することで,対象全体を磁 気抵抗回路網として回路計算を行う手法であり,電気一磁気の連 成解析が容易かつ短時間でのモータの特性算定が可能である.ま た,周辺の空気領域も含めた分割を行うことで漏れ磁束を考慮し た計算を行うことができる.先行研究では従来構造の誘導モータ のRNA モデルの提案およびインバータ回路との連成解析により キャリア高調波を考慮した誘導モータの損失特性について計算し た例®やアキシャルギャップ誘導モータのRNAモデルの提案およ び短時間でFEMによる電磁界解析と同様の特性が得られた例^のが

**Table 1** Design value to be used for axial gap induction motor.



**Fig. 4** 1/24 model of stator and 1/21 model of rotor based on RNA.



Fig. 5 Unit magnetic circuit.

報告されている. Fig.3 に示すように設計したモータの三次元モデ ルを切り取り、断面を展開する. 以降、展開後のモデルをリニアモ デルと呼称する. このリニアモデルに対して RNA を適用する. Fig.4 に固定子および回転子 1 スロットあたりの RNA モデルを 示す. RNA モデルの分割した要素に Fig.5 に示すような単位磁気 回路を挿入し、解析対象であるリニアモデルを磁気抵抗回路網と して表現する. Fig.5 における磁気抵抗  $R_m$  は、分割要素における 材質の透磁率 $\mu$ , 分割要素の寸法により磁路長  $l_m$  および断面積  $S_m$ を用いて以下の式で与えている. また、RNA では磁気特性の非線 形性を無視している.



**Fig. 6** Comparison of catalog value and approximate curve at frequency of 200 Hz.

$$R_{\rm m} = \frac{1}{\mu} \times \frac{l_{\rm m}}{S_{\rm m}} \tag{23}$$

また, Fig. 5 におけるインダクタンス Lm は,鉄心の交流磁化 特性を表す素子であり,磁気回路にインダクタンスを挿入するこ とで鉄損の算定が可能となる⁹¹⁰¹¹⁾. Lm は鉄心の鉄損曲線を用い て以下のように導出した.

要素に流れる磁束を $\phi$ とすると、鉄損の瞬時値 $W_{i_{inst}}$ は次式で表される.

$$W_{i_inst} = L_m \left(\frac{d\phi}{dt}\right)^2 \tag{24}$$

要素を流れる磁束が正弦波であるとすれば、Wi_instを1周期T において平均した値が鉄損Wiであり、次式のように求まる.

$$W_{\rm i} = \frac{\omega^2 \, L_{\rm m} \, S_{\rm m}^{-2}}{2} \, B_{\rm m}^{-2} \tag{25}$$

ここで、 $B_m$  は要素の磁束密度の振幅であり、要素を流れる磁束 の振幅を断面積 $S_m$ で割った値である.

鉄損が B_m² に比例するとすれば単位体積あたりの鉄損 W_{i_den} は次式で表すことができる.

$$W_{\rm i\ den} = \beta B_{\rm m}^{\ 2} \tag{26}$$

駆動周波数である 200 Hz の鉄損曲線から最小二乗法で $\beta$ を求めると $\beta = 6.57 \times 10^4$  [W·m⁻³T⁻²]となる. Fig.6 にカタログ値と 近似曲線の比較を示す. Fig.6 を見るとカタログ値と近似曲線が概 ね一致していることがわかる.

近似により得られたβを用いると、要素の鉄損 Wi は次式で求められる.

$$W_{\rm i} = 6.57 \times 10^4 \, B_{\rm m}^{-2} \, l_{\rm m} \, S_{\rm m} \tag{27}$$

式(27)の右辺と式(25)の右辺が等しくなることから、周波数 200 Hz の正弦波電流で駆動した時のインダクタンス  $L_{\rm m}$  は次式のよう 求まる.

$$L_{\rm m} = 0.0832 \ \frac{l_{\rm m}}{S_{\rm m}}$$
 (28)

なお、導出したアキシャルギャップ誘導モータの RNA モデルの 要素数は周辺の空気領域も含めて 2364 である.

## 3.3 RNA による特性算定結果および FEM 結果との比較

設計した動作点付近の解析を行うためにすべり 0.1~0,回転速 度 5400 ~ 6000 rpm において,過渡状態から定常状態に移行し たのちに十分に時間経過するまで過渡応答解析を行った. RNA, FEM ともに 0.5 s まで解析を行い,電源電圧波形 1 周期を 50 分 割するように計算ステップ数を設定した. FEM はリニアモデルを 用いた 2D-FEM であり,要素数は 10039 である.また,FEM で は磁気特性の非線形性を考慮した非線形計算と非線形性を無視し た線形計算を行った. Fig. 7 に出力,効率,鉄損の算定結果を示す. 出力と効率については入力  $P_{\rm in}$  から損失  $W_{\rm loss}$  を差し引いた値を 出力  $P_{\rm o}$  とし,効率  $\eta$ を算出している.損失  $W_{\rm loss}$  は,銅損  $W_{\rm c}$ , 鉄損  $W_{\rm i}$ を考慮し,機械損は無視している.

$$\eta = \frac{P_{\rm in} - W_{\rm loss}}{P_{\rm in}} = \frac{P_{\rm in} - (W_{\rm c} + W_{\rm i})}{P_{\rm in}}$$
(29)

RNA における鉄損の算定について,インダクタンスを挿入した 単位磁気回路を用いて各要素の最大磁束密度を求め,式 (27)より 各要素の鉄損を計算している.

FEM における鉄損は回転速度毎に求めた磁束密度分布の時間 依存の点列データを周波数成分に分解し、周波数毎の鉄損を求め ている.固定子では電源周波数を、回転子ではすべり周波数を基本 周波数とした.

RNAによる特性算定結果について、回転速度5850 rpm におい て出力 0.767 kW と設計時に決めた出力に近い値となっている. また,モータ体積0.55Lであるため,出力密度は1.39kW/Lと目 標としていた1 kW/L 以上の出力密度を得るアキシャルギャップ 誘導モータとなった. 効率と力率に関してはそれぞれ 87.8%, 75.3%であり、予想値と差異が見られた. FEM による特性算定結 果では回転速度 5850 rpm において非線形計算が出力 0.831 kW, 効率 91.1%,線形計算が出力 0.830 kW,効率 91.1% である.解 析1点あたりの平均計算時間はFEMの非線形計算が2時間56 分28秒, FEM の線形計算が1時間40分5秒, RNAが50分 32 秒であり, RNA を用いることで計算時間短縮が可能となった. RNA と FEM での算定結果に差異が見られるが、FEM の算定結 果においても回転速度 5850 rpm 付近で出力 0.75 kW となってい ることから、本研究での設計手法は要求する仕様を満たすアキシ ャルギャップ誘導モータの概略設計が概ね可能であることがわか る. また, 設計する動作点では設計時に鉄心内の磁束密度を決めて いることで磁気特性の非線形性による影響は少ないと考えられる.

出力と効率における算定結果の差異ついては漏れ磁束による影響が原因であると考えられる. RNA では要素数が少なく,漏れ磁 束による影響が表現できていないため, RNA のみ差異が見られ たと予想される. そのため, RNA においては解析対象周辺の空気 領域を更に細かく要素分割することで漏れ磁束の計算精度を高め ることができ, FEM との差異が小さくなると考えられる. 鉄損に おける算定結果について, FEM の非線形計算と線形計算では概ね 一致しており, RNA と FEM の結果では差異が生じている. RNA では先述したようにインダクタンスを挿入した単位磁気回路を用 いて各要素の最大磁束密度を求め,各要素の鉄損を計算している が,鉄損を 200 Hz の特性で近似しており,回転子の鉄損に大きな 誤差が生じているためであると考えられる. そのため,計算精度の



**Fig. 7** (a) Rotational speed-output characteristics, (b) Rotational speed-efficiency characteristics and (c) Rotational speed-iron loss of motor for agricultural drone.

向上には回転子の鉄損計算において鉄損をすべり周波数での特性 で近似する必要がある.また、本手法で設計したアキシャルギャッ プ誘導モータのギャップ長は一次側(固定子)と二次側(回転子) の磁気結合を高くするため0.13 mm と短い値となってしまってい る. そのため、機械設計を行い製作が可能であるかの検討が必要で ある.

## 4. まとめ

用途に応じたモータ容量に対して短時間かつ簡単に設計 を行うため、装荷分配法によるアキシャルギャップ誘導モ ータの設計手法を用い、ドローン用モータとして同期速度 6000 rpm,出力密度1 kW/L 以上の特性を持つアキシャルギャップ誘 導モータの設計を行った.

従来のラジアルギャップ誘導モータの装荷配分は、最初に電気 装荷と電気比装荷により決まる極ピッチから固定子鉄心の内径を 決定するが、アキシャルギャップ構造では、電気比装荷をラジアル ギャップ構造と同等に定義することが難しい、したがって、本研究 では所望の要求特性を満たす磁気装荷を決定したのちに固定子鉄 心の外径および内径の寸法設計を行った。

設計したアキシャルギャップ誘導モータについて RNA と FEM による特性算定を行った.解析 1 点あたりの平均 計算時間が RNA では磁気特性の非線形性を無視した計算 で 50 分 32 秒であったのに対して,一般的に用いられる FEM では磁気特性の非線形性を考慮した計算で 2 時間 56 分 28 秒,非線形性を無視した計算で 1 時間 40 分 5 秒であ り, RNA を用いることで計算時間短縮が可能となった.

RNA による算定結果より回転速度 5850 rpm, 出力密度 1.39 kW/L となり, FEM による算定結果においても回転速 度 5850 rpm 付近で要求仕様を満たすアキシャルギャップ 誘導モータの設計が可能であることを確認した.

今後は RNA において設計したアキシャルギャップ誘導 モータについてさらなる高出力密度化および軽量化等のド ローン用モータに向けた最適化の検討を行う. **謝辞** 本研究の一部は,JSPS 科研費 JP19K04344 の助成 を受けたものである.

#### References

- 1) T. Hyodo: IATSS Review, 44, 132 (2019) (in Japanese)
- 2) K. Nonami: Journal of SICE, 55, 780 (2016) (in Japanese)
  - M. Morishita: Technical Journal of Advanced Mobility, 1, 72 (2020) (in Japanese)
  - 4) Y. Wada: The Doshisha University economic review, 65 427 (2014) (in Japanese)
  - R. Sakai, Y. Yoshida, and K. Tajima: *T. Magn. Soc. Jpn.*, 2, 43 (2018).
  - 6) T. Takeuchi, S. Nishikata: Daigakukatei Denkisekkeigaku kaitei3ban (in Japanese) (ohmsha, Tokyo,2019).
  - T. Terui, Y. Yoshida, and K. Tajima: *The Paper of Technical Meeting on Magnetics, IEE Jpn.*, MAG-21-051 (2021) (in Japanese).
  - Y. Hoshi, Y. Yoshida, and K. Tajima: *The Paper of Technical Meeting on Magnetics*, *IEE Jpn.*, MAG-20-060 (2020) (in Japanese).
  - 9) T. Anayama: enerugihenkankogakukisoron (in Japanese) (Maruzen, Tokyo, 1977).
  - 10) K. Fujita, K. Nakamura, and O. Ichinokura: *The Paper of Technical Meeting on Magnetics*, *IEE Jpn.*, MAG-11-062 (2011) (in Japanese).
  - K. Nakamura, T. Tomonaga, S. Hisada, K. Arimatsu, T. Ohinata, Y. Sato and O. Ichinokura: *J. Magn. Soc. Jpn*, **32**, 82 (2008) (in Japanese)

### 2021年11月7日受理, 2021年12月7日再受理, 2022年2月23日採録

<Paper>

## 湾曲させた柔軟鋼板の磁気浮上搬送システムの開発 (電磁力の印加位置に対する基礎的考察)

## Electromagnetic Levitation and Transportation System for Bent Thin Steel Plate (Fundamental Consideration on Acting Position of Electromagnetic Force)

椎名敦紀^{a)}・嘉山周汰^{a)}・ムハマドヌルハキミビンモハマドカマ^{a)}

・小川和輝^{a)}・遠藤文人^{b)}・成田正敬^{a)†}・加藤英晃^{a)}
 ^{a)}東海大学,神奈川県平塚市北金目 4-1-1(〒259-1292)
 ^{b)}福岡工業大学,福岡県福岡市東区和白東 3-30-1(〒811-0295)

A. Shiina ^{a)}, S. Kayama ^{a)}, M. N. Hakimi ^{a)}, K. Ogawa ^{a)}, A. Endo ^{b)}, T. Narita ^{a)†}, and H. Kato ^{a)}

^{a)} Tokai Univ., 4-1-1 Kitakaname, Hiratsuka-shi, Kanagawa, 259-1292, Japan

^{b)} Fukuoka Institute of Technology, 3-30-1 Wajiro-higashi, Higashi-ku, Fukuoka-shi, Fukuoka, 811-0295, Japan

In the thin steel plate production line that is widely used for industrial products, contact conveyance is performed with rollers, but deterioration in the quality of the plates is a problem because scratches and irregularities occur on the surface of the plates. Therefore, non-contact magnetic levitation transfer of thin steel plates done using the attractive force of electromagnets has been proposed. So far, studies have been conducted on changing the bending angle and the conveying direction of thin steel plates with the magnetic levitation system that uses a horizontal positioning control system and the curved magnetic levitation system. Therefore, in this study, the distance between the centers of the horizontal electromagnets was changed. It was confirmed that the levitation performance was improved by increasing the distance between the centers of these electromagnets.

Key words: electromagnetic levitation control, thin steel plate, finite difference methods, transportation, magnetic field

#### 1. はじめに

自動車をはじめとする工業製品に広く使用されている薄鋼板の 製造では多数のローラによる接触搬送が行われている. このとき 薄鋼板とローラ間の摩擦で薄鋼板表面に傷や凹凸が生じ、表面品 質が劣化するという問題がある. そこで, この問題の解決策として 電磁石の吸引力を利用した薄鋼板の非接触磁気浮上搬送技術が多 く提案されている 1~3). しかし,多くの磁気浮上技術に関する研究 では浮上対象が剛体と考慮できる物体についての検討であり、複 雑な変形を起こす柔軟性がある物体の磁気浮上についての報告は 少ない. 当研究グループでは薄く柔軟で浮上制御が困難である薄 鋼板に着目し、鉛直方向に浮上制御を行うだけでなく、鋼板のエッ ジ部に電磁石ユニットを設置したシステムを提案している. エッ ジ部に設置した電磁石により鋼板の水平方向に位置決め制御を行 うことで搬送時の横滑りや落下を防止し、鋼板のたわみを抑制す ることで非接触支持搬送が可能であることを明らかにした4.水平 方向に設置した電磁石から、薄鋼板に発生する張力がたわみの抑 制に寄与するが、電磁石の設置箇所に大きく依存する5. 薄鋼板の 寸法によっては張力が十分に加わらず局所的にたわみが生じ、こ れにより高次の弾性振動が励起され、制御性能を劣化させる可能 性がある.水平方向の電磁石のみにより、たわみを発生する領域を 狭めるには電磁石サイズや個数の変更が考えられるが、システム が冗長になる可能性がある.

一方著者らは、薄鋼板の柔軟性を積極的に利用し、塑性変形させ ない範囲で湾曲させる手法も提案し、板厚に対して最適な湾曲角 度を数値解析と実験から明らかにしている^の.これにより電磁石の 個数を増やさずに、薄鋼板の浮上性能を向上させることができた. しかし、このとき薄鋼板に入力される外乱は鉛直方向となる浮上 方向のみであり^{7,8}、薄鋼板搬送時に発生する空気抵抗や加速度な どの水平方向の外乱は想定されていない.加えて水平方向電磁石 による薄鋼板の位置決め制御システムと薄鋼板の柔軟性を積極的 に利用した湾曲磁気浮上システムを併用した磁気浮上システムの 浮上性能についての検討はこれまで行われていない.

そこで、著者らは湾曲させながら浮上させた鋼板を搬送させた 際の浮上性能を検討するため、浮上用電磁石を傾斜させ、かつ水平 方向から位置決め制御を行う磁気浮上装置を構築し、薄鋼板の湾 曲角度や搬送方向が浮上性能に与える影響について検討を行って きた^{9,10}.しかしながら湾曲させた鋼板のどの部分を支持して搬送 すれば安定性が向上できるのか評価の検討は行われていない.そ こで本研究は、薄鋼板を湾曲させながら水平方向から加わる張力 の印加位置を変えた際の鋼板形状について有限差分法により求め、 張力の印加位置が鋼板形状に与える影響について検討を行った. そして薄鋼板を湾曲浮上させて搬送実験を行い、搬送による水平 方向の外乱が入力された際に、エッジ部から加わる張力の印加位 置が浮上性能に与える影響について検討を行った.

## 2. 薄鋼板の湾曲磁気浮上システムの構築

湾曲磁気浮上制御システムの概略図を Fig. 1 に示す. 浮上対象 は長さ 800 mm,幅 600 mm,厚さ 0.24 mm の長方形亜鉛めっき 鋼板(材質 SS400)を使用する. なお同図に示すように鋼板の短 手方向を x 方向,長手方向を y 方向,鉛直方向を z 方向と定義し, 鋼板は x 方向に搬送される.浮上用電磁石ユニットの詳細図を Fig. 2 に示す.浮上制御システムは周囲と中央の 5 か所に浮上用電磁

Transaction of the Magnetics Society of Japan (Special Issues) Vol.6, No.1, 2022

Corresponding author: T. Narita (e-mail: narita@tsc.u-tokai.ac.jp).



Fig. 1 Schematic of bending electromagnetic levitation control system and horizontal positioning control system.



Fig. 2 Schematic of electromagnet unit for levitation control.



Fig. 3 Positional relationship between electromagnet and steel plate.

石ユニットを設置し、2 基の電磁石と薄鋼板までの変位を測定する ための渦電流式非接センサを 2 基の電磁石で挟むように配置して 構成されている.各電磁石表面から鋼板表面までの距離を 5 mm に制御することで鋼板を磁気浮上させる.Fig.3に示すように浮上 した鋼板のエッジに対して水平方向位置決め制御用ユニットによ る吸引力を加え、電磁石表面から鋼板エッジまでの距離を 5 mm になるように制御を行う.水平方向位置決め制御用ユニットは鋼 板の相対する 2 辺に沿って 2 個ずつ設置している.各電磁石表面 から鋼板エッジまでの距離を 5 mm に非接触位置決め制御する浮 上制御用電磁石ユニットと水平方向位置決め制御用ユニットは Fi



Fig. 4 Layout of electromagnets for levitation control and horizontal positioning control.



Fig.5 Slide mechanism of electromagnet for horizontal positioning control.



Fig. 6 Bending levitation control system.



Fig. 7 Tilted electromagnet for levitation control.

Table 1Symbols and values.

Symbol	Value
m	$0.837~\mathrm{kg}$
E	$2.17\! imes\!10^{11}\mathrm{N\!/m^2}$
V	0.3
h	0.24 m
ρ	$7.266\! imes\!10^3~\mathrm{kg/m}^3$
g	$9.80655 \text{ m/s}^2$

g.4のように配置されている.水平方向位置決め制御用ユニットは Fig. 5 ように可動することができる. 本研究では Fig. 4 中央の浮 上制御用電磁石ユニット (No.5) の位置を下方に移動させること で鋼板を湾曲させながら浮上させる. x 軸方向の電磁石位置は湾曲 浮上させた際の安定性向上のため薄鋼板を電磁石ユニット No.1 (もしくは No. 2) と No. 3 (もしくは No. 4) の2 点で支持され た両端突出単純支持はりとして考え、はり全体に生じる静的たわ み量の総和が最小となる 430 mm とした. 同様に v軸方向の電磁 石位置は薄鋼板を電磁石ユニット No.1(もしくは No.3)と No. 2(もしくは No. 4) に加え中央の電磁石ユニット No. 5 の 3 点で 支持された両端突出単純支持はりとして考え、はり全体のたわみ 量の総和が最小となる 490 mm とした. また,実験装置のフレー ム内の写真を Fig.6, Fig.7 に示す. 鋼板を湾曲浮上させるために 周囲の電磁石 (No.1~No.4) には傾斜ステージを取り付け, Fig. 7に示すように電磁石を任意の角度に傾斜する. さらに, 湾曲させ る角度によって薄鋼板中央部分の高さが変わるため中央に設置し てある電磁石 (No.5) には高さが調整可能なステージを取り付け た. 電磁石の傾斜角は、既報の結果より、 x 軸方向に搬送した際に 高い浮上安定性を示した5°とした.

## 3. 湾曲磁気浮上鋼板に張力の印加位置を変更した際の形状解析

## 3.1 鋼板形状解析モデル

水平方向電磁石を長手方向のエッジに設置して張力を加えた際 に鋼板形状に与える影響を検討するため、有限差分法を用いて浮 上中の鋼板形状を算出した.水平方向電磁石の吸引力が加わった 長方形薄鋼板の静的なたわみの方程式は次式で表される.

$$D\nabla^4 z = f_z + f_x \frac{\partial^2}{\partial x^2} z + f_5 - \rho hg \tag{1}$$

$$D = \frac{Eh^3}{12(1 \cdot v^2)}, \nabla^4 = \frac{\partial^4}{\partial x^4} + 2\frac{\partial^4}{\partial x^2 \partial y^2} + \frac{\partial^4}{\partial y^4}$$
(2)

ここで m: 薄鋼板の質量 [kg], E: 薄鋼板のヤング率 [N/m²], h: 薄鋼板の厚さ [m], v: ボアソン比, x: 薄鋼板の短手方向の座標 [m], y: 薄鋼板の長手方向の座標 [m], z: 薄鋼板の変位 [m],  $f_z$ : 水平方向電磁石による薄鋼板の単位面積あたりに加わる鉛直方向 の外力 [N/m²],  $f_x$ : 水平方向電磁石による薄鋼板の単位面積あた りに加わる水平方向の外力 [N/m],  $f_5$ : 浮上制御用電磁石 No.5 に よる浮上方向の外力 [N/m²],  $\rho$ : 薄鋼板の密度 [kg/m³], g: 重力 加速度 [m/s²]である. 各パラメータ値を Table 1 に示す. なお, 電 磁界解析ソフトを用いて定常電流を流した際の電磁石 1 つあたり



の吸引力を解析し、鋼板全体に発生する $f_z$ 、 $f_x$ を算出した¹¹.

フィードバック制御を行っていることから浮上方向電磁石 No. 1~4の位置で薄鋼板は単純支持され、水平方向電磁石は制御によって薄鋼板が制御点で静止していると仮定した.また $f_5$ の値を変 化させて鋼板の湾曲角度を決定する.式(1)を用いて、薄鋼板のた わみを有限差分法によって計算する.このとき、差分解析格子の大 きさは20 mm×20 mm とした.得られた湾曲した磁気浮上鋼板の 形状を評価するため、短手方向のみに湾曲した基準面を設定した. 鋼板を x軸方向の両端突出はりと見なし、浮上制御用電磁石 No.1

(もしくは No. 2) と No. 3 (もしくは No. 4) の位置で単純支持 し、自重による分布荷重と浮上制御用電磁石 No. 5 が発生する吸 引力がはりの中央に加わった形状を求めた. この形状を y 軸方向 に押し出し、基準面を得た. 基準面の格子の大きさを 20 mm×20 mm とした. ここで設定した基準面に対する総たわみ量を評価す るために評価値 Jを次式のように定義した.

$$I = \frac{\sum_{i=1}^{N} |z_i - z_0|}{N}$$
(3)

zi: 薄鋼板の各解析点における z 軸方向の変位 [m], z): 基準面の 各解析点における z 軸方向の変位 [m], N: 解析点の総数 (N= 1271) である.

c

## 3.2 解析結果

水平方向電磁石に定常電流を流して板厚0.24mmの鋼板に張力 を加えながら電磁石ユニット No. 1~No. 4の位置における鋼板の 曲げ角度が5°になるようにfsを入力した鋼板形状を有限差分法



Fig. 10 Difference between obtained shape of levitated steel plate and reference shape.

により式(1)を解くことで求めた. 水平方向電磁石に定常電流を 0.5 A 流し,中心間距離  $a \ge 400 \text{ mm}$  から 600 mm まで 40 mm ずつ 変化させた a = 600 mm のときに得られた鋼板形状を一例として Fig.8に,基準面の鋼板形状を Fig.9に示す.各電磁石位置におけ る得られた鋼板形状と基準面の差分値を Fig.10 に示す.同図は赤 い部分と青い部分の色が濃いほど基準面からのたわみが大きいことを意味している. 鋼板の角や長手方向の中央部など電磁力の吸引力が加わらない部分で大きく負方向にたわんでいる様子が確認できる. 定常電流を 0.5 A 流した場合は中心間距離 a を増加させることで評価値 Jが減少する結果が得られた. 定常電流を 0.1 A~



Fig. 11 Relationship between steady current and evaluation value.



**Fig. 13** Time histories of vertical displacement of steel plate.



1.0A (0.1A 刻み) まで流し、中心間距離 a を変化させた際の評価





値 Jと水平方向電磁石の中心間距離の関係を Fig. 11 に示す. 同図 から定常電流が 0.1 A のとき中心間距離 a を増加させても評価値 Jはほぼ一定の傾向にあるが,定常電流 0.2 A 以降は中心間距離 a を増加させると評価値 J は減少する傾向となった.

### 4. 薄鋼板の湾曲磁気浮上搬送システムの制御モデル

使用する電磁石コイルは浮上方向,水平方向共に線径が0.5 mm, 巻数は 1005 回とし,鉄心は E 型に加工したフェライトコアを用 いた.各電磁石ユニットにおいて,電磁石の電気回路は 2 基が直 列に接続されている.なお電磁石の磁場による変位センサへの影 響を計測した結果,測定誤差は 1%以下であり制御系に影響を及ぼ すことはほとんどないことを確認している¹²⁾.さらに電磁石コイ ル電流を測定用の外部抵抗より検出し,合計 10 個の観測値を A/D コンバータから DSP に入力し制御則を計算する. D/A コンバータ から電流供給用アンプへ制御電圧を出力し,薄鋼板を磁気浮上さ せる. Fig.1 に示す通り本実験装置の制御システムでは 2 基の DSP にて構成されている.鉛直方向の浮上制御と水平方向位置決め制 御についてそれぞれ独立して制御モデルを構築し,それぞれの DSP に実装して制御している.なお制御モデルは既報と同一のモ デルを使用した¹³⁾.

#### 5. 湾曲させた薄鋼板の張力印加位置を変更した搬送実験

#### 5.1 実験条件

薄鋼板は長さ 800 mm,幅 600 mm,厚さ 0.24 mm の長方形亜 鉛めっき鋼板(材質 SS400)を使用し,Fig.12示す通りフレーム 内に設置された磁気浮上システムを装置ごとリニアモータで搬送 させる.このとき、鋼板は同図のy方向に搬送され搬送装置が静 止している状態から加速度 0.59 m/s²にて搬送を開始し、速度 0.7 m/s に達した時点で等速にて搬送,その後-0.59 m/s²にて減速, 停止させ、搬送させる距離は 3.6 m とした.さらに、水平方向電 磁石の定常電流を 0.5 A 流し、水平方向電磁石の中心間距離  $a \epsilon$ 300 mm から 600 mm まで 50 mm ずつ変化させて搬送実験を行 った.

## 5.2 実験結果

鋼板の湾曲角度が 5° で水平方向電磁石の定常電流を 0.5 A 流 し, 搬送したときの Fig. 1 における浮上方向の電磁石ユニット No. 1 に設置した変位センサにより測定した薄鋼板の浮上方向の変位 時刻歴を Fig. 13 に示す. 同図より水平方向電磁石の中心間距離 a を 300 mm から 600 mm に変化させたところ薄鋼板の変位標準偏 差は 30%減少した. 水平方向電磁石の中心間距離 a と鋼板の浮上 方向変位標準偏差の関係を Fig. 14 に示す. 水平方向電磁石の定常 電流が 0.5 A 場合では水平方向電磁石の中心間距離 a を増加させ ると変位標準偏差が減少する傾向が得られた.

同様の条件で Fig. 1 における水平方向の電磁石ユニット No. 1 に設置した変位センサにより測定した薄鋼板の水平方向の変位時 刻歴を Fig. 15 に示す.同図より水平方向電磁石の中心間距離 a を 300 mm から 600 mm に変化させたところ薄鋼板の最大振幅は 24%抑制された. Fig. 14 と同様に水平方向電磁石の中心間距離 a と鋼板の水平方向の最大振幅の関係を Fig. 16 に示す.水平方向電 磁石の定常電流が 0.5 A 場合では水平方向電磁石の中心間距離 a を増加させると最大振幅が減少する傾向が得られた.よって鋼板 の湾曲角度 5°で水平方向電磁石の定常電流を 0.5 A 流し た場合,浮上方向と水平方向共に水平方向電磁石の中心間 距離 a を増加させることで振動を抑制できることを確認し た.

#### 6. まとめ

湾曲角度 5°の薄鋼板に対して水平方向からの磁場の印加位置 が浮上性能に与える影響について,湾曲磁気浮上制御と水平方向 から位置決め制御を行う磁気浮上装置を構築し,薄鋼板を湾曲浮 上させた形状解析と搬送実験を行った.水平方向電磁石の定常電 流を 0.5 A 流し,水平方向電磁石の中心間距離を変化させて搬送実 験を行った結果,中心間距離を増加させることで浮上方向と水平 方向の振動は抑制できた.また,解析結果と実験結果の傾向が一致 したことから本論文で提案した静的形状解析からたわみを評価し て水平方向電磁石位置を設計することで,安定して搬送できる構 成を解析的に求める手法が有効であることを示した.

今後は実験条件の範囲を拡大すると共に、薄鋼板の湾曲角度を 変化させた検討を行い、より浮上性能が良くなる搬送条件を数値 解析と搬送実験で求めていく予定である.

#### References

- 1) S. Ohashi, D. Kumano, and Y. Goto: *IEEJ Trans. Indusrty Appl.*, **128**, 648 (2008).
- S. Matsumoto, Y. Arai, and T. Nakagawa: *IEEE Trans. Magn.*, 50, 8600304 (2014).
- M. Morihita and M. Akashi: *IEEJ Trans. Industry Appl.*, 119, 1289 (1998).
- 4) Y. Oshinoya, K. Ishibashi, and T. Sekihara: *Trans. Jpn. Soc. Mech. Eng. Ser. C*, 68, 1428 (2002). (in Japanese)
- Y. Ito, Y. Oda, T. Narita, and H. Kato: *T. Magn. Soc. Jpn.* (Special Issues)., **3**, 95, (2019). (in Japanese)
- H. Marumori, H. Yonezawa, T. Narita, H. Kato, and Y. Oshinoya: *Trans. Jpn. Soc. Mech. Eng. Ser*, **81**, 14-00471, (2015). (in Japanese)
- 7) K. Ogawa, M. Tada, T. Narita, and H. Kato: *T. Magn. Soc. Jpn.* (Special Issues)., **3**, 101, (2019). (in Japanese)
- 8) K. Ogawa, M. Tada, T. Narita, and H. Kato: *T. Magn. Soc. Jpn.* (Special Issues)., **4**, 122, (2020). (in Japanese)
- 9) A. Shiina, M. N. Hakimi, K. Ogawa, T. Narita, and H. Kato: J. Jpn. Soc. Appl. Elec. Mech., **29**, 1, (2021). (in Japanese)
- 10) A. Shiina, S. Kayama, M. N. Hakimi, K. Ogawa, T. Narita, and H. Kato: *T. Magn. Soc. Jpn. (Special Issues)*, **5**, 2, (2021). (in Japanese)
- 11) T. Narita, T. Kurihara, and H. Kato: Mech. Eng. J., 3, 15-00376 (2016).
- 12) Y. Oshinoya, S. Kobayashi, and K. Tanno: *Trans. Jpn. Soc. Mech. Eng. Ser. C*, **62**, 3067 (1996). (in Japanese)
- 13) M. Kida, T. Suzuki, Y. Oda, T. Narita, H. Kato, and H. Moriyama: *T. Magn. Soc. Jpn. (Special Issues).*, **1**, 76 (2017). (in Japanese)

2021年11月7日受理, 2021年12月6日再受理, 2021年12月8日採録

<Paper>

# 水平方向からの磁場を用いた柔軟鋼板の磁気浮上 (浮上中の振動特性に関する基礎的検討)

## Electromagnetic levitation for flexible steel plate using magnetic field from horizontal direction (Fundamental consideration on vibration characteristic in levitating)

遠藤文人^{a)†}・嘉山周汰^{b)}・椎名敦紀^{b)}・ムハマドヌルハキミビンモハマドカマ^{b)}

小川和輝^{c)}・池田圭吾^{c)}・加藤太朗^{c)}・成田正敬^{d)}・加藤英晃^{d)} ^{a)}福岡工業大学工学部,福岡県福岡市東区和白東 3-30-1 (〒811-0295) ^{b)}東海大学大学院工学研究科,神奈川県平塚市北金目 4-1-1 (〒259-1292) ^{c)}東海大学大学院総合理工学研究科,神奈川県平塚市北金目 4-1-1 (〒259-1292) ^{d)}東海大学工学部,神奈川県平塚市北金目 4-1-1 (〒259-1292)

A. Endo  $^{a)\,\dagger},$  S. Kayama  $^{b)}$  , A. Shiina  $^{b)}$  , M.N. Hakimi  $^{b)}$  , K. Ogawa  $^{c)}$  ,

K. Ikeda ^{c)}, T. Kato ^{c)}, T. Narita ^{d)}, and H. Kato ^{d)}

^{a)} Faculty of Engineering, Fukuoka Institute of Technology, 3-30-1 Wajiro-higashi, Higashi-ku, Fukuoka 811-0295, Japan

^{b)} Course of Mechanical Engineering, Tokai Univ., 4-1-1 Kitakaname, Hiratsuka, Kanagawa 259-1292, Japan

^{c)} Course of Science and Technology, Tokai Univ., 4-1-1 Kitakaname, Hiratsuka, Kanagawa 259-1292, Japan

^{d)} Faculty of Engineering, Tokai Univ., 4-1-1 Kitakaname, Hiratsuka, Kanagawa 259-1292, Japan

Deterioration in the surface quality of steel plates is a problem because steel plates are transported by contact with a roller. A non-contact way of transporting steel plates using electromagnetic force has been proposed as a solution to these problems. In the previous system for magnetically levitating flexible steel plates, it was difficult to levitate thinner steel plates because of the deflection of the steel plates during levitation. To solve this problem, an edge-supported electromagnetic levitation system was proposed. This system is suitable for flexible steel plates and uses electromagnets installed in the horizontal direction. These electromagnets create tension force and suspension force that acts on the steel plates. It is possible to reduce the vibration of flexible steel plates because the tension force suppresses the deflection of the plates. In this paper, the characteristics of tension force on steel plates were investigated by electromagnetic field analysis. Moreover, the relationship between tension force and the reduction in vibration was investigated by experiments using a magnetic levitation system.

Key words: magnetic levitation, flexible steel plate, vibration control, electromagnet, non-contact levitation

### 1. 緒言

自動車や家庭用電気製品の製造には厚さの薄い柔軟鋼板が広く 用いられている.柔軟鋼板は製造ラインにおいてローラ等を使っ て搬送される.この搬送方式ではローラと柔軟鋼板が接触するこ とから表面品質の劣化が問題となっている.そこで、磁気浮上技術 を使った柔軟鋼板の非接触把持および搬送が提案されている^{1)~9}. しかしながら、柔軟鋼板は厚さが薄くなるほど曲げ剛性が低下し、 浮上中にたわみが生じやすくなる.柔軟鋼板を対象とした多くの 研究では、柔軟鋼板の上方に設置した電磁石を使って、磁力によっ て柔軟鋼板を浮上させていたが、磁力の及ばない範囲では柔軟鋼 板にたわみが生じる.このたわみによって柔軟鋼板は振動し、安定 した浮上が困難になり、場合によっては落下する恐れがある.

このような背景から著者らは、柔軟鋼板の水平方向に電磁石を 設置し、柔軟鋼板を水平方向へ引っ張るように浮上させる磁気浮 上システムを提案した⁵⁰⁻⁶⁰.このシステムでは柔軟鋼板上方に電磁 石を必要とせず、水平方向から絶えず張力を発生させることから 柔軟鋼板がたわみにくくなる.そのため、曲げ剛性が低いことから たわみやすくなってしまう厚さの薄い柔軟鋼板において安定した

## 浮上が実現できる可能性を示した.

これまでの研究では柔軟鋼板が運動しないような静的な状態を 仮定して解析を行ってきた.さらに磁気浮上制御についても,静解 析の結果を基に行ってきた.しかしながら浮上中の柔軟鋼板には 振動が発生しており,この振動特性は柔軟鋼板の厚さや電磁石が 発生する張力によって大きく変化すると考えられる.そのため柔 軟鋼板の厚さや電磁石による張力が柔軟鋼板の動特性へ与える影 響を明らかにすることで,より安定した磁気浮上を実現できると 考えられる.そこで本論文では厚さが0.05,0.19,0.24mmの柔軟 鋼板を対象とし,電磁石が発生する張力を変化させた際の振動状 態を評価した.それにより,柔軟鋼板の厚さならびに電磁石による 張力と浮上中の振動状態の関係性を明らかにした.

## 2. エッジ支持型磁気浮上システム

Fig.1 に本研究で使用した磁気浮上装置の概略図を示す.装置を 上面から見た際の電磁石とセンサの配置を Fig.2,磁気浮上システ ムにおける実際の電磁石とセンサの配置を Fig.3,柔軟鋼板を浮上 させた際の様子を Fig.4 に示す.柔軟鋼板の長手エッジ付近に2 つずつ電磁石を対向して設置し,鋼板の端部に対して水平方向か ら電磁石による吸引力を与えて浮上させる.なお,本研究において

Corresponding author: A. Endo (e-mail: endo@fit.ac.jp).

Transaction of the Magnetics Society of Japan (Special Issues) Vol.6, No.1, 2022



Fig. 1 Electromagnetic levitation system.



Fig. 2 Placement of electromagnet and sensor.

浮上対象とした柔軟鋼板には長さ 400 mm,幅 100 mm の長方形 をした SS400 の亜鉛メッキ鋼板を用いた.

電磁石の配置は浮上中の柔軟鋼板の形状に影響を与える.この ため、文献7で導いた、電磁界解析および有限差分法によるたわ み形状解析から算出した、最もたわみが小さく、かつ実験的に安定 した浮上が実現できている配置とした.柔軟鋼板が水平方向に運 動した際の変位計測には KEYENCE 社製レーザ式センサ(帯状 のレーザ光の遮断量で変位を計測するセンサ)を用いた.これによ り各電磁石表面から鋼板エッジまでの距離を5 mmに非接触位置 決め制御を行った.さらに測定用の外部抵抗より電磁石に流れる 電流を検出し、4 チャンネル、合計8 個の観測値を A/D コンバー タから DSP に入力し制御出力を算出した.

設置する電磁石はE型のフェライトコアに対し,巻数1005回, 直径0.5mmの銅線を施して構成した.

柔軟鋼板の鉛直(Z) 方向の変位は Fig.2 に示すセンテック社製 渦電流式非接触変位センサを用いて計測した.このとき電磁石コ アの中心から鉛直方向上向きを Z 軸正方向と定義し,平衡位置の 変位を Zo とした.また,水平(X) 方向の変位は Fig.3 に示す KEYENCE 社製レーザ変位センサを用いて計測した.X方向の変 位は電磁石表面から遠ざかる方向を正とし,Z方向の変位と同様に 平衡位置での変位を Xo とした.



Laser sensor (receiver)

Fig. 3 Electromagnets for levitation.



Fig. 4 Statement of levitating of flexible steel plate.

#### 3. 浮上中の柔軟鋼板に発生する張力に関する解析的検討

Oda ら[®]は Fig. 5 に示すように浮上中の柔軟鋼板には電磁石の 中心に向かう吸引力が発生し,吸引力の Z 軸方向の成分が柔軟鋼 板にはたらく重力とつり合うとき,柔軟鋼板は浮上することを示 している. そのため,本論文では Z 軸方向にかかる力を支持力と 呼ぶ. また,同様に吸引力のうち X 軸方向にかかる力は柔軟鋼板 を平坦になるように引っ張る力であることから張力と呼ぶ.

また、Narita ら⁹はどの板厚においても、電磁石のコイルを流 れる定常電流値を大きくすることで、柔軟鋼板の浮上位置が電磁 石の中心に近づくことを示している.この時、支持力ならびに張力 の関係は Fig. 5 に示すように、浮上位置が高くなるほど、支持力 は低下し、張力は上昇すると考えられる.Fig.6 は先行研究⁹⁰の一



Fig. 5 Vertical suspension force  $F_z$  and horizontal tension force  $F_x$  for steel plate at levitating.

部を抜粋したものであるが、柔軟鋼板の厚さが薄いほど浮上位置 が上昇している. そのため、薄い板厚では高い張力が得られると考 えらる. そこで、本研究では板厚0.05,0.19,0.24 mmの柔軟鋼 板において、定常電流値によって柔軟鋼板にかかる張力を変化さ せることで、張力が浮上安定性に及ぼす影響を明らかにする.

本論文では浮上中の柔軟鋼板にかかる張力を明らかにするため, 電磁界解析ソフトウェアJMAGを用いた有限要素法による電磁界 解析を行った. Fig.7 に本解析で使用した 3 次元モデルを示す.本 解析では実際の磁気浮上システムを参考に、浮上対象の柔軟鋼板 はSS400,電磁石のコアはフェライト (PC40) とし、それぞれ非 線形な B-H カーブの特性を適用した.電磁石のコイルは銅線(比 透磁率 1,抵抗率 1.673×10⁸ Ωm)を用い、巻数は 1005 回に設 定した.なお、空気領域は電磁石のコアを中心に 1 辺 500 mm の 立方体の領域を設定し、モデルの要素数は 104420 点とした.

ここで xm, zn は電磁石の表面かつ中心になる位置を原点とした 際の座標系である.電磁石表面と柔軟鋼板端部との間には 5 mm のギャップを設けている.電磁石中心から柔軟鋼板端部までの zm 軸方向の距離は先行研究 ⁽⁹⁾で得られている浮上位置を用いている. 浮上位置は定常電流ならびに柔軟鋼板の板厚によって変化する. 本解析では各板厚の柔軟鋼板における浮上位置 Z₀を Fig.6 に示す ように設定した.柔軟鋼板は設定した浮上位置を平行位置として 浮上している状態を想定し,一定の電流を流した状態を想定した 静磁界解析を行った.なお,本解析では柔軟鋼板の質量を仮想的に 4 分割し, 1 つの電磁石によって発生する張力を求めている.

Fig. 8 に解析で得られた各条件における柔軟鋼板端部にかかる 張力を示す. 同図に示すように全ての板厚において定常電流を大



(b) Analytical condition **Fig. 7** Finite element method for magnetic field analysis.

きくし、浮上位置が高くなると、柔軟鋼板端部にかかる張力が上昇 した.特に今回の条件では板厚 0.24 mm の柔軟鋼板が張力の上昇 量が多く、定常電流 0.8 A に対して 1.2 A では 1.48 倍の張力を発 生させていることが明らかとなった.

## 4. エッジ支持型磁気浮上システムによる鋼板の浮上実験

## 4.1 磁気浮上システムの制御モデル

第3章の解析では柔軟鋼板の板厚が厚いほど、端部にかかる張 力が大きくなることが明らかとなった.この張力は浮上中の柔軟 鋼板のたわみを抑制するはたらきがあると考えられる.そのため、 浮上中に柔軟鋼板の形状が変化しにくくなり、落下に寄与する弾



 $\label{eq:Fig.8} Fig. 8 \ \ \mbox{Horizontal tension force at condition of steady current} \\ and thickness of steel plate.$ 

性振動が抑制されると考えられる.そこで、本章では柔軟鋼板の張 力が弾性振動に及ぼす影響を明らかにするため、解析で用いた柔 軟鋼板の板厚ならびに定常電流にて浮上実験を行った.

本実験における磁気浮上システムの制御モデルを Fig.9 に示す. このシステムでは鋼板を仮想的に2分割し、鋼板のX(水平)方 向の運動を電磁石によってアクティブに制御する1自由度振動モ デルとしてモデル化する.

鋼板を挟むように設置した 2 個の電磁石から同じ静的吸引力を 加えることで、鋼板が双方の電磁石から一定の距離に保たれる平 衡位置が存在する. そこからの変位を x とし、運動方程式と回路 方程式を次のように記述する¹⁰. また、電磁石の吸引力は非線形性 を持っているため、平衡点近傍で線形近似を行った.

$$m_x \ddot{x} = f_1 - f_2 = f_x \tag{1}$$

$$f_x = \frac{4F_x}{X_0}x + \frac{4F_x}{I_x}i_x$$
(2)

$$\frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}t}i_{\mathrm{x}} = -\frac{L_{\mathrm{xeff}}}{L_{\mathrm{x}}} \cdot \frac{I_{\mathrm{x}}}{X_{0}^{2}}\dot{x} - \frac{R_{\mathrm{x}}}{2L_{\mathrm{x}}}i_{\mathrm{x}} + \frac{1}{2L_{\mathrm{x}}}\nu_{\mathrm{x}} \tag{3}$$

$$L_{\rm x} = \frac{L_{\rm xeff}}{X_0} + L_{\rm xlea} \tag{4}$$

式(1)~(4)を整理して、以下のような状態方程式を得る.

$$\dot{\boldsymbol{x}} = \boldsymbol{A}_{\mathrm{X}}\boldsymbol{x} + \boldsymbol{B}_{\mathrm{X}}\boldsymbol{v}_{\mathrm{X}} \tag{5}$$

$$\boldsymbol{x} = \begin{bmatrix} x & \dot{x} & i_{x} \end{bmatrix}^{\mathrm{T}}$$
$$\boldsymbol{A}_{x} = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0\\ \frac{4F_{x}}{m_{x}X_{0}} & 0 & \frac{4F_{x}}{m_{x}I_{x}}\\ 0 & -\frac{L_{\mathrm{xeff}}}{L_{x}} \cdot \frac{I_{x}}{X_{0}^{2}} & -\frac{R_{x}}{2L_{x}} \end{bmatrix}$$
$$\boldsymbol{B}_{x} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & \frac{1}{2L_{x}} \end{bmatrix}^{\mathrm{T}}$$



Fig. 9 Control model of Electromagnetic levitation system.

**Table 1**Feedback gains of experiments.

Symbol	Value
$f_{\mathrm{x}}$	$1.04 \times 10^{3}$
$f_{ m v}$	$3.66 \times 10^2$
$f_{ m i}$	42.0

ここで、 $m_x$ :浮上対象の質量 [kg],  $F_x$ :静的吸引力 [N],  $X_0$ :平 衡位置における電磁石表面と鋼板表面との距離 [m],  $I_x$ :静的吸引 力を得るための定常電流値 [A],  $i_x$ :定常電流値からの変動分に当 たる電流値 [A],  $L_x$ :平衡状態における電磁石用コイルのインダク タンス [H],  $R_x$ :電磁石用コイルの抵抗値 [Q],  $v_x$ :電磁石用コ イルへ加わる定常電圧からの変動分に当たる電圧値 [V],  $L_{xeff}/X_0$ : 電磁石の有効磁束に相当する定数 [H],  $L_{xlea}$ :電磁石の漏れ磁束に 相当する定数 [H]である.

なお、本制御システムでは最適制御測を用いて決定したフィードバックゲインにより以下の式(6)から制御入力 vxを決定する.

$$v_{\rm x} = -fx \tag{6}$$
$$= [f_{\rm x} \quad f_{\rm v} \quad f_{\rm i}]$$

本研究で用いたフィードバックゲインfを Table 1 に示す. なお, フィードバックゲインを決定する際の重み係数は実験から試行錯 誤的に探索した.

f

## 4.2 浮上実験の条件

電磁石のコイルに流れる定常電流値 *I*x は柔軟鋼板に対して定常 的にかける張力の大きさに関わる.この張力は柔軟鋼板のたわみ を抑制するようにはたらくことから,見かけ上,柔軟鋼板の曲げ剛 性を向上させるような役割を持つと考えられる.本論文では板厚 0.05,0.19,0.24 mm の柔軟鋼板において,定常電流値を0.8~1.2 Aで0.1A刻みで変化させて浮上実験を行った.その際,柔軟鋼板 の鉛直ならびに水平方向の変位を計測し,各実験条件と柔軟鋼板 の振動状態の関係性を明らかにする.

実験では手で柔軟鋼板を支持した状態から磁気浮上制御を始め、 手を離して安定浮上した状態から計測を開始するものとした.な



0.9 A).

お、浮上中の柔軟鋼板における動的な挙動を比較するため、平衡浮 上位置を0としてZ方向の変位を計測している.

なお、定常電流値は0.8~1.2Aに制限しているが、0.8A未満の 定常電流値では支持力が小さく、把持することが困難である.また 1.2 A よりも大きな定常電流値では電磁石のコイルにおける発熱 が大きく、短時間しか浮上を維持できない.そのため、上記の範囲 に定常電流値を収めている.

### 4.3 浮上中における鉛直方向の振動

Fig. 10, Fig. 11 に Z方向の変位時刻歴を示す. Fig. 10 は定常 電流値を 0.9 A, Fig. 11 は定常電流値を 1.2 A とした実験で得られ た時刻歴である. Fig. 10 および Fig. 11 では板厚が異なる条件で 実施した時刻歴を示しており,両図とも(a) 0.05 mm, (b) 0.19 mm, (c) 0.24 mmの板厚での時刻歴を示している. なお,これらの時刻 歴は各条件で3回実験を行ったうちの1つを抽出したものであり, 同条件で実施した全ての実験において時刻歴が同様な波形となる ことを確認している.全ての条件において鉛直方向の変位には周 期的な振動が発生している.振幅に着目すると 0.05 mm を除き,



1.2A).

定常電流を大きくすることで鉛直方向の変位振幅が小さくなって いることが確認できる.

本研究では磁気浮上実験における変位振幅を定量的に評価する ため、各条件で得られた鉛直方向の変位の標準偏差に着目し、3回 の実験の標準偏差の平均値を用いるものとした.各板厚における Z 方向の変位標準偏差と定常電流値の関係を Fig. 12 に示す.板厚が 最も厚い0.24 mmの柔軟鋼板では定常電流値を大きくするほど変 位標準偏差が小さくなり、鉛直方向の振動が抑制されていくこと が分かった.次に、板厚 0.19 mmの柔軟鋼板では定常電流値 1.1 A までは同様に定常電流値を大きくすると、鉛直方向の変位標準 偏差が小さくなる傾向を示した.しかしながら、定常電流値 1.2A では 1.1A よりも鉛直方向の変位標準偏差が大きく、より振動して いることを明らかにした.また、板厚 0.05 mm ではいずれの定常 電流値においても板厚 0.19 mm ならびに 0.24 mm での実験と比 べて鉛直方向の変位標準偏差が小さく、定常電流による振動抑制 の効果が大きいことが示された.さらに、板厚 0.05 mm の柔軟鋼 板では定常電流値 1.1 A 以降において定常電流値が大きくなると



Fig. 12 Relationship between the steady current and the standard deviation of the vertical displacement each thickness of flexible steel plate.

鉛直方向の変位標準偏差も大きくなり、振動抑制の効果が小さい ことを示した.なお、本実験結果では板厚 0.05 mm の柔軟鋼板に おいて定常電流を 0.8 A とした際の変位標準偏差が示されていな いが、これば該当する条件において実験を行ったところ、柔軟鋼板 を浮上させることができなかったためである.

第3章の解析では柔軟鋼板の板厚が厚いほど柔軟鋼板端部にか かる張力が大きくなることから、鉛直方向の弾性振動も抑制され る可能性が示されていた.しかしながら、全ての定常電流値におい て板厚の最も薄い厚さ0.05 mmの柔軟鋼板が最も振動が抑制され ていることが実験から明らかになった.

## 5. 結言

本研究では柔軟鋼板を対象とした磁気浮上システムにおいて, 柔軟鋼板の厚さならびに電磁石による張力と浮上中の振動状態の 関係性を明らかにした.まず,磁気浮上の際に柔軟鋼板端部にかか る張力を解析的に明らかにした.それにより,柔軟鋼板の板厚が厚 いほど端部に発生する張力が大きくなり,浮上中に発生する弾性 振動がより抑制できる可能性が示唆された.それに対して実験で 得られた Z 方向の変位は,定常電流が1.0A 以上になるとどの板厚 でも変位標準偏差の小さい安定した磁気浮上が可能であること, いずれの定常電流値においても板厚の薄い0.05 mm の柔軟鋼板に おいて最も振動が抑制されていることを明らかにした.

本研究では柔軟鋼板端部にかかる張力と浮上安定性の直接的な 関係性は確認できなかったものの,浮上中における柔軟鋼板の鉛 直方向の変位は周期的に振動している上,板厚や定常電流によっ て周期が変化していることから,板厚や定常電流が鉛直方向の弾 性振動に影響している可能性が高いと考えられる.そのため今後 は柔軟鋼板の振動特性も考慮し,より安定した磁気浮上の実現を 目指す.

#### References

- K. Ogawa, M. Tada, T. Narita, and H. Kato: *T. Magn. Soc. Jpn.* (Special Issues), 4, 122 (2020).
- Y. Odajima, Y. Takada, I. Oikawa, and T. Nakagawa: *IEEJ T. Ind. Appl.*, **138**, 692 (2018).
- H. Hayashiya, H. Ohsaki, and E. Masada: *IEEJ T. Ind. Appl.*, 120, 928 (2000).
- 4) A. Shiina, M. N. Hakimi, K. Ogawa, T. Narita, and H. Kato: J. Jpn. Soc. Appl. Electromagn. Mech., 29, 111 (2021).
- T. Narita, M. Kida, T. Suzuki, and H. Kato: J. Magn. Soc. Jpn., 41, 14 (2017).
- Y. Oda, M. Kida, T. Suzuki, T. Narita, H. Kato, and H. Moriyama: Int. J. Appl. Electromagn. Mech., 59, 985 (2019).
- 7) T. Narita, Y. Oda, Y. Ito, K. Okuno, and H. Kato: *Proc. ACTUATOR 2018*, 334 (2018).
- 8) Y. Oda, Y. Ito, K. Okuno, M. Kida, T. Suzuki, A. Endo, T. Narita, H. Kato, and H. Moriyama: *J. Magn. Soc. Jpn.*, 43, 11 (2019).
- 9) T. Narita, Y. Oda, Y Ito, and H. Kato: Int. J. Appl. Electromagn. Mech., 64, 1191 (2020).
- 10) M. Kida, T. Suzuki, Y. Oda, T. Narita, H.Kato, and H. Moriyama: *T. Magn. Soc. Jpn. (Special Issues)*, **1**, 76 (2017)
- 2021年11月9日受理, 2021年12月12日再受理, 2021年12月14日採録

<Paper>

# 永久磁石と電磁石を併用した薄鋼板の磁気浮上装置の開発 (遺伝的アルゴリズムを用いた永久磁石の最適配置に 張力印加位置が与える影響に関する基礎的考察)

## Development of Electromagnetic Levitation System for Thin Steel Plate with Electromagnets and Permanent Magnets (Fundamental Consideration on Effect of Acted Position of Tension on Optimal Arrangement of Permanent Magnets Obtained by Genetic Algorithm)

嘉山周汰a・ムハマドヌルハキミビンモハマドカマa・椎名敦紀a

・小川和輝。)・遠藤文人 b)・成田正敬。)[†]・加藤英晃。)
 ^{a)}東海大学,神奈川県平塚市北金目 4-1-1(〒259-1292)
 ^{b)}福岡工業大学,福岡県福岡市東区和白東 3-30-1(〒811-0295)

S. Kayama ^{a)}, M. N. Hakimi ^{a)}, A. Shiina ^{a)}, K. Ogawa ^{a)}, A. Endo ^{b)}, T. Narita ^{a)}[†], and H. Kato ^{a)}

^{a)} Tokai Univ., 4-1-1 Kitakaname, Hiratsuka-shi, Kanagawa, 259-1292, Japan

^{b)} Fukuoka Institute of Technology., 3-30-1 Wajiro-higashi, Higashi-ku, Fukuoka-shi, Fukuoka, 811-0295, Japan

In thin steel plate production lines, contact conveyance by rollers is used, so scratches on the surface of the plates and plating defects are problems. Therefore, non-contact magnetic levitation conveyance of thin steel plates using the attractive force of electromagnets has been proposed. We studied a magnetic levitation system for thin steel plates that uses both electromagnets and permanent magnets. While a thin steel plate was magnetically levitated, we investigated the effect of changing the position where tension is applied by a magnetic field from the horizontal direction on the placement of permanent magnets optimized by a genetic algorithm. From the result, we found that this change had a positive effect on levitation performance.

Key words: electromagnetic levitation control, thin steel plate, permanent magnet, genetic algorithm

#### 1. はじめに

超電導体を利用しない磁気浮上方式である常電導磁気浮上は、 低温の温度管理が不要で、浮上対象が磁性体であれば適用できる ため汎用性が高く様々な分野で応用が検討されている¹⁴⁰.中でも 製造工程に対し非接触支持搬送技術を導入することにより薄鋼板 のめっき層の傷や剥がれなど、表面品質が劣化するという問題の 解決が期待でき、薄鋼板の高品質化につながる.しかしながら薄鋼 板は曲げ剛性が低く、浮上支持力の及ばない箇所にたわみや複雑 な振動が生じることから、柔軟構造体の非接触支持搬送は困難を 極める.このため浮上対象を柔軟構造体と捉え、静的あるいは動的 応答特性を考慮した磁気浮上システムの構築は非常に重要な検討 課題と位置づけられる.一般的に、このような対象を安定して浮上 させるためには、多数の電磁石を設置して吸引力の及ばない箇所 を極力減らしてたわみを抑制する必要があるが、制御入力の増加、 コスト増加が問題となる.

そこで、当研究グループでは既報にて永久磁石から発生する吸 引力を電磁石からの浮上支持力の補助とする手法を提案している ⁵⁾. このとき、浮上用電磁石の周囲に永久磁石を等間隔に配置する ことによって鋼板のたわみが抑制され、浮上安定性を向上するこ とができた.一方でより高い浮上安定性を得るためには「永久磁石 の個数」や「永久磁石の配置」、「永久磁石と鋼板の距離」などのパ ラメータを検討する必要があるが、これらのパラメータの組み合 わせは膨大なため、最適な永久磁石配置を実験的に得るのは困難 である.

そこで、最適化アルゴリズムの一つである遺伝的アルゴリズム

(以下 GA)を用いて鋼板のたわみを最も抑制することが出来る永 久磁石の配置探索を行った.GA は永久磁石を設置したときの鋼板 形状を評価し、たわみを抑制できるパラメータを探索する.このと き鋼板形状の各解析点の平均たわみを算出して鋼板の全体的なた わみを評価し、同時に最大たわみから局所的なたわみを評価した. 得られた永久磁石配置を用いて浮上実験を行い、浮上安定性が向 上することを確認した⁶⁷.さらに、水平方向から張力を加えた磁 気浮上鋼板のたわみを最も抑制できる浮上補助用永久磁石配置を GA により探索し、浮上実験を行い、たわみを抑制できることを確 認した⁹.

しかし、水平方向電磁石の電磁石中心間距離を変化させた際の、 永久磁石と鋼板の距離に関する詳細な検討は行われていない. そ こで本論文では、水平方向電磁石の電磁石中心間距離と永久磁石 と鋼板の距離を変化させ、GAから得られた永久磁石の配置結果と 鋼板形状の比較と考察を行った.

#### 2. 磁気浮上システムの最適化

#### 2.1 磁気浮上モデルの概略

磁気浮上システムの概略図を Fig. 1 に示す.磁気浮上システム は鉛直方向の浮上制御システムと永久磁石で構成される.浮上対 象は長さI = 800 mm,幅w = 600 mm,板厚 0.24 mm の長方 形亜鉛めっき鋼板(材質 SS400)とする.鋼板を浮上させる電磁 石ユニットを鋼板の中央 1 ヶ所と周囲の 4 ヶ所に設置し,各電磁 石表面から鋼板表面までの距離を 5 mm に制御することで鋼板を

Corresponding author: T. Narita (e-mail: narita@tsc.u-tokai.ac.jp).







Fig. 2 View from above of placement of electromagnets.



Fig. 3 Slide mechanism of electromagnet for horizontal positioning control.

磁気浮上させる. 浮上用と同じ電磁石 1 個と透過型レーザ変位センサによる水平方向電磁石ユニットを鋼板の長手方向エッジ付近に4ヶ所対向して設置し,電磁石表面と鋼板のエッジとの距離が5 mm になるよう位置決め制御を行う. 浮上用および水平方向電磁石ユニットは Fig. 2 に示すように設置した.また,本磁気浮上システムは Fig. 3 のように水平方向電磁石の位置を変更できる構造とした.このとき,水平方向電磁石の電磁石中心間距離をa[mm]とする.



Fig. 4 Side view of gap between permanent magnets and steel plate.



Fig. 5 Relationship between gap and attractive force in analysis.

## 2.2 解析モデル

本システムでは電磁石の吸引力が印加されない箇所に永久磁石 の吸引力を印加することで浮上中の薄鋼板のたわみを抑制し、浮 上安定性を向上させる. そこで, 永久磁石の吸引力が印加された際 の浮上中の薄鋼板形状を解析により求める. Fig.1 に示す浮上対象 の薄鋼板に対し、重力および永久磁石吸引力が作用する際の薄鋼 板のたわみ量を計算する. 永久磁石 (30 mm×30 mm×15 mm) の材質はフェライトであり、表面磁束密度は 0.12 T、磁化方向は 鋼板側がN極となるよう配置する.この永久磁石が鋼板に発生さ せる吸引力は Fig. 4 に示すような永久磁石表面と薄鋼板表面間の 距離(以下 Gap)に応じて変化する. 電磁界解析より得られた Gap と鋼板に発生する吸引力の関係を Fig. 5 に示す. 重力と永久磁石 吸引力が作用する際の薄鋼板のたわみ量について薄鋼板の静的な たわみの方程式より計算する.ここでE:薄鋼板のヤング率[N/m²], h:薄鋼板の厚さ[m], v:ポアソン比, x:薄鋼板の長手方向の座 標[m], y: 薄鋼板の短手方向の座標[m], z: 薄鋼板の鉛直方向変位 [m], £:水平方方向に設置した電磁石による薄鋼板の単位面積あ たりに加わる鉛直方向の外力[N/m²], £:水平方向に設置した電磁 石による薄鋼板の単位面積あたりに加わる水平方向の外力[N/m²], fem:設置された永久磁石によって鉛直方向から薄鋼板に加わる単 位面積あたりの吸引力[N/m²]、 ρ: 薄鋼板の密度[kg/m²]、 g: 重力 加速度[m/s²]である.

$$D\nabla^4 z = f_z + f_x \frac{\partial^2}{\partial^2 x} z + f_{PM} - \rho hg \tag{1}$$

$$D = \frac{Eh^3}{12(1-v^2)}$$
(2)

$$\nabla^{4} = \frac{\partial^{4}}{\partial x^{4}} + 2\frac{\partial^{4}}{\partial x^{2}\partial y^{2}} + \frac{\partial^{4}}{\partial y^{4}}$$
(3)

薄鋼板は浮上用電磁石ユニットの位置で単純支持されるものと仮定し、式(1)を用いて、薄鋼板のたわみを有限差分法(以下 FDM)



Fig. 6 Bird's eye view of shape of steel plate levitated with only electromagnets. (a = 640 mm).



Fig. 7 Amplitude of permanent magnets with attractive force at each distance between permanent magnets.

によって計算する.このとき,差分解析格子の大きさは10 mm× 10 mmとした.なお数値解析の結果より,浮上用電磁石ユニット は永久磁石を設置しない場合において,最も薄鋼板全体のたわみ が少なくなる位置に設置した.Fig.6にa=640 mmの際の式(1) を FDM により解いて得られた電磁石のみを用いて鋼板を浮上さ せた際の鋼板形状を示す.これまでの検討により,永久磁石から発 生する吸引力は同極の永久磁石が複数配置すると磁場の相互作用 によって磁石間距離に応じて吸引力が増加することを電磁界解析 と実験から確認している⁹.このとき,永久磁石を1個設置した際 に鋼板に働く吸引力を1として,永久磁石同士の相互作用による 吸引力の増加率と永久磁石間距離の関係をFig.7に示す.GAの プロセスにおいて,永久磁石の配置が生成されると,それぞれの永 久磁石間距離を算出し,最も接近した永久磁石との距離に応じて 永久磁石の吸引力を変化させ,fmを計算した.

## 2.3 評価関数

薄鋼板のたわみを効果的に抑制する最適な永久磁石の個数と配置, Gap を探索するため,差分解析により永久磁石からの吸引力 が加わった鋼板形状から評価値を設定し,鋼板のたわみを評価する.まず,平均たわみ量 Jzを式(4)のように定義した.

$$J_{Z} = \frac{\sum_{i=1}^{N} |z_{i}|}{N} \tag{4}$$

 $z_i$ は薄鋼板の各解析点のたわみ、Nは解析点の総数であり、N= 4941 である.次に鋼板の最大たわみ量 $J_D$ を式(5)のように定義した.



Fig. 8 Flow chart of genetic algorithm for finding optimal arrangement of permanent magnets.

$$J_{\rm D} = \left| Z_{\rm max} \right| \tag{5}$$

Zmax は得られた鋼板形状の全解析点におけるたわみ量のうち,絶対値の最大値である.永久磁石を設置せず,電磁石から吸引力が加 わった場合のJz, JDをJzo, JDoと定義した.一般的に複数の評 価指標に対して最適化を行う場合,それぞれに重み係数をかけて 一つの評価値とする手法がとられている.そこで平均たわみ量,最 大たわみ量に関する重み係数 W2, W6をそれぞれ導入し,評価値 Jはそれぞれの項を無次元化した式(6)の評価関数を用いた.

$$J = \frac{J_{\rm Z}}{J_{\rm Z_0}} \times W_{\rm Z} + \frac{J_{\rm D}}{J_{\rm D_0}} \times W_{\rm D} \tag{6}$$
$$W_{\rm Z} = W_{\rm D} = 0.5$$

評価値 J は電磁石のみ設置した場合に1 となり、数値が低いほど たわみの抑制効果が高いことを示す. Wz, Wp はそれぞれ平均た わみ量、最大たわみ量に関する重み係数である.

#### 3. 磁気浮上制御への最適配置の適用

## 3.1 最適配置の探索法

永久磁石の吸引力は Gap によって変化するため、各 Gap にお ける薄鋼板のたわみを効果的に抑制する最適な永久磁石の個数と 配置の最適化をそれぞれ行う.しかし、実験的に最適値を探索する ことは探索パターンが非常に膨大であるため現実的に困難である. そこで最適化アルゴリズムである GA を用いて最適な永久磁石配



**Fig. 9** Results of evaluation value J at gap between permanent magnets and steel plate.

置の探索を行った. GA のフローチャートを Fig.8 に示す.まず, 永久磁石の個数と初期配置をランダムに決定する (Fig.8 における Initialization:初期集団発生数 32).次に重力と永久磁石の吸引力 が作用する際の薄鋼板の形状を計算し (Deflection analysis of steel plate),上述の式(6)より評価値 Jを計算する (Calculate the evaluation value).この評価関数によって最適配置の候補を選出 し (Selection:上位 2 位を無条件に残すエリート保存則を適用), これらの中で更に一定の確率で新たな配置を生成させ最適解へと 近づける (Uniform crossover:一様交叉を用い交叉率は 90%). しかし、類似した配置パターンの集団は局所解に陥る可能性を有 するために、1%の確率で配置を分散させ多様性を確保する

(Mutation).評価値が一定世代変化しない場合探索を終了するが, 予備的な検討から 300 世代以上では同様の結果が得られることを 確認している.本論文では評価関数の最終値が 300 世代変化しな い場合,計算を終了する. Gap の探索範囲は先の研究結果を踏ま えて 40 mm から 80 mm まで,刻み値を 5 mm とした. なお, GA の性質上,得られた最適値が局所解に陥る可能性があるため, 同じ Gap にて 10 回の探索を行うものとした.これらを,水平方 向電磁石の電磁石中心間距離を 340 mm から 640 mm まで 100 mm ごとに変化させて行った.すなわち,各電磁石中心間距離に おいて 90 回の探索を行っている.

### 3.2 探索結果

GAにより得られた永久磁石の個数,配置,Gapから式(1)を用いて、薄鋼板のたわみをFDMによって得られ、このときの平均たわみJzと最大たわみJDが算出される.式(6)より、これらの値と重み係数から評価値Jを求める.Fig.9に各電磁石中心間距離の10回の探索結果の評価値Jを示す.このときの各電磁石中心間距離において、評価値Jが最も小さい探索結果をその電磁石中心間距離の最適値とした.Fig.9(b)のとき、評価値Jが最も低かった



Fig. 10 Evaluation value J at each distance between horizontal electromagnets.



Fig. 11 Number of permanent magnets at each distance between horizontal electromagnets.

のはGapが65mmのときであり、Fig.9(a)、(c)、(d)のとき、評 価値が最も低かったのは Gap が 70 mm であった. また, 各電磁 石中心間距離において Gap が 40 mm のときが最も評価値が高く なることを確認した. これは永久磁石と鋼板の距離が近すぎる場 合,永久磁石の鋼板に対する吸引力が大きく働きすぎたため,永久 磁石によるたわみの抑制ができなかったと考えられる.また,永久 磁石と鋼板の距離が Gap の最適値より離れた場合では、鋼板に働 く永久磁石の吸引力が小さくなったため、たわみの抑制ができな かったと考えられる. Fig. 10 に各電磁石中心間距離での評価値 J の最適値を示す.いずれの電磁石位置においても評価値 Jが 0.05 以下であり、平均たわみ、最大たわみが 5%以下に低減されてお り、最適化が同等に行われていることが分かる. また、Fig. 11 に 各電磁石中心間距離での最適化された永久磁石の個数を示す. a= 440 mm の際に個数が減少したが、全体的に 40 個前後となった. a=640 mm のとき永久磁石の個数は48 個と最も多い結果となっ た. 最適値の永久磁石配置を Fig. 12 に示し, Fig. 13 に浮上中の 鋼板形状を示す. Fig. 12 と Fig. 13 はそれぞれ(a) a = 340 mm, (b) a = 440 mm, (c) a = 540 mm, (d) a = 640 mm の結果である.

* (mm)

* (mu)

(uuu)

Horizontal electromagnets

𝒴 [mm]

Horizontal electromagnets

У[mm]

Horizontal electromagnets

 $\mathcal{V}[mm]$ 

Horizontal electromagnets



Fig. 12 Optimal arrangement of permanent magnets.

Fig. 13 Optimized shape of steel plate from bird's eye view.

У[mm]

Horizontal electromagnets



Fig. 14 Evaluation value J₂ at each distance between horizontal electromagnets.



Fig. 15 Evaluation value  $J_{Z0}$  at each distance between horizontal electromagnets.

Fig. 9, Fig. 12, Fig. 13 よりそれぞれの水平方向電磁石の電磁石 中心間距離で得られる最適な永久磁石配置および Gap が異なるこ とが確認できる.また,永久磁石は電磁石の吸引力が加わっていな い位置に多く設置され,電磁石の近傍にはあまり設置されていな い.Fig. 13 より,各電磁石中心間距離における永久磁石の最適配 置において,Fig. 5 の電磁石のみで鋼板を浮上させた際の鋼板形状 と比較して,鋼板が最もたわんでいる領域のたわみが抑制されて いることが確認できる.Fig. 5 と Fig. 13 は鋼板形状を明確に示す 都合上, z軸のスケールは異なっていることを付言する.

また,各電磁石中心間距離によって最適化の初期形状  $J_{Z0}$ , $J_{D0}$ が異なるため, Fig. 10 の評価値 Jのみで比較することはできない. そこで,磁石中心間距離に対する鋼板の平均たわみ量  $J_Z$  を Fig. 14,鋼板の平均たわみ量  $J_{Z0}$  を Fig. 15,鋼板の最大たわみ量  $J_D$ を Fig. 16,鋼板の最大たわみ量  $J_{D0}$  を Fig. 17 に示す. Fig. 15 と Fig. 17 より,鋼板の平均たわみ量  $J_{Z0}$ ,最大たわみ量  $J_{D0}$  が最も 小さいのは a = 640 mm のときであった. Fig. 14 と Fig. 16 の鋼 板の平均たわみ量  $J_Z$ ,最大たわみ量  $J_D$  では a = 640 mm と他の 電磁石中心間距離との差が小さくなっていることが確認でき,永 久磁石によって鋼板のたわみが抑制されたことが分かる.

Fig.8より,各電磁石中心間距離で,最も評価値Jが小さくなったのはa=640 mmのときであった.水平電磁石の距離が近い場合では,鋼板形状から鋼板の長辺の中心付近で鋼板が上方向に大き



Fig. 16 Evaluation value JD at each distance between horizontal electromagnets.



Fig. 17 Evaluation value JD0 at each distance between horizontal electromagnets.

くたわんでいることが確認でき、互いの水平方向電磁石の張力が 干渉し、たわみが増加したと考えられる.水平方向電磁石の距離が 離れると、鋼板形状の長辺に発生していたたわみは小さくなるこ とが確認できた.これは鋼板の四辺に張力を印加することができ るため、鋼板のたわみが抑制されたと考えられる.

## 4. まとめ

本論文は、電磁石の吸引力の及ばない箇所に永久磁石を設置し、 薄鋼板の浮上性能を向上させるシステムについて検討を行った. このとき、水平方向電磁石の電磁石中心間距離を変化させ、永久磁 石と鋼板の距離を変更して最適化を行った結果、水平方向電磁石 による張力印加位置によって、鋼板の全体的なたわみと局所的な たわみをそれぞれ抑制できる配置が得られた.今後は、各電磁石中 心間距離の最適値を用いて鋼板の磁気浮上実験を行い、最適化の 妥当性について実験的に検討を行っていく.さらに様々な外乱条 件下で実験を行い、評価値と浮上安定性の関係についてより詳細 な検討を行っていく予定である.また、本論文における最適化にお いては鋼板の静的形状を元に探索を行った.搬送時の加減速や空 気抵抗、渦電流の影響など、より実挙動を考慮した探索を行うため、 慣性項、減衰項を加えた動的挙動を最適化のプロセスに組み込む 手法についても検討を行っていく.

## References

- S. Matsumoto, Y. Arai, and T. Nakagawa: *IEEE Trans. Magn.*, 50, 8600304 (2014).
- 2) T. Namerikawa and D. Mizutani: Trans. IEEJ., 36, 1319 (2006).
- M. Morishita and M. Akashi: *IEEJ Trans. Industry Appl.*, 119, 1289 (1998).
- 4) Y. Oda, Y. Ito, K. Okuno, M. Kida, T. Suzuki, A. Endo, T. Narita, H. Kato, and H. Moriyama: J. Magn. Soc. Jpn., 43, 1 (2019).
- 5) Y. Oshinoya, K. Ishibashi, and T. Sekihara: *Trans. Jpn. Soc. Mech. Eng. Ser. C*, 68, 1428 (2002).
- 6) T. Narita, S. Hasegawa, and Y. Oshinoya: J. Magn. Soc. Jpn., 37, 2 (2016).
- T. Narita, S. Hasegawa, and Y. Oshinoya: Proc. Schl. Eng. Tokai Univ., Ser. E, 38, (2013).
- 8) T. Suzuki, M. Kida, Y. Oda, T. Narita, H. Kato, and H. Moriyama: J. Jpn. Soc. Appl. Elec. Mech., 26, 1, (2018).
- 9) H. Ishii, T. Narita, and H. Kato J. Jpn. Soc. Appl. Electromag. Mech., 24, (2016).

2021年11月07日受理, 2022年01月15日採録

<Paper>

**INDEX** 

## 磁気温熱療法の定温加熱制御システムを用いた動物実験

## Animal Experiment with PID-based Automatic Temperature Control System for Magnetic Hyperthermia

鹿野晃弘 alt・トンタット・ロイ al・桑波田晃弘 al・アリウンブヤン・スフバートル bl・

小玉哲也 a) b) · 薮上信 a) b)

▶東北大学大学院工学研究科,宮城県仙台市青葉区荒巻字青葉 6-6-05 (〒980-8579)
 ▶東北大学大学院医工学研究科,宮城県仙台市青葉区荒巻字青葉 6-6-05 (〒980-8579)

A. Shikano^{a)†}, L. Tonthat^{a)}, A. Kuwahata^{a)}, A. Sukhbaatar^{b)}, T. Kodama^{a) b)}, and S. Yabukami^{a) b)} ^{a)} Graduate School of Engineering, Tohoku Univ., 6-6-05 Aramaki Aza Aoba, Aoba-ku, Sendai 980-8579, Japan

^{b)} Graduate School of Biomedical Engineering, Tohoku Univ., 6-6-05 Aramaki Aza Aoba, Aoba-ku, Sendai 980-8579, Japan

Magnetic hyperthermia (MH) is a promising cancer therapy in which the heating temperature is expected to be a key determinant for its success. A therapeutic system with high-accuracy temperature control is of vital importance to avoid overheating in normal tissues surrounding a tumor. We previously developed a PID-based temperature control system and verified its validity *in vitro*. In this study, we validate our control system *in vivo*. First, we investigated both the improvement in heat generation by high-density Resovist[®] (Ferucarbotran) and the optimal PID tuning method for the high-density Resovist[®] *in vitro*. Next, we injected the high-density Resovist[®] into mice and then performed PID-based temperature control *in vivo*. We demonstrate that by using our PID-based control system, it is possible to accurately control the therapeutic temperature (e.g., 50°C) *in vivo* with a standard deviation of 0.05°C in the steady-state. Our system has the potential to be used for MH either alone or together with other cancer treatment modalities for basic and clinical studies.

Keywords: magnetic hyperthermia, magnetic nanoparticle, PID-based control, Resovist®, animal experiment

## 1. はじめに

がんに対する治療法として、温熱療法(ハイパーサーミア)が注 目されている.この治療法ではがん組織が正常組織よりも温熱に 弱いことを利用して、がん組織のみを選択的に壊死や縮退させる ことができる.そのため、現在一般的ながん治療法である手術療 法、薬物療法、放射線療法に比べ、患者への負担が少ない低侵襲 な治療法として期待できる.温熱療法の主な加熱方式には RF 誘 電加熱法¹⁰や超音波加熱法²⁰などがあり、医療現場でがん治療に 用いられている.しかし、これらの方式では加熱領域の制御が難 しく、がん組織のみを選択的に加熱できない場合がある.そこで、 磁性体を発熱体としてがん組織に埋め込み、磁気により局所的な 加熱を可能とする磁気温熱療法が盛んに研究されている.

温熱療法を成功させるには、がんが死滅しうる温度までの加熱 を一定時間継続しておこなう必要がある。治療温度を高めれば、 がんをより確実に死滅させることができる。しかし、その周囲の 正常組織も高温環境へ晒し、損傷させる危険性がある。したがっ て、温熱療法の確立には、正常組織には害を及ぼさず、がん組織 のみを治療できる温度と加熱時間の解明や温度制御システムの開 発が求められる。

磁気温熱療法においては、感温磁性体と呼ばれる低キュリー温 度の磁性材料を生体内に埋め込み、材料の温度に対する磁気特性 の変化から加熱温度を制御するソフトヒーティング法³⁴が提案 されている.しかし、この手法では感温磁性体がµm~mmオー ダーになるため治療後の取り出しが困難である.また、熱耐性の 異なる様々ながん細胞への細やかな温度制御も難しい課題もある. そこで、動物実験では nm オーダーの磁性ナノ粒子を患部へ埋め

責任著者: 鹿野晃弘 (e-mail: shikano.akihiro.p6@dc.tohoku.ac.jp)

100

Transaction of the Magnetics Society of Japan (Special Issues) Vol.6, No.1, 2022

込み、サーモグラフィや光ファイバー温度計による温度計測をお こないながら、印加磁界の強度を操作する方式がとられている. しかし、先行研究⁵⁰⁰では、マニュアルによるフィードバックによ り±1℃程度の温度ぶれのある制御がおこなわれてきた.治療温 度が1℃ずれると治療効果を得るための加熱時間が2倍になる ⁷ ため、磁気温熱療法ではより精密な温度制御が課題である.動物 実験においては、温度ぶれが生じることにより、治療温度と加熱 時間が治療効果に及ぼす影響を詳細に評価しにくくなり、同じ条 件の治療を施した間でも再現性も取りにくくなることが危惧され る.

本研究では、これまでに開発した定温加熱制御できる磁気加熱 システム⁸を使い、生体内での磁性流体の定温加熱制御の検討を した.また、医用磁性流体の発熱特性の向上並びに温度制御方式 について検証をおこなった.マウスを用いた動物実験では、磁気 温熱療法の治療温度の50℃での定温加熱制御に取り組んだ.

#### 2. 磁性流体の発熱特性の改善

磁気温熱療法において使用する磁性体は、生体内に留置するため医薬品としての安全性が求められる.したがって、磁性体を選択する上では、前臨床試験や治験などで承認された医薬品であることが望ましい.新規に承認を得るには上記の手続きをおこなうために多額の費用と長期の開発期間が必要となる.そのため、本研究では既に医薬品として承認されており、磁気温熱療法の研究にて利用されている医用磁性流体の Resovist® (共和クリティケア、東京)を選択した.Resovist®は、カルボキシデキストランで被覆された液中粒径が約57 nm の酸化鉄からなる磁性流体である.しかし、生体内では注入部位の体積から定まる投与量の限界と生体への磁界の照射量の制限があり、Resovist®による発熱では磁気





Fig. 1 PID-based automatic heating-temperature control system. (a) Block diagram and (b) photo of system.

温熱療法の治療温度である 43 ~ 50 ℃まで温度を上昇させること が難しい⁹¹⁰. そこで,磁性流体の発熱特性を改善する必要がある. Resovist®の発熱特性を改善する方法としては磁気分離装置による 磁気分画が提案されている¹¹⁾が,本研究では Resovist®に含まれ る磁性体の数を増やすことで発熱特性の向上を目指した.使用し た Resovist®について問い合わせ,鉄換算で24.8 mg/mLの磁性ナ ノ粒子が分散されていると確認し、この粒子数を 99.2 mg/mL ま で増加させた試料を作製した.2 つの磁性流体について,ゼータサ イザー (Zetasizer Nano ZS, Malvern Panalytical Ltd, Malvern, UK) により評価した. Resovist®の液中の平均粒径とゼータ電位は それぞれ 59.6 nm, -41.5 mV であり,作製したサンプルでは 53.4 nm, -39.6 mV とほぼ同等であるため磁性ナノ粒子は分散してい ると考えられる.また,振動試料型磁力計 (PV-M10-5,東栄科学 産業,宮城)を用いた磁気特性の測定では,作製した試料が超常磁 性を示しており,磁気特性が変化していないことを確認した.

次に,磁性ナノ粒子の数を増加させたことによる発熱特性の変 化を Fig. 1 (a) に示す磁気加熱システムで測定した.本システムは, チラー (FLOWMAX, Miller Electric MFG, Appleton, Wisconsin, US),誘導加熱電源 (EasyHeat 2.4 kW, Ambrell, Rochester, New York, US),光ファイバー温度計 (FL-2000,安立計器,東京),PC で構成される.温度計測を基に,LabVIEW 2020 (National Instruments, Austin, Texas, US)を用いた PID 制御によって,コ イルに流す交流電流を操作し,磁性流体の温度を制御することが 可能である.コイルは、内径 70 mm,外径 85 mm,ピッチ7 mm の2巻である.誘導加熱電源はLC 共振を用いて周波数 260 kHz による励磁を維持している.この電源の最大出力である電流 400 A を流したときのコイル中心における磁界強度は 14 kA/m であり, 磁界強度と周波数の積は生物医学的な制限の5×10⁹ Am⁻¹s⁻¹未満¹⁰



Fig. 2 Temperature rise in stock and high-density Resovist[®] under applied AC magnetic field of 7 kA/m, 260 kHz.

であるため、磁界が生体〜与える影響は小さいと考えられる. 磁性ナノ粒子の数を増加させたことによ磁性流体の発熱特性は 断熱環境にて測定した.まず、各磁性流体200 µLを発泡スチロー ルで作った断熱材の中へ入れ、Fig.1 (b) に示すように磁性流体が コイル中央へ来るように設置した.そして、各磁性流体に対して、 7 kA/m、260 kHzの交流磁界を印加し、その時の発熱応答を光フ ァイバー温度計にて測定した.

Fig. 2 に7 kA/m, 260 kHz の交流磁界を印加した際の各磁性流体の発熱応答を示す.作製した試料では,磁性体の総量が増えたことで昇温が早くなっている.温度上昇の傾きに注目すると,作製した試料は Resovist[®]に比べ約4倍の上昇率であり,磁性ナノ粒子の増加量に比例している.以上のように,磁性ナノ粒子の数に比例して高発熱化する磁性流体を得た.

#### 3. 定温加熱制御方式の検討

これまで Fig. 2 に示すような磁界の変化に対する磁性流体の 発熱挙動が、無駄時間要素と一次遅れ要素または積分器に近似で きると考え、ジーグラニコルスのステップ応答法より求めた PID パラメータでの定温加熱制御に取り組んだ⁸. ここでは、同じくス テップ応答から PID パラメータを求める Chien-Hrones-Reswick (CHR) 法との比較を Resovist[®]と作製した試料でおこない、パラ メータのチューニング法に関する検討をおこなった.

Table 1 に各 PID チューニング法¹²⁰を示す. ジーグラニコルス のステップ応答法は、無駄時間要素と一次遅れ要素または積分器 に近似できる系に対するチューニング法である. CHR 法は無駄時 間要素と一次遅れ要素に近似できる系に対して有効なチューニン グ法で、対象がより限定的となる.

はじめに、各磁性流体の磁界に対する発熱のステップ応答を取 得した. Fig. 1 (a) の磁気加熱システムにて、磁性流体 200 µL を コイル中心の中空に配置した. この時、断熱材は用いずに非断熱 環境で磁性流体が40 ℃一定温となるまで加熱した. 次にコイルに 流れる交流電流をステップ状に変化させた. その時の磁性流体の 発熱応答からプログラムにて取得した各磁性流体のパラメータを Table 2 に示す. これらのパラメータと Table 1 の換算式から、各

		PID parameters		
	Tuning rules	Kc	$T_{ m I}$	$T_{\mathrm{D}}$
Ziegle	er-Nichols reaction curve	1.2 T/KL	2L	0.5L
CHR	Set-point regulation (overshoot 0%)	0.6 <i>T</i> /KL	Т	0.5L
	Disturbance (overshoot 0%)	0.95 <i>TIKL</i>	2.4L	0.42L

**Table 1**PID parameter tuning rules<br/>based on *K*, *T*, and *L*.

	Parameters			
Resovist®	Gain	Time constant	Dead time	
	K	$T(\min)$	$L(\min)$	
Stock	0.0772	0.461	0.249	
High-density	0.199	0.78	0.372	

 
 Table 2
 Step response parameters for stock and high-density Resovist[®].



**Fig. 3** Comparison of different PID parameter tuning rules using the current range of 0 ~ 300 A (i.e. 0~10.5 kA/m) with a fixed frequency of 260 kHz. (a) Stock Resovist[®] and (b) High-density Resovist[®].

チューニング法の PID パラメータを得た.そして,各磁性流体を 室温から磁気温熱療法の治療温度である 45 ℃まで3 通りの PID パラメータで周波数 260 kHz の交流電流出力を 0 ~ 300 A で操作 し,加熱制御した.この時の磁性流体が配置されるコイル中心の 磁界強度は 0 ~ 10.5 kA/m である.

Fig. 3 (a) にジーグラニコルスのステップ応答法と2つの CHR 法より決定した PID パラメータで Resovist®を加熱制 御した結果を示す. 過渡応答のオーバーシュートに注目す ると,ステップ応答法が 1.3 ℃と最も小さく,CHR 法の 外乱抑制型では 1.5 ℃,目標値追従型にいたっては 2.9 ℃ であった. 2%整定時間を比較するとそれぞれ 182, 213, 328 sec であった.CHR 法の目標追従型の整定時間が長い のは,比例ゲインが小さいことで応答性が落ち,減衰が小 さくなったためである.定常特性を加熱開始 360~600 sec までの標準偏差で比較すると,それぞれ 0.07,0.10,0.12 ℃ であった.

Fig. 3 (b)には作製した試料での加熱制御の結果を示した. この磁性流体では Resovist®に比べ発熱量が高いため、電流 の操作量に対する応答が大きく、オーバーシュートも大き くなっている.オーバーシュート、2%整定時間、定常時の 温度の標準偏差のいずれにおいてもステップ応答法が優れ ており、それぞれ 2.7 ℃, 193 sec, 0.05 ℃である.

以上より,過渡特性と定常特性の両方でステップ応答法 より求めた PID パラメータの制御性が優れていたと言える.一般 的にCHR法はオーバーシュートが小さいという特徴を持つが, 得られた結果は異なるものであった.その原因として, PID チューニング時の磁性流体の発熱挙動が一次遅れ要素では なく,積分器に近い挙動であったことが考えられる.その ため,磁気温熱療法の温度制御においては,磁性流体の発 熱特性のモデリングが可能なジーグラニコルスのステップ 応答法が適していると言える.

また、今回の結果より、作製した高発熱の試料ではオー バーシュートは大きくなってしまうが、定常特性は同等の 結果が得られた. すなわち、異なる発熱特性を持つ磁性流 体へ対しても、本システムを適応することで定温加熱制御 が可能であることを確認した.

### 4. 生体内での定温加熱制御

### 4.1 マウス MXH10/Mo-*lpr/lpr*

動物実験では、全身のリンパ節の短径が生後約3カ月でヒトの リンパ節と同程度の大きさ (10 mm) まで腫脹する MXH10/Mo-*Ipr/Iprマ*ウス2匹(週齢12~13)を使用した、本実 験でマウスの腸骨下リンパ節(SiLN: Subiliac Lymph Node) に 作成した試料を注射する.

#### 4.2 生体内における定温加熱制御

マウスを麻酔下におき SiLN の表皮を切開した.次に、カテー



Fig. 4 Photo of injecting high-density Resovist® into SiLN.

テルを SiLN に刺入し、カテーテルを通して光ファイバー温度計 のプローブを SiLN 内に留置した. 作製した試料 200 µL を SiLN に注射し、Fig. 4 に示すとおり SiLN をコイル中心に配置した.

次に磁気加熱システムで260 kHz の交流による励磁をおこない, SiLN を 40 ℃まで加熱した.そして,交流電流 50 A のステップ 信号を与えた.この時の SiLN の発熱応答からジーグラニコルス のステップ応答法を用いて PID チューニングをおこなった.そし て, PID パラメータ  $K_{C}$ =24.08,  $T_{I}$ =0.60 min,  $T_{D}$ =0.15 min を 得た.

次に別固体のマウスを準備し、得られた PID パラメータを用い て、生体体温から磁気温熱療法の治療温度とされている 50 ℃まで 周波数 260 kHz の交流電流出力を 0~400 A で操作し、PID 加熱 制御した.この時のコイル中心の磁界強度は 0~14 kA/m であり、 周波数との積は生物医学的な制限の 5×10⁹ Am⁻¹s⁻¹ 未満¹⁰である.

Fig. 5 にマウスの SiLN ヘ PID 加熱制御した結果を示す. 過渡 応答に注目すると、2%整定時間は 137 sec である.また、オーバ ーシュートは0.7 ℃、その継続時間は 109 sec であった.生物の正 常細胞は 51 ℃で 180 sec 加熱されるとネクローシスが起きる¹³⁰ ため、オーバーシュートによる正常細胞への侵襲は少ないと考え る.オーバーシュートが *in vitro* に比べ大きく低減したのは生体内 の放熱しやすい環境が寄与したものである.目標温度を維持して いる 300 sec 間における温度変化の標準偏差は、0.05 ℃である. この標準偏差は *in vitro* にて得られたものと同等であり、*in vivo* においても磁性流体の温度を正確に制御することに成功した.以 上のことから本研究で示した定温加熱制御を実装した磁気温熱療 法システムは生体へも適応が可能だと考えられる.

本実験では医用磁性流体の Resovist®から作製した試料を使用 して、SiLN の温度を50 ℃まで加熱することにも成功した.また、 Resovist®の磁性ナノ粒子を99.2 mg/mL に増やすことで生体内で 十分に発熱が得られることを明らかとした. Fig. 5 の電流値に注目 すると、定常状態では200 A 程度である.誘導加熱電源の最大出 力が400 A であることを考えると、投与量を減らすなどの発熱体 の最適化の余地がある.本実験においては、光ファイバープロー ブ先端の局所的な温度を制御できることを示した.しかし、治療 における温度計測は、光ファイバープローブの挿入位置のばらつ きや腫瘍内外で温度勾配 14050 などから容易ではない.そのため、



**Fig. 5** PID-based temperature control in SiLN_using the current range of 0 ~ 400 A (i.e. 0~14 kA/m) with a fixed frequency of 260 kHz.

本加熱制御技術やプローブの挿入法が、治療効果や正常組織への 侵襲にどのような影響をもたらすかを調べる必要がある。今後は、 動物実験でのHematoxylin-Eosin (HE) 染色や Prussian Blue 染 色による病理組織学的検査から、がん細胞と正常細胞、磁性流体 の分布を調べ、治療効果と侵襲性について明らかにしていく。

## 4. まとめ

生体での定温加熱制御での検討を目的として,はじめに 医用磁性流体 Resovist[®]の発熱特性の向上について調べた. Resovist[®]の体積当たりの粒子数を増やした試料を作製し, 発熱特性が向上することを確認した.その発熱量は粒子数 に比例して増加する.

次に、磁性流体の加熱制御に関して、ジーグラニコルス のステップ応答法と CHR 法の比較をおこなった.ステッ プ応答を用いることで磁性流体の発熱特性をモデリングで き、制御性に優れた PID パラメータを取得できることを示 した.また、本研究で用いた定温加熱制御システムが発熱 特性の異なる磁性流体を制御可能であることがわかった.

さらにマウスを用いた動物実験にて、生体内での定温加 熱制御に取り組み、定常状態での温度の標準偏差が0.05 ℃ という定温加熱制御を確立した.本システムを用いること で生体内の細やかな温度制御が望める.今後は、発熱体の 最適化や動物実験を通してがんや正常細胞がダメージを受 ける加熱時間と治療温度の詳細な調査など磁気温熱療法へ の基礎検討を進める.

動物実験 本実験(承認番号 2020BeA-020)は「東北大学 における動物実験等に関する規定」に従って実験を実施し た.

**謝辞** 本研究の一部は, JSPS 科研費 (19K23597, 20K20210) および東北大学卓越大学院プログラムの助成 を得たものである.

#### References

- H. Kato, T. Takasugi, R. Tanaka, and Y. Yamamoto: *Therm.* Med., 36(2), 59 (2020).
- H. P. Kok, E. N. K. Cressman, W. Ceelen, C. L. Brace, R. Ivkov, H. Grüll, G. t. Harr, P. Wust, and J. Creezee: *Int J Hyperthermia*, **37**(1), 711 (2020).
- T. Takura, S. Kajiwara, H. Kikuchi, and H. Matsuki: J. Magn. Soc. Jpn., 43, 99 (2019).
- H. Saito, K. Mitobe, A. Ito, Y. Sugawara, K. Maruyama, Y. Minamiya, S. Motoyama, N. Yoshimura, and J. Ogawa: *Cancer Sci.*, 99(4), 805 (2008).
- T. Morino, S. Tanoue, S. Miyata, K. Hirayama, A. Ito, T. Etani, T. Naiki, N.Kawai, and T. Yasui: *Therm. Med.*, **36**(2), 47 (2020).
- A. S. Garanina, V. A. Naumenko, A. A. Nikitin, E. Myrovali, A. Y. Petukhova, S. V. Klimyuk, Y. A. Nalench, A. R. Ilyasov, S. S. Vodopyanov, A. S. Erofeev, P. V. Gorelkin, M. Angelakeris, A. G. Savchenko, U. Wiedwald, A. G. Majouga, and M. A. Abakumov: *Nanomedicine*, **25**, 102171 (2020).

- W. C. Dewey, L. E. Hopwood, S. A. Sapareto, and L. E. Gerweck: *Radiology*, **123**, 463 (1977).
- A. Shikano, L. Tonthat, and S. Yabukami: *IEEJ Trans.* Electr. Electron. Eng., 16, 807 (2021).
- H. Tseng, C. Lee, Y. Shih, X. Lin, and G. Lee: Proc.7th IEEE International Conference on Nanotechnology, Hong Kong, 2007, 969 (IEEE, 2007).
- 10) R. Hergt, and S. Dutz: J. Magn. Magn. Mater., 311(1), 187 (2006).
- H. Nagae, S. Yamada, Y. Ikehata, S. Yagitani, and I. Nagano: *IEEJ Trans. Fundam. Mater.*, **133**(6), 366 (2013).
- 12) F. A. Salem, and A. A. Rashed: Int J Eng Sci, 2(5), 191 (2013).
- M. W. Dewhirst, B. L. Viglianti, M. Lora-Michiels, M. Hanson, and P. J. Hoopes: *Int J Hyperthermia*, **19**(3), 267 (2003).
- 14) A. Candeo, and F. Dughiero: *IEEE Trans. Magn.*, **45**(3), 1658 (2009).
- 15) J. A. Pearce, A. A. Petryk, and P. J. Hoopes: *IEEE Trans. Biomed. Eng.*, 64(12), 2813 (2017).

2021年11月09日受理, 2021年12月17日採録

## Editorial Committee Members · Paper Committee Members

T. Kato and S. Yabukami (Chairperson), K. Koike, K. Kobayashi and Pham NamHai (Secretary)

		,,,	,		
T. Hasegawa	K. Hioki	S, Inui	K. Ito	K. Kamata	Y. Kamihara
H. Kikuchi	S. Kokado	Y. Kota	T. Kouda	A. Kuwahata	K. Masuda
S. Muroga	T. Nagahama	Y. Nakamura	H. Nakayama	T. Narita	K. Nishijima
T. Nozaki	D. Oyama	T. Sato	T. Suetsuna	T. Takura	K. Tham
T. Tanaka	N. Wakiya	T. Yamamoto	K. Yamazaki		
N. Adachi	H. Aoki	K. Bessho	M. Doi	T. Doi	M. Goto
T. Goto	S. Honda	S. Isogami	M. Iwai	Y. Kanai	T. Kojima
H. Kura	T. Maki	M. Naoe	M. Ohtake	S. Seino	M. Sekino
E. Shikoh	K. Suzuki	I. Tagawa	Y. Takamura	M. Takezawa	K. Tajima
M. Toko	S. Yakata	S. Yamada	A. Yao	M. Yoshida	S. Yoshimura

### Notice for Photocopying

If you wish to photocopy any work of this publication, you have to get permission from the following organization to which licensing of copyright clearance is delegated by the copyright owner.

 $\langle \text{All users except those in USA} \rangle$ 

Japan Academic Association for Copyright Clearance, Inc. (JAACC) 6–41 Akasaka 9-chome, Minato-ku, Tokyo 107–0052 Japan 〈Users in USA〉 Copyright Clearance Center, Inc. 222 Rosewood Drive, Danvers, MA01923 USA Phone 1–978–750–8400 FAX 1–978–646–8600

Phone 81–3–3475–5618 FAX 81–3–3475–5619 E-mail: info@jaacc.jp

## 編 集 委 員 · 論 文 委 員

加藤剛志	(理事) 薮上	信 (理事)	小池邦博(幹事)	小林宏一	郎 (幹事) Pham NamHai(韓	(事)	
伊藤啓太	乾 成里	小山大介	鎌田清孝	神原陽一	菊 池 弘 昭 桑波田晃弘	神田哲典	古門聡士
小田洋平	佐藤 拓	末綱倫浩	田倉哲也	田中哲郎	Kim Kong Tham	長浜太郎	仲村泰明
中山英俊	成田正敬	西島健一	野 崎 友 大	長谷川崇	日置敬子 增田啓介	室賀 翔	山 崎 慶 太
山本崇史	脇 谷 尚 樹						
青木英恵	安達信泰	磯上慎二	岩井守生	大竹 充	金井 靖 藏 裕彰	小 嶋 隆 幸	後藤 穰
後藤太一	仕 幸 英 治	鈴木和也	清野智史	関 野 正 樹	高村陽太 田河育也	竹 澤 昌 晃	田 島 克 文
土井正晶	土井達也	都 甲 大	直 江 正 幸	別 所 和 宏	本多周太 槙 智仁	八尾 惇	家形 諭
山田晋也	吉田征弘	吉村 哲					

## 複写をされる方へ

当学会は下記協会に複写複製および転載複製に係る権利委託をしています。当該利用をご希望の方は、学術著作権協会(https:// www.jaacc.org/)が提供している複製利用許諾システムもしくは転載許諾システムを通じて申請ください。ただし、本誌掲載記 事の執筆者が転載利用の申請をされる場合には、当学会に直接お問い合わせください。当学会に直接ご申請いただくことで無償で 転載利用いただくことが可能です。

権利委託先:一般社団法人学術著作権協会

〒107-0052 東京都港区赤坂9-6-41 乃木坂ビル

電話 (03) 3475-5618 FAX (03) 3475-5619 E-mail: info@jaacc.jp

本誌掲載記事の無断転載を禁じます.

## 日本磁気学会論文特集号

Vol. 6 No. 1 (通巻第 11号) 2022年5月1日発行

Vol. 6 No. 1 Published May 1, 2022 by the Magnetics Society of Japan Tokyo YWCA building Rm207, 1–8–11 Kanda surugadai, Chiyoda-ku, Tokyo 101–0062 Tel. +81–3–5281–0106 Fax. +81–3–5281–0107

Printed by JP Corporation Co., Ltd. Sports Plaza building 401, 2–4–3, Shinkamata Ota-ku, Tokyo 144–0054 Advertising agency: Kagaku Gijutsu-sha

発行: (公社)日本磁気学会 101-0062 東京都千代田区神田駿河台 1-8-11 東京YWCA会館 207 号室 製作:ジェイピーシー 144-0054 東京都大田区新蒲田 2-4-3 スポーツプラザビル401 Tel. (03) 6715-7915 広告取扱い:科学技術社 111-0052 東京都台東区柳橋 2-10-8 武田ビル4F Tel. (03) 5809-1132

Copyright © 2022 by the Magnetics Society of Japan